

2014

STRUCTURAL ANALYSIS



Ketabton.com

Part: 1

انجینر قریب الله انوری

1/1/2014

الفلاح د لوروزدہ کرو خصوصی مؤسسه انجینری پوهنځی



مضمون :

ساختمانی میخانیک (اولہ برخه)

Structural Analysis - 1

لیکوال :

”انجینیر قریب اللہ“ ”انوری“

M.Sc (Structure) NUST Islamabad

B.Sc civil (suit Peshawar)

Master I.R (university of Peshawar)

B.A (Political Science)

TABLE OF CONTENTS

Chapter 01:	Types of structure and loads 1.1 Structure , Analysis and design 1.2 Classification of structural elements 1.3 Types of beam 1.4 Types of structure 1.5 Types of loads and its determination.	09
Chapter 02:	Determinacy and Stability 2.1 Idealized structure 2.2 Types of support 2.3 Principle of superposition 2.4 Equilibrium equations 2.5 Determinacy and Indeterminacy 2.6 Examples 2.7 Stability of structures 2.8 Examples	27
Chapter 03:	Analysis of statically determinate Frames 3.1 Concepts 3.1 Analysis of Frames 3.2 Solved Examples	43
Chapter 04:	Influence line of statically determinate structures 4.1 Deflection diagram and elastic curve 4.2 Influence Line 4.3 Influence line of simply supported beam 4.4 Solved Examples 4.5 Influence line of overhanging beam 4.6 Solved Examples 4.7 Muller-Brislau Principle 4.8 Examples	58

Chapter 05:	Cables and Suspension Bridges	81
	5.1 Cables 5.2 Cables subjected to concentrated loads 5.3 Solved Examples 5.4 Cables subjected to uniformly distributed load 5.5 Solved Examples 5.6 Introduction to suspension Bridges	
Chapter 06:	Arches	107
	6.1 Introduction to Arches 6.2 Types of arches 6.3 Analysis of three hinge arch 6.4 Solved Examples	
Chapter 07:	Analysis of statically determinate Trusses	130
	7.1 Analysis of determinate trusses 7.2 Trusses and its types 7.3 Roof Trusses 7.4 Bridge Trusses 7.5 Using method of joint 7.6 Solved Examples 7.7 Using method of section 7.8 Solved Examples	
Chapter 08:	Methods of deflection	171
	8.1 Introduction 8.2 Double Integration Method 8.3 Solved Examples 8.4 Moment Area Method 8.5 Solved Examples 8.6 Conjugate beam method 8.7 First theorem 8.8 Second theorem 8.9 Examples	

Preface

Acknowledgment

REFERENCES: (اخذ لیکونه)

1. Structural analysis by R C Hibbler
2. Indeterminate structural analysis by c k wang
3. Basic structural analysis: c.s.reddy
4. Elementary structural analysis: j.b.willbur, c.h. norris and utku
5. Plastic methods of structural analysis: b.g. neal
6. Theory of structures: b.c.punmia, ashok jain, arun jain

لومړی څېرکۍ د ساختمان ډولونه او بار

ساختمان (structure)

ساختمان عبارت دی د هغه وصل شو برخو څخه کوم چې د بار ز غملو لپاره استعمالیږي
په سیوں انجنيري کې د ساختمان مثالونه

i. تعمیر

ii. پل

iii. ډیم

iv. د فولادو پای

تحلیل (Analysis)

په یو ساختمان کې د واردہ بار له امله د پیدا شو قوو (عرضی قوه، انحنای مومنت ، تشنجات)
محاسبه کولو ته د ساختمان تحلیل واي.

ډیزائين (Design)

په ساختمان کې د سیخانو یو خاص نسبت په دی ډول ټای پر ټای کول تر خود ساختمان خپل وزن
او واردہ بار په منظم توګه اساس ته انتقال شي. (self weight)

د ډیزائين اړتیاوی (Requirements of Design)

د یو ساختمان د ډیزائين په وخت باید یو انجنير لاندینې نقاط په نظر کې وساتي.

۱. حفاظت (Safety)

۲. مهندسی (Architecture)

۳. بهره‌برداری یا گته اخیستنه (Serviceability)

۴. اقتصاد (Economy)

۵. چاپریال (Environment)

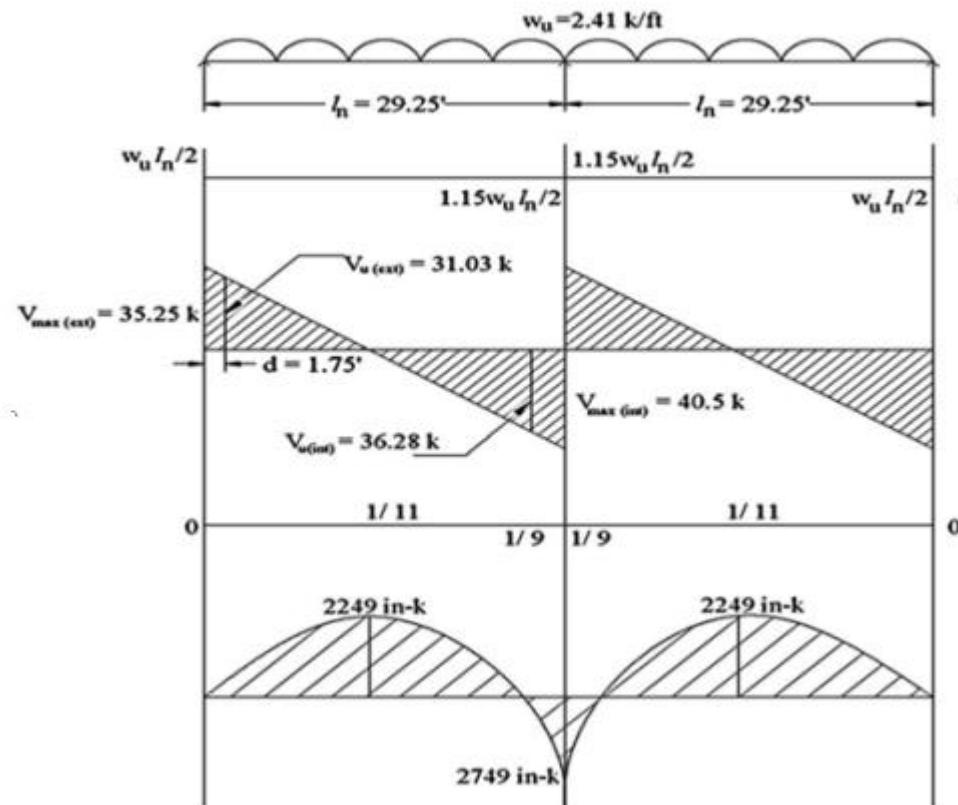
د ساختمان ډیزان باید یو تجربه کار انجنیر تر سره کړي تر خو په دی پوه شي یو خاص حالت د کوم ډول ساختمان اړتیا لري

د ډیزاین پروسه یوه تخنیکی موضوع ده لهذا د ډیر دقت خخه باید کار و اخستل شي او هغه اساسی علم چې د مواد مقاومت ، میخانیک قضیي ، او د مواد و تخنیکی خواصو سره تعلق لري باید په غور مطالعه شي.

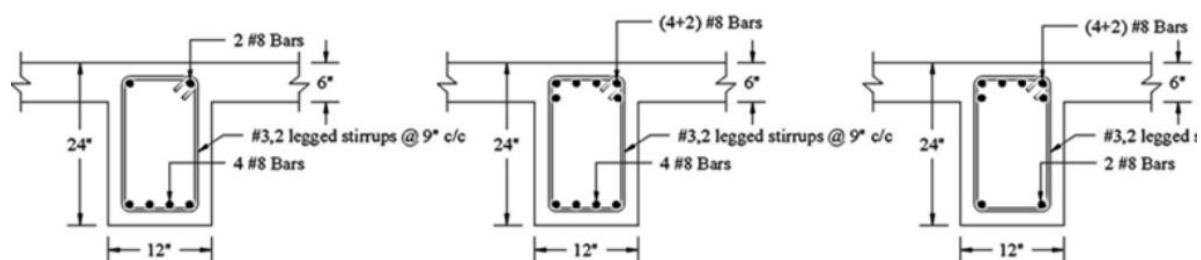
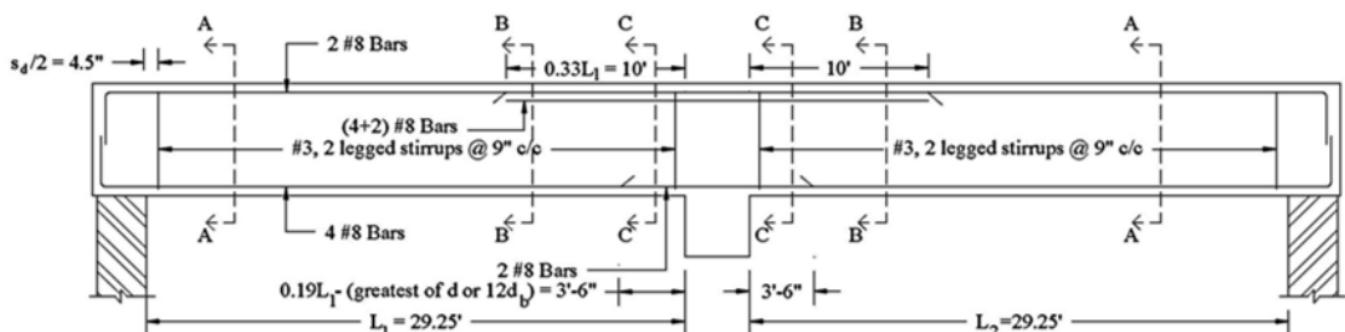
په عملی ساحه کی د تحلیل او ډیزاین اهمیت.

په عملی ساحه کی د ساختمان جوړخت تر هغه وخته نشي پشپږیدی تر خو په ساختمان عمل کونکی بارونه او هغه موخي د کوم لپاره چې ساختمان جوړېږي په دقیق ډول مطالعه نه شي.

د بارونو مشخص کيدو وروسته نوموری ساختمان د تحلیل مرحلی خخه تیرېږي او هغه پایلی لاس ته راول کېږي کوم چې یو ساختمان د مختلفو تخنیکی ستونخو سره مخامنځ کوي. (تشنجات، مومنت، پریکونکی قوى او څینی نور). وروسته له دی د ساختمان ظرفیت پیدا کولو لپاره د ډیزاین مرحله تر سره کېږي کوم کې چې د ګاډر مقاومت او ظرفیت مشخص کولو لپاره د سیخانو قطرونه او اندازی تاکل کېږي او د مختلف ساختمانی عناصر او ابعاد او ډولونه تاکل کېږي پورتنی معلومات لاندی ورکړل شوی بیلګې سره نور رونسانه کوو.



د پورتني ګاډر د تحلیل څخه وروسته د عرضی قوی دیاګرام په اساس د نوموری ګاډر کېدموک ډیزاین کېږي او همدا راز د مومنت دیاګرام پر اساس د ګاډر طولی سیخان تاکل کېږي.



SECTION A-A

SECTION B-B

SECTION C-C

د ساختماني عناصر ویش (classification of structural elements)

يو ساختماني انجنير ته دا ډير مهمه ده چي د ساختمان تولي برخي کوم چي د بار زغملو لپاره استعمال پري بايد و پيڙني.

په نوموري فصل کبني دا تولي موضوع گاني تر خيرپني لاندي نيسو.

ساختمانی عناصر (Structural Elements)

هغه بنسټيز عناصر چي يو ساختمان تري جو پري عبارت دي له ساختمانی عناصر ونه بيم ، پايه او داسي نور.

۱. تاي راډ (Tie Rod)

تاي راډ د ساختمان هغه برخه وي کوم چي ده کششي قواو لاندي قرار لري. ده بار ده نوعيت له امله دا برخي ډيري نري (slender) وي.

مثال: راډ ، ميله ، angle

۲. بيم (Beam)

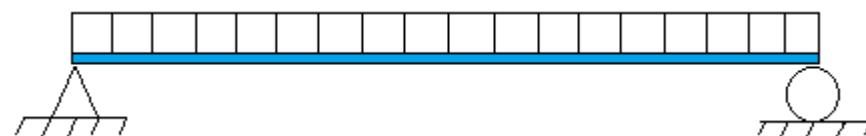
ګاډار له يو خطې ساختمانی عنصر خخه عبارت دي، چي په کوبوالې کي کار کوي او په حقیقت کې د عمودي بارونو د ذغملو او انتقالولو دندۍ په غاره لري، لکه د پونښونو (Slab) وزونه چي پرييم واقع وي.

د بيمونو ډولونه نظر اتكاګانو ته

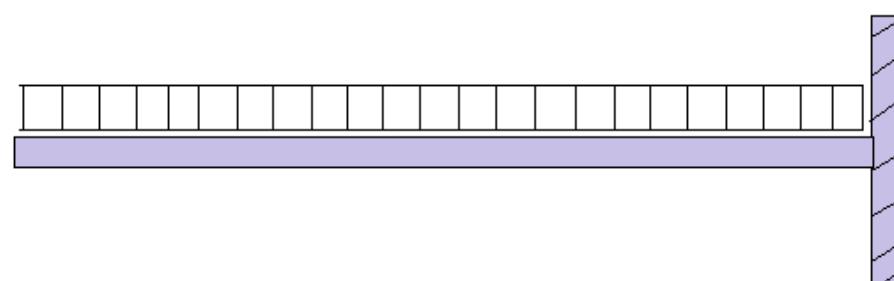
(Classification of beams based on supports)

نظر اتكاګانو ته بيمونه په لاندي ډول دي.

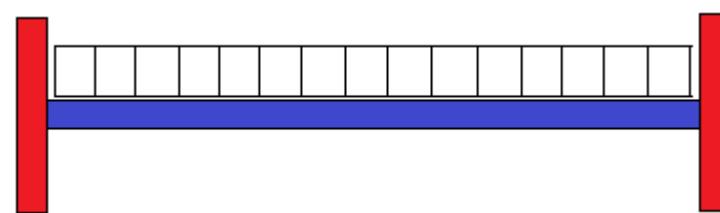
۱ ساده اتکایی گادر (Simply supported beam.)



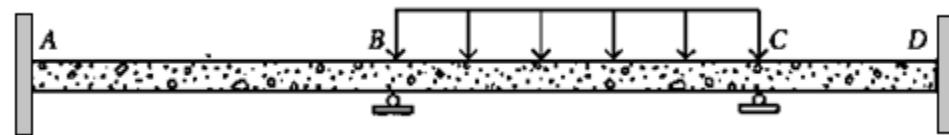
۲ کنسولی گادر (Cantilever Beam.)



۳ سخت گادر په دوارو انجامونو کې (Fixed supported Beam.)

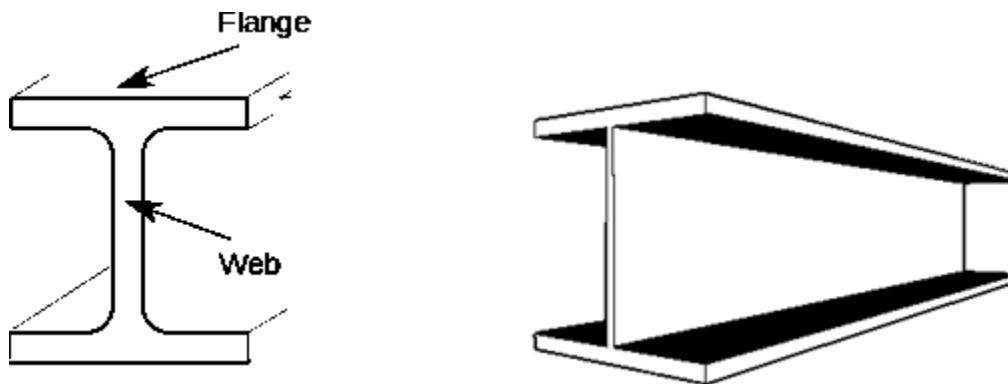


۴ مسلسل گادر (Continuous Beam.)



ګادر زیاتره د انحنای مومنت جذبولو لپاره ډیزاین کېږي خو که ګادر طول کم او بار ډیر زیات وي په دی مهال د عرضي قوي ډیزاین هم په نظر کې نیول کېږي.

که چيرته ګادر لپاره استعمال شوي مواد فولاد وي د شکل په خير (I ډوله) مقطع يې ډير مناسب نتایج ورکوي.



د ګادر افقی برخه (Flange) د مومنت او همدا رنګه عمودي برخه (Web) د عرضي قوو په مقابل کې عکس العمل خایي.

دا مقطع په عامه توګه د (Wide flange) په نامه یادېږي.

د کانکریت ګادر عموماً مستطیلی مقطع لري لهذا په عملی ساخه کې يې جوړخت construction () نسبتاً اسان وي. د کانکریت مقاومت د کششی قواو په مقابل کې ډير کم وي.

پایه (Column)

پایه د ساختمان هغه عمودي برخه ده کوم چې زیاتره فشاري قواوي په یو منظم ډول تهداب ته انتقاله وي.

حئيني وختونه د فشاري بارونو سریبره مومنتونه هم په پايي عمل کوي ، چې د مومنتونو او نارملی قواوو عمل په یو وخت کې په هغه چوکاتونو کې رامنځ ته کېږي ، چې سختي غوتی (Fixed joints) پکې موجودي وي.

خونګه چې د ستنو ماتیدل د ودانیو د ماتیدو لامل گرځي ، باید په ډیزاین کې یې له ډیر دقت (accuracy) خخه کار و اخستل شي.

بنست (Foundation)

بنست د ودانی هغه برخه ده چې د ساختمان بار يا وزن د خاوری هغه برخی ته انتقالوی چې بنست ورباندی پروت وی.

د بنست موخه دا ده چې د ودانی بار په یو پراخه ساحه وویشل شی تر خو په یوه نقطه کې د بار د تولیدو مخنيوی وشی او خاوره د زیات بار خخه وژغوری.

بنست د ودانی لپاره هواره سطح برابروی او د تاویدو خخه یې مخنيوی کوي

د ساختمان ډولونه (Types of structures)

د ساختماني ترکیب او هغه مواد چې دا عناصر تري جوړ وي د ساختماني سیستم په نامه بلل کېږي

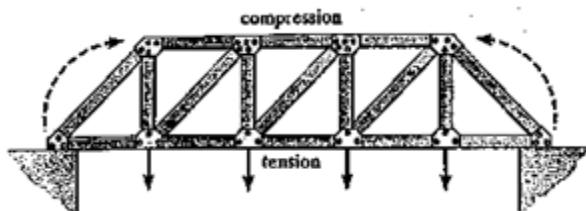
ترس (Truss)

د مثلثي برخوڅخه جوړ هغه ساختماني جوړخت چې د فلز يا لرګونزی ميلي پکې په مثلثي شکل یو ځای شوي وي او دا ميلي د کششي یا فشاري قواو لاندي واقع وي عبارت دی له ترس خخه. په ترس کې ټولی قواوي په محوري بنه اساس ته انتقالېږي.

ترسونه په هغه ساختمانونو کښي استعمالېږي، چې وايه یې لوی وي او د ګادرونو استعمال پکي غير اقتصادي وي.

ترس ته په ګادر هله فوقيت ورکول کيږي که موښ د ساخمان په طول کې دلچسپي ولرونه په ژوروالي کې دا به ډير اقتصادي وي که موښ ترس د 9m نه 30m فاصله کې استعمال کو، اگرچي دي نه زيات فاصلی ته هم استعمال یېږي.

په ترسونو کې د عناصر د هندسي شکله ترتیب له امله کوم بار چي د ترس د کوبوالی لامل گيږي، د ترسونو په عناصر د کې په کششي او فشاري قواوې دليږي.



(Cables and Arches) کيبل او کمانونه

د زياتو فاصلو د پريکړي لپاره استعمال یېږي.

کيبل د استوانی شکل ته ورته دي او ارجاعي عناصر د ټوګه اتكاء ته انتقاله وي. جورې بست موندلې دی.

د کيبل ارجاعي د ټوګه اتكاء ته انتقاله وي.

به کيبل کې قواوي د کششي ميلو په خير په محور قرار نه لري او همدا وجه ده چي کيبل د قوس شکل اختياروي.

خونگه چې کېبل په اسانې سره قات کېږي او د لې بار له امله میلان او کړو پیدنه پیدا کوي به همدي اساس د کوروالی مومنت او عرضاني قوي پکې صفر دي او یواحی نارملې کششی قوي پري عمل کوي.

کېبل د پلونو او تعمیرونو چت موجود ساتلو کې استعمالېږي.

د نورو ساختمانو پرته کېبل ډير مقاومت لرونکي وي او همداراز د لویو وايو لپاره استعمالېږي.



که چيرته فاصله د ۴۶ متر نه زياته وي باید د کېبل استعمل ته فوقيت ورکړي شي ځکه چې دا هميشه په کشش کې وي او د ناستواري امکانات يې ډير کم وي ګادر او ترس سمدلاسه وي جاري د خاصيت لري. د کېبل واحد ستونزه د قوس شکل اختيارول او تړل دي.

کمان (Arch)

کمان د یو منحنی ګادر خخه عبارت دي ، چې محدب شکل لري او خپله قوه په فشار کې ذغمي.

د خپل شکل ساتلو لپاره باید کمان شخ وي.

کمان نسبتاً ګادر ته ډیر مقاومت لري او اکثر په لویو وايو کې استعمالیږي.

کمان په دواړو انجامونو کې اتكاګانو سره وصل وي چې په همدي ټکو کې افقی او عمودي فشارونه منځ ته رائې.



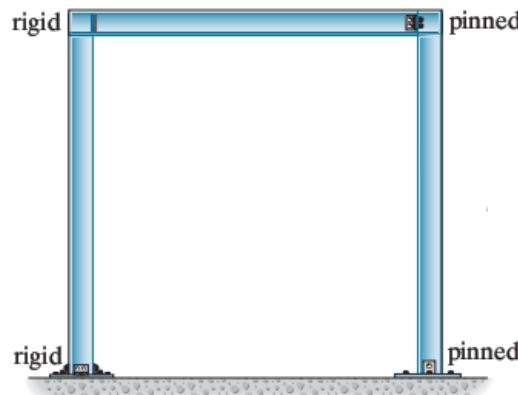
کمانونه هغه ساختمانونو کې چې د زیات بار لاتدي واقع وي او یا هم مهندسي بنکلا په خاطر ور څخه استفاده کېږي.

چوکات (Frame)

که چيري دوه یا له دوو څخه ډیری عمودي او افقی یا عمودي او مایلی میلی خپلو منځونو کې سره د سخت یا ساکني اتكا په واسطه وتړل شي له چوکات څخه عبارت دي.

چوکات د ګادر او پایو څخه جوړ وي چې په اکثر تعمیرونو کې استعمالیږي. دا چوکاتونه د اساس سره په سخته، متحرکه اویا په ساکني اتكاء وصل وي چې واردہ بار په منظم ډول، بدون د خه ویجارتیه، اساس ته انتقاله وي. د چوکات په افقی او عمودي برخه (ګادر او پایه) کې د بار له امله انحناي مومنت پیدا کېږي خو کچيرته د چوکات اتكاء سخته وي تحلیل یې ده نامعین ساختمان په خير کېږي.





سطحي ساختمان (Surface structure)

سطحي ساختمان د هغه موادو خخه جور وي چي پندوالي (thickness) يي ډير کم وي نسبتاً د نورو ابعادو (Dimensions).

د زيات ارجاعېت له امله دا مواد ډير انحنا قبلونکي دي، چي کيدايشي، د یو خيمي شکل اختيارکي.

په دواړو حالاتو کې دغه ماده د یو پردي په شکل کار کوي.

بار (Load)

هر کله چي د یو ساختمان د عناصر و تاکل شي؛ نولادمه ده چي هغه بارونه پیدا شي کوم چي ساختمان يې ڏغمي.

یو ساختمان د مختلف بارونو لاندي قرار لري، د بار مختلف ډولونه لاندي تشریح شوي.

دائمي بار يا مر بار (Dead Load)

د یو ساختمان د مختلفو بربخو خپل وزن او د هغه اجسامو وزن چي په ساختمان مستقل قرار لري عبارت دي ده مر وزن خخه.

د ه مړ وزن مقدار او موقعیت ثابت وي.

په ساده الفاظو د ساختمان مړ وزن په هغې کې ده موجود ګادر، پایی، سلب، دیوال، کړکۍ، او د ډبرو وزن دي.

د ساختمان مړ وزن پیدا کول یو خاص پروسه لري ، پدي پروسې کې د مختلف موادو د کثافت څخه کار اخستل کېږي.

د مړ بارونو د محاسبې لپاره د ساختمان د بیلا بیلو برخو اندازې معلومېږي او بیا د نومورو برخو وزن نظر د نومورو موادو کثافت ته پیدا کېږي.

حجمي وزن (Kg/m ³)	ساختمانی مواد	کنه
1800	د مصالح سره د معمولي پخو خبتو دیوال	۱
1700	د مصالح سره د معمولي پخو خبتو دیوال (شګه چونه او سیمنت)	۲
2400	د غیر منظم طبیعی ډبرو دیوال	۳
2400	سیخ لرونکي کانکریت	۴
1840-1410	وچه خاوره	۵
2000-1600	لمده خاوره	۶
1600-1540	وچه شګه	۷
2000-1760	لمده شګه	۸
2000-1800	د چونې ډبره	۹
1100	مصالح (کچ او شګه)	۱۰

د مربرونوپیداکول

Determination of Dead Load

خرنگه چې پونښونه (Slab) خپل وزنونه بیمونو (Beam) ته انتقالوی او بیمونه خپل وزنونه ستنو ته (Column) او ستني يې تهداب (Foundation) ته نو په دی اساس هغه بارچې د سلب په واسطه ګاډرنو ته انتقالیېري باید په هغه پوه شو.

باید اوایو چې موقتی بارونه په ودانیو کي دسلب (Slab) په واسطه زغملي کېږي او ګاډرونو ته انتقالیېري نوله دی امله باید نظر د بارونو ويشنې ته د سلبونو ڈولونه وېیژنو.

سلب (Slab)

د یوافقی ورقه اي جسم خخه عبارت دي چې په کشش کي واقع وي . هغه وزن چې په سلب عمل کوي واحد يې عبارت دي له T/m^2 ، KN/m^2 ، Kg/m^2 او داسي نور.

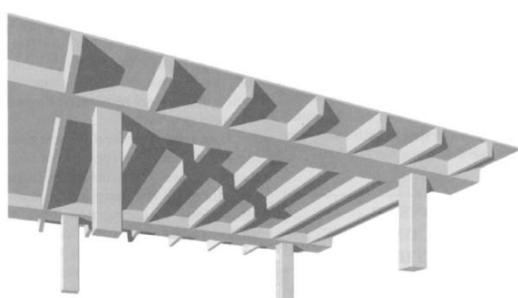
سلبونه نظر د بارونو ويسلو ته په دوه ډوله دی :

۱ - یواړخیزسلب (One Way Slab)

۲ - دوه اړخیزسلب (Two Way slab)

۱ - یواړخیزسلب (One Way Slab)

له هغې سلبونو خخه عبارت دي چې خپل بار په دوه لورو ويشي ، چې هغه لوري د لنډو لورو خخه عبارت دي که چيري د یو سلب د اوږود لوري او لنډه لوري نسبت د دوو خخه ډير شي نو د اد یو اړخیز سلب په نوم یادېږي.

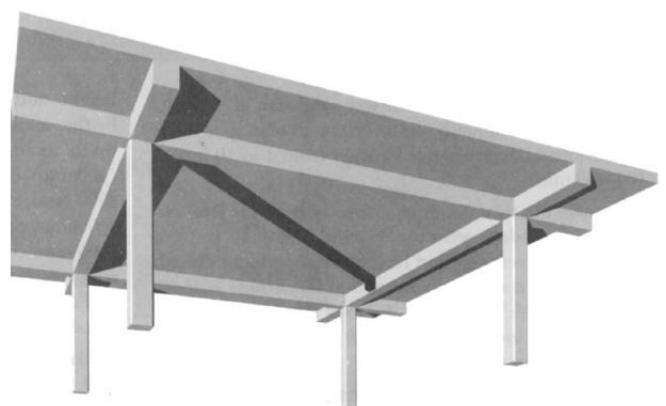
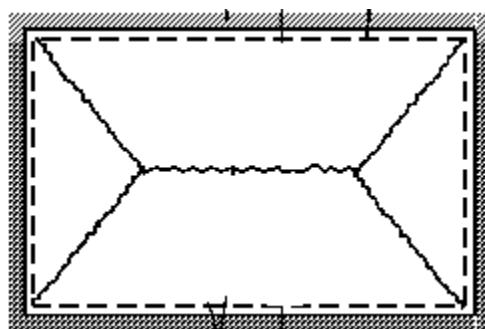


$$\frac{\text{Long side}}{\text{Short Side}} = \frac{b}{a} > 2$$

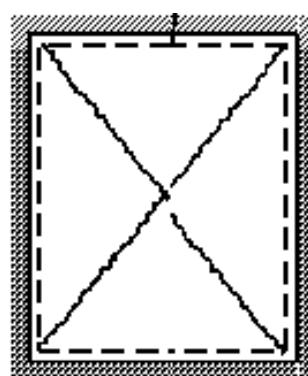
۲- دوه اړخیز سلپ (Two Way slab)

له هغې سلپ خخه عبارت دی چې خپل بار په خلورو لوړو ويشي، که د یو سلپ د اوږود لوري او لند لوري نسبت له دوه او یا له دوو خخه کوچنۍ شي له دوه اړخیزی سلپ په نوم یادېږي. په دې سلبونو کې بارونه په اوږود لوري د ذوذنقې په شکل او په لند لوري د مثلث شکل عمل کوي لکه د شکل په خير

$$\frac{\text{Long side}}{\text{Short Side}} = \frac{b}{a} < 2$$



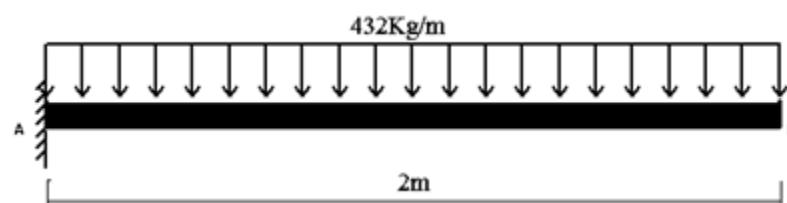
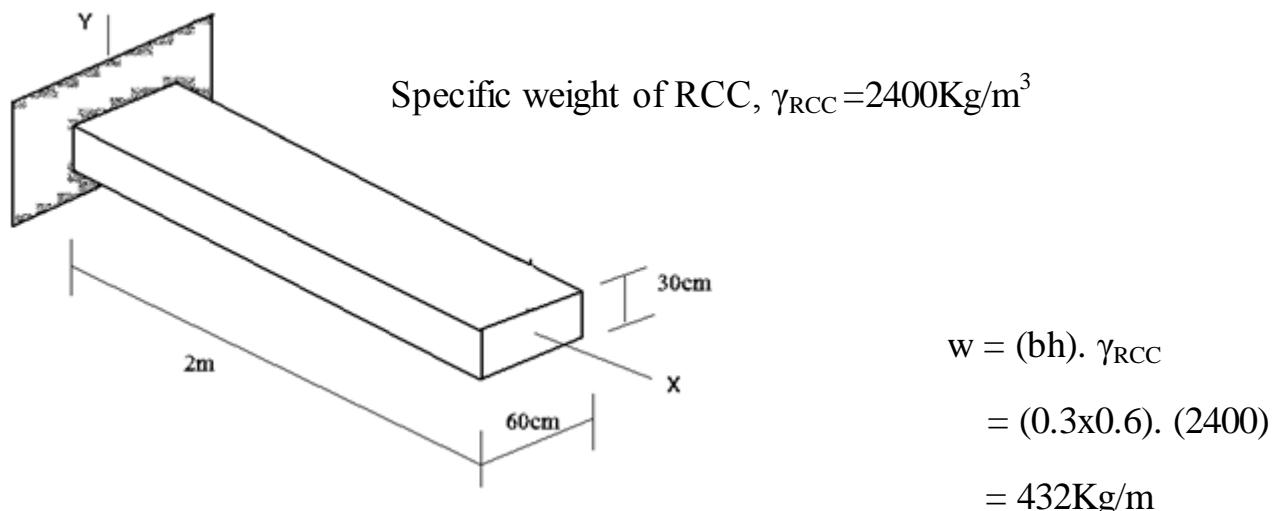
که چيري د اوږود لوري او لند لوري نسبت د یو بل سره مساوی شي یعنی دواړه لوري عيني ابعاد ولري په دې صورت کې په تولو لوړو د مثلث په شکل عمل کوي لکه د شکل په خير



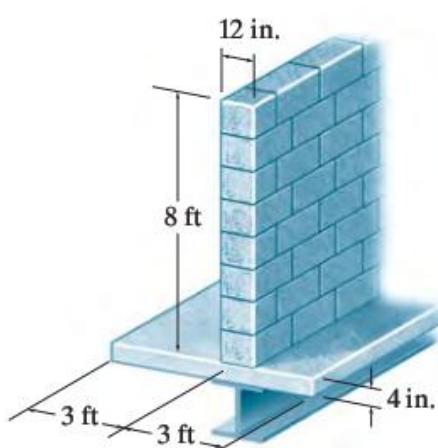
مثال: ۱

که ده یو کنسولی گادر او بدوالي 2 متره او د عرضي مقطع اندازه يي (30x60)cm وی تاسي يي ده مقطعي وزن پيدا کري که چيري گادر له او سپنيز کانكريتيو خخه جور وي.

حل:



مثال : یو گادرچي (6ft x 4in) ابعاد لرونکي سلب د وزن برداشت کولو لپاره استعمال شوي. که چيرته سلب د پاسه 8m لورد کانكريتيو بلاکي ديوال چي عرض يي 12in وي، قرار ولري. تاسي د گادر په في فت کي واردہ بار پيدا کري. د موادو کثافت په لاتدي ډول دي.

کانكريت سلب: 8 lb/ft^3 ديوال: 105 lb/ft^3

حل :

کانکریت سلب وزن : مخصوصه وزن \times حجم

$$6 \times (4/12) \times 8 = 16 \text{ lb/ft}$$

$$\text{دیوال وزن} = 105 \times 8 \times 1$$

$$\text{مجموعی بار} = 856 \text{ lb/ft} = 16 + 840$$

ژوندی بار (Live Load)

له هغی بارونو خخه عبارت دی، چې د هغوي مقدار او موقعیت ثابت نه وي.

ژوندی بار په ساختمان موقتی قرار لرونکي اجسامو د وزن، د انسانانو وزن ده عراده جاتو (Vehicles) وزن، زلزله او یا د باد له وجي مينځ ته راخي.

د ژوندی بار تعین د ساختمان سابقه تاريخ او هغه قوانین کوم چې د امریکا کانکریت انسټیتوت (ACI) وضع کړي، کېږي.

څرنګه چې د موقعیتی بارونو مقدار بدلون مومی په همدي اساس په دی بارونو کې د ساتني د اضافه باري ضرب (Factor of safety) په پام کې نیول کېږي.

$$W = 1.2(D.L) + 1.6(L.L)$$

گنډ	د ودانیو ډولونه	د ژوندی بار اندازه (kg/m^3)
۱	استوګنځی	200
۲	دفترونه	400-250
۳	تولکي	200
۴	ګدام (سپک وزن لپاره)	625

1250	گدام (دروند وزن لپاره)	۵
750	کتابتون	۶
500	هوتل	۷
300	روغتون	۹
500-300	زیني او برنهي	۱۰
625	پلورنهي	۱۱

د باد بار (wind load)



هغه بارونه چې د باد له امله په ساختمان واريدېږي، عبارت دی له wind load خخه.

هغه ساختمانونه چې د سمندر په غاره موقعیت لری یا هم لوړه ارتفاع ولری له دی ډول ستونخو سره مخامن کېږي او په ډيزاین کې یې ده باد بار له پاره خاص د خونديتوب ضریب په نظر کې نیول کېږي.

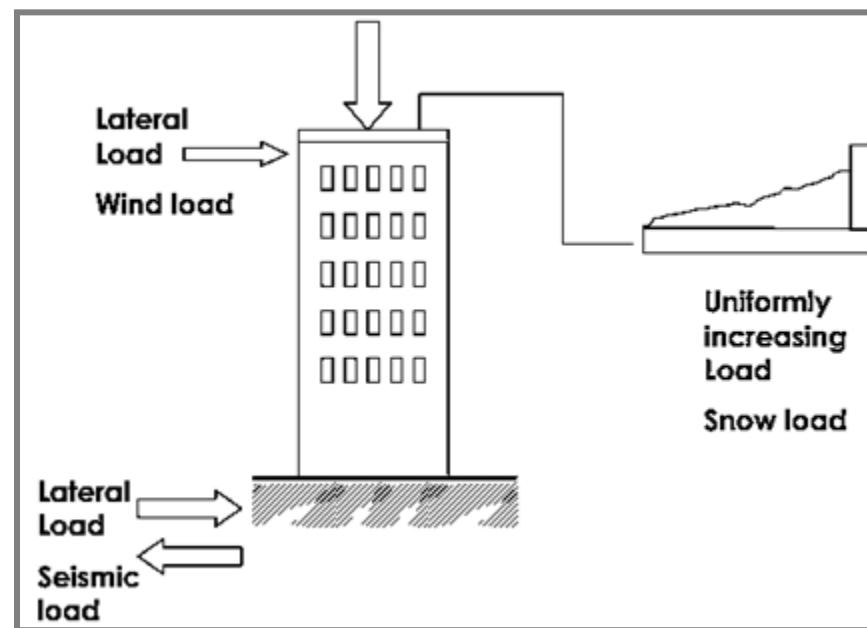
عادی و دانيو لپاره د باد بار په نظر کې نه نیول کېږي. نومورې بارونه د ساختمان په موقعیت، ارتفاع، شکل، سایز او د هوا شدت پوری اړه لری.

د زلزلې بار (Earthquake or seismic load)

په موجوده وخت کې د سول انجنري، Earthquake برخى ډير پرمختله کړي او د هر ساختمان په ډيزاین کې د زلزلې بار په نظر کې نیول مهم ګنړل کېږي. دا عبارت دی له هغه بارونو خخه کوم چې د زلزلې موجونو له امله د ساختمان په بنست واردېږي او زیاتره د ګاډرو او ستنتور منځ جاینتونه د ويچارتيا سره مخامن کوي.

زلزله یا داتش فشان (volcanic eruptions) له وجی مینځ ته رائی یا د تیکتونک طبقی (tectonic plates) د حرکت له امله.

نومورې بارونه د ساختمان په موقعیت (Siesmic Zones) پوری اړه لري.



دوهم خپرکي

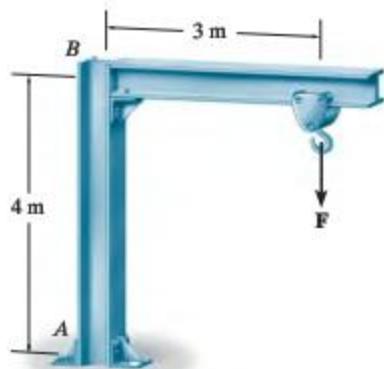
د ساختمانونو معین والی او استواری

(Determinacy and stability of structures)

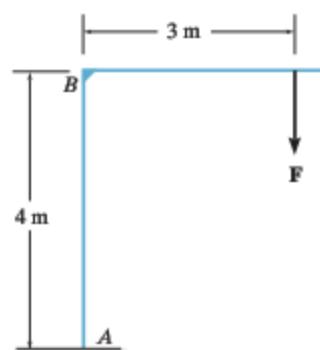
هغه ساختمانونه چي په عملی ساحه کي ترى ډيره استفاده کيږي او روزمره ژوند کي مهم رول ادا کوي ، په د فصل کي یي د تحليل مختلف اړخونه تر خپرني لاندي نيوں کيږي. معین ساختمانونه د تحليل یو ساده پروسه لري کوم کي چي تعادل معادلي د تحليل لپاره کافي کيږي. تر خواه ډير دقيق نتایج لاس ته راورو باید اول تحليل لپاره د ساختمان یو مناسب مودل په نظر کي او نيسواو بیا د ساختماني استواري اړتیاوي پوره کو.

ایډیالي ساختمان (idealized structure)

د یو ساختمان تحليل هیڅ کله کاملاً دقیق نشي کيدلي تر خه حده پیچلتوب حتماً پکې موجود وي پر د مهال د بارونو او مواد مقاومت لپاره وضع شوو اټکلونو (estimates) خخه باید کار واختسل شي.



د ایدیالي ساختمان جوړولو لپاره د مختلف تخنیکونه خخه استفاده کيږي. د بیلګي په ډول



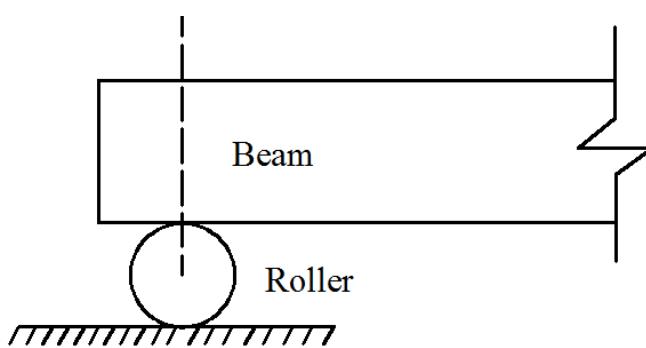
په شکل کي یو کرين بنوبل شوي ، که چيرته د نوموري کريں ایدیالي ساختمان جوړول وغواړو لومړي په B نقطه اتكاء فرض کوو چي شخه ده او همداراز د A پکي اتكاء سخته فرض کوو نو مونږ سره د ایدیالي ساختمان برخى د یو دوه وصل شوو خطونو په واسطه په لاندي ډول جوړيږي.

د اتكاء ډولونه (Types of support)

په ساختمان واردہ بار د اتكاء په ذریعه باید په یو منظم ډول اساس ته انتقال شي په عمومي ډول مروجي اتكاگاني په لاندي ډول دي.

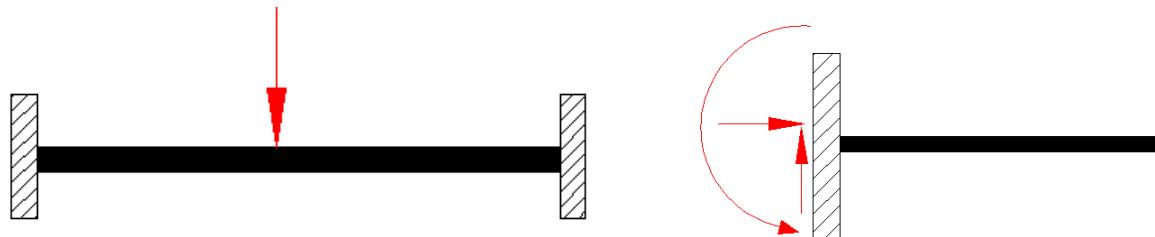
۱. ازاده یا متحرکه اتكاء (Roller support)

متحرکه اتكاء عبارت ده له هغې اتكا خخه چې په یو لوري د جسم د حرکت مانع وي او یو عکس العمل لرونکي وي. متحرکه اتكاء د افقی قواو (Horizontal forces) او مومنت (Moment) په مقابل کې عکس العمل نه شي بنودلی فقط د عمودي قواوو پر مقابل کې د ظانه مقاومت بنائي.



۲. سخته اتكاء (Fixed support)

سخته اتكاء له هغې اتكا خخه عبارت ده چې یو ساختماني عنصر له بل ساختماني عنصر سره داسي وصل کې چې هیڅ حرکت پکې پاتي نه شي.

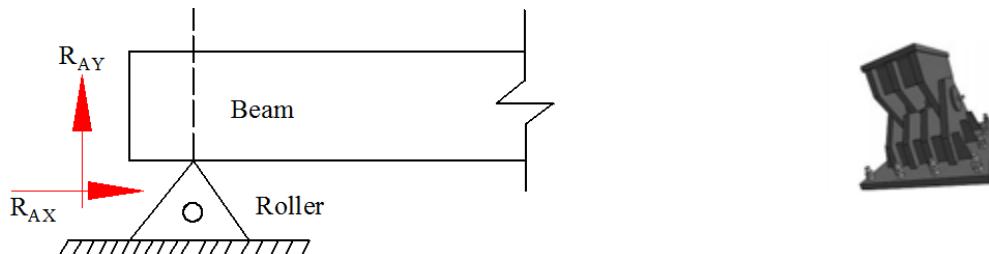




سخته اتكاء د افقی قواو ، عمودي قواو او دوراني
قواو (مومنت) مقابل کې د خپل ځانه مقاومت بنائي
دغه ډول اتكا د او سپنيزو کانكريتيو ، ويبلدنک ، نت
او بولټ او داسي نورو په پواسطه لاس ته راري. دغه
اتكاء دري عکس العملونه لري.

۳. ساکنه اتكاء (Hinge Support)

له هغې اتكا خخه عبارت ده چې په دوه لورود حرکت مانع وي او دوه عکس العملونه ولري.



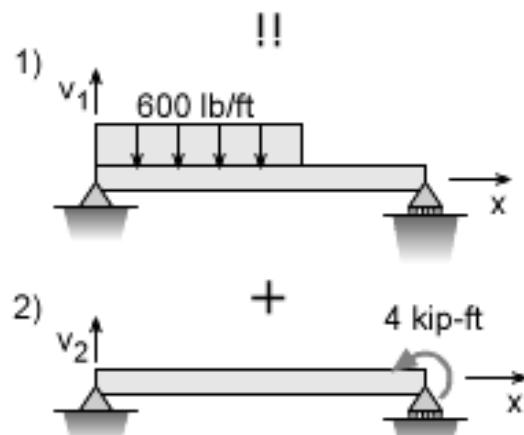
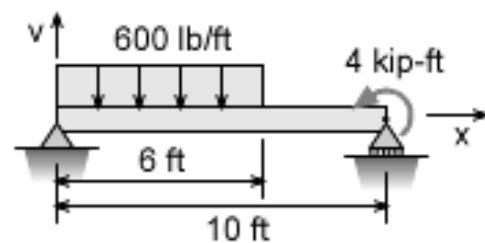
د دې ډول اتكا عام مثال په دروازو کې لګيدلى چپراس دی.



د تجمع قاعده (Principle of Superposition)

د ساختمان په يو نقطه کې مجموعي تشنج مساوي کېږي د مختلفو وارده قواو جلا جلا تاثير سره.

کله کله يو جسم د يو زيات شمير قوو لاندي عمل کوي چې د جسم په انجامي مقطعرو او هم د جسم په اوړدو کې په مختلفو مقطعرو باندي قوي تاثير کوي. په داسي حالتونو کې قوي بیل بیل محاسبه کېږي او تاثير یې د جسم په تاکلي مقطعي باندي مطالعه کېږي. او د جسم مجموعي د شکل بدلون په ټولو مقطعرو کې د شکل د بدلونونو د الجيري مجموعي خخه په لاس راخي چې د شکل د بدلونونو د مجموعي پیدا کولو دغه قاعده د تجمع قاعده بلل کېږي.



د تجمع قانون مطابق په پورتنی بیلګه کې د ويسلی بار او مومنت لپاره د تشنج جلا جلا تاثير پیدا کېږي او د نوموريو تشنجاتو مجموعي خخه اصلې قيمت په لاس راول کېږي.

په ساختمان د تجمع قاعده عملی کولو لپاره مهم دي چې د هوک قانون بايد پري عملی شي.

د تعادل معادلي (Equilibrium Equations)

يو ساختمان يا د ساختمان يوه برخه هغه وخت په تعادل کې وي که چيرى دخارجى قواو په پائله کې جسم خپل توازن برقرار وساتي.

$$\sum F_x = 0 \quad \sum F_y = 0 \quad \sum M = 0$$

$$\sum M_x = 0 \quad \sum M_y = 0 \quad \sum M_z = 0$$

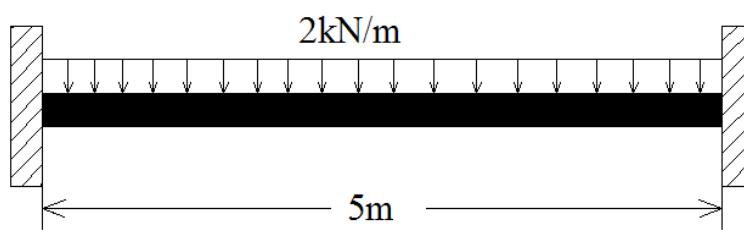
د ساختمانونو معين والي (Determinacy of structures)

۱. نامعین ستاتیکی ساختمان (Statically indeterminate structure)

له هغه سیستمونو خخه عبارت دي، چي د سیستم اتكايزی قوي د ستاتیک د تعادلی معادلو په مرسته پیدا نه شي يعني ساختمان کې د نامعلومو قواو تعداد د تعادل معادلو خخه زیات وي.

د ستاتیک تعادلی معادلی عبارت دي له

$$\sum F_x = 0 \quad \sum F_y = 0 \quad \sum M_x = 0$$



تعادل معادلی > نامعلومی قوى

$$4 > 2$$

نامعین ستاتیکی سیستم

يادونه: ګاډرونو لپاره افقی قواوی په نظر کي نه نیول کېږي او همدارنګه $\sum F_x = 0$ معادله.

کولی شود لاتدی فورمولونو په مرسته د مختلف ساختمانو نو معین والي پیدا کړو.

(1) ګاډرونه (Beams)

$r = 3n$ معین ستاتیکی ساختمان

$r > 3n$ نا معین ستاتیکی ساختمان

(2) چوکاټونه (Frames)

$r = 3n$ معین ستاتیکی ساختمان

$r > 3n$ نا معین ستاتیکی ساختمان

(3) ترسونه (Trusses)

$b + r = 2j$ determinate truss

$b + r > 2j$ Indeterminate Truss

د ساختمان معین والي پیدا کولو لپاره لوړې د ساختمان د تولو غږيو یا د یو خو برخو Free body diagram کابل کېږي او د دیاګرام په مرسته نامعلومی قوى د سیستم تعادلی معادلو سره پر تله کېږي او یا هم د فورمول په واسطه د ساختمان معین والي لاس ته راوړل کېږي.

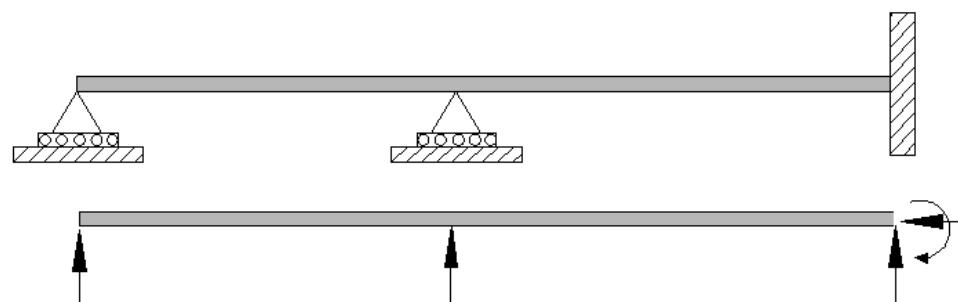
$r = 3n$ معین ستاتیکی ساختمان

$r > 3n$ نا معین ستاتیکی ساختمان

پورتنی فورمولونو کې n د ساختمان د برخو شمیر او r د نامعلومو قوو تعداد دی.

که چېږي یو ساختمان نامعین وي یعنی $2 < 3$ دا په د معنی چې ساختمان یو اضافې معادلی ته اړتیا لري تر خود ساختمان مکمل تحلیل تر سره شي.

مثال 1:

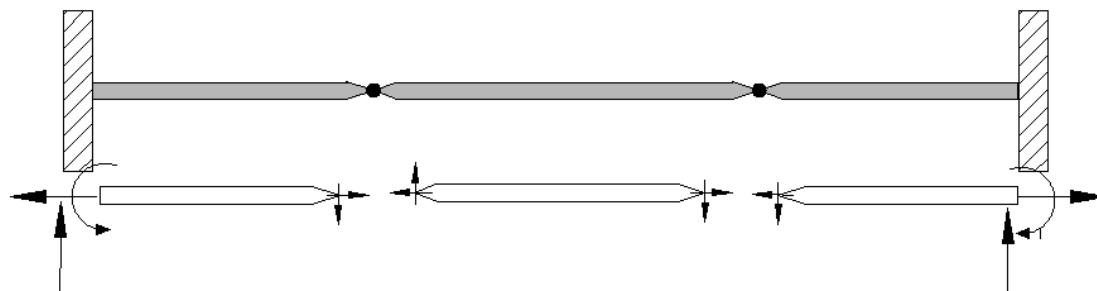


$$n = 1, \quad r = 5$$

$$r > 3n \rightarrow 5 > 3(1) \rightarrow 5 > 3$$

2 درجه نا معین ستاتیکی سیستم

مثال 2:

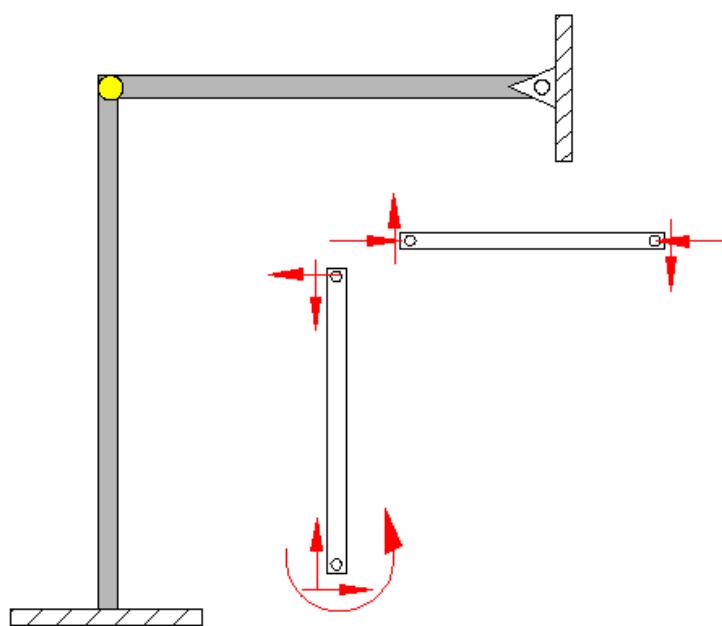


$$n = 3, \quad r = 10$$

$$r > 3n \rightarrow 10 > 3(3) \rightarrow 10 > 9$$

1 درجه نا معین ستاتیکی سیستم

مثال : 3

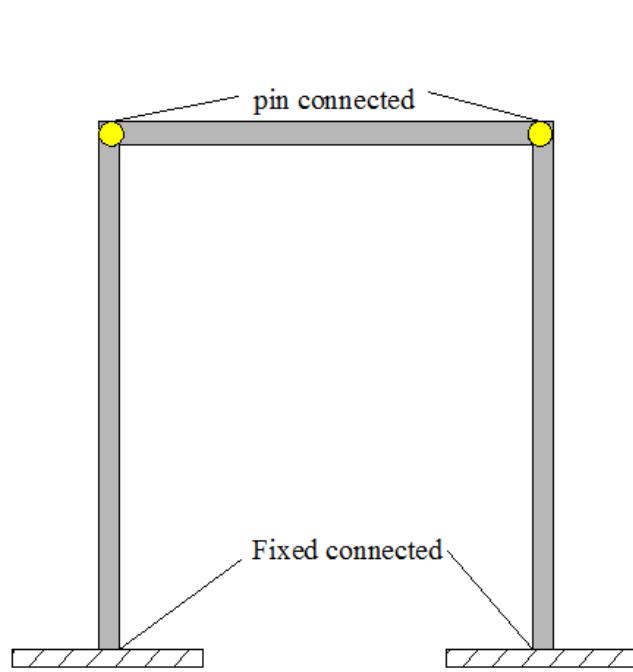


$$n = 2, \quad r = 7$$

$$r > 3n \rightarrow 7 > 3(2) \rightarrow 7 > 6$$

1 درجه نا معین ستاتیکی چوکاٿ

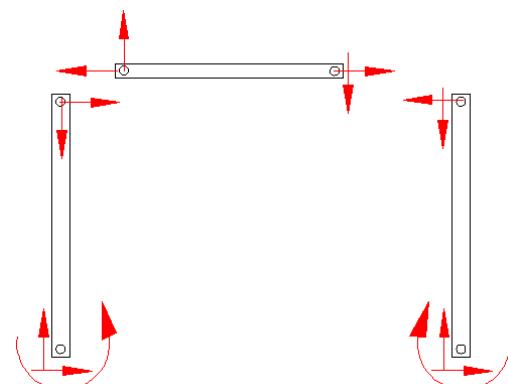
مثال : 4



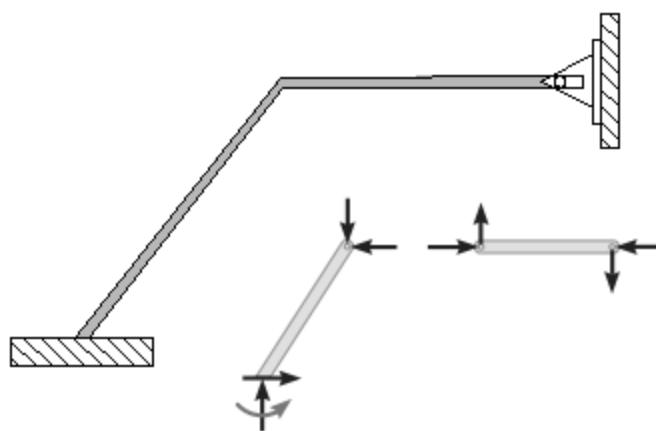
$$n = 3, \quad r = 10$$

$$r > 3n \rightarrow 10 > 3(3) \rightarrow 10 > 9$$

1 درجه نا معین ستاتیکی چوکاٿ



مثال : 5

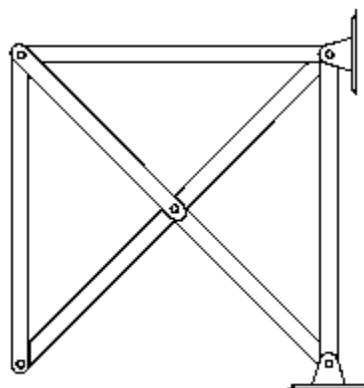


$$n = 2, \quad r = 7$$

$$r > 3n \rightarrow 7 > 3(2) \rightarrow 7 > 6$$

1 درجه نا معین ستاتیکی چوکات

مثال : 6



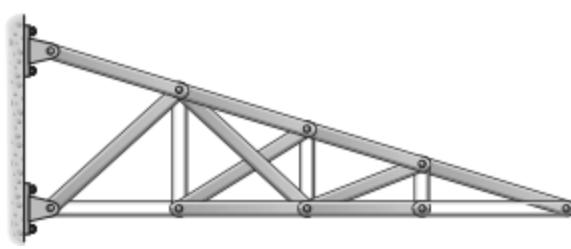
$$b=7, \quad r=4, \quad j=5$$

$$b + r = 2j \rightarrow 7+4 = (2 \times 5)$$

$$11 = 10$$

1 درجه نامعین ستاتیکی سیستم

مثال : 7



$$b=15, \quad r=4, \quad j=9$$

$$b + r = 2j \rightarrow 15+4 = (2 \times 9)$$

$$19 = 18$$

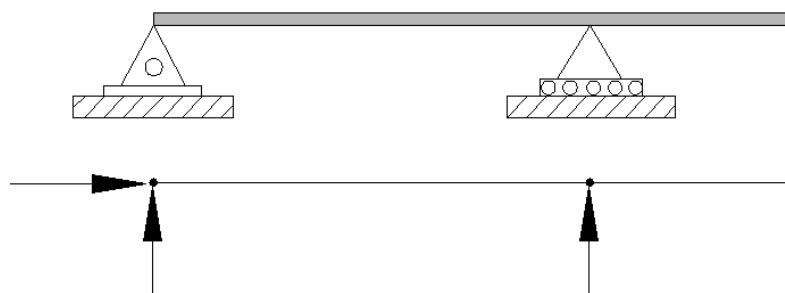
1 درجه نامعین ستاتیکی سیستم

۲. معین ستاتیکی ساختمان (Statically determinate structure)

له هغه ستاتیکی سیستمونو خخه عبارت دی، چي ده سیستم اتكايزی قوي د ستاتیک د تعادلی معادلو په مرسته پیدا شي یا هغه ساختمان چي تحلیل لپاره یي د تعادل معادلی کافي وي یا د نامعلومو قواو تعداد د تعادل معادلو سره مساوی یا کم وي.

Ra < Equilibrium equations

مثال 1:

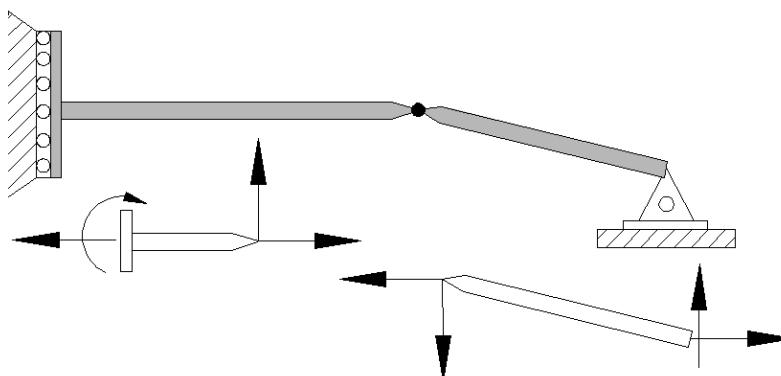


$$n = 1, \quad r = 3$$

$$r = 3n \rightarrow 3 = 3(1) \rightarrow 3 = 3$$

معین ستاتیکی سیستم

مثال 2:



$$r=6 \quad n=2$$

$$r = 3n \rightarrow 6 = 3(2) \rightarrow 6 = 6$$

معین ستاتیکی سیستم

مثال 3:

$$r=3 \quad n=1$$

$$r = 3n \rightarrow 3 = 3(1) \rightarrow 3 = 3$$

معین ستاتیکی سیستم

مثال 4:

$$b=15, \quad r=3, \quad j=9$$

$$b + r = 2j \rightarrow 15+3 = (2 \times 9)$$

$$18 = 18$$

معین ستاتیکی سیستم

مثال 5:

$$b=11, \quad r=3, \quad j=7$$

$$b + r = 2j \rightarrow 11+3 = (2 \times 7)$$

$$14 = 14$$

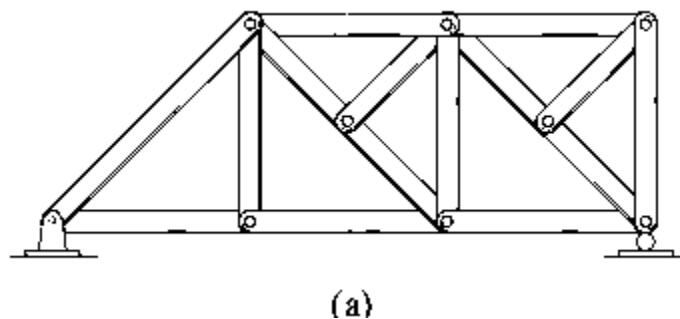
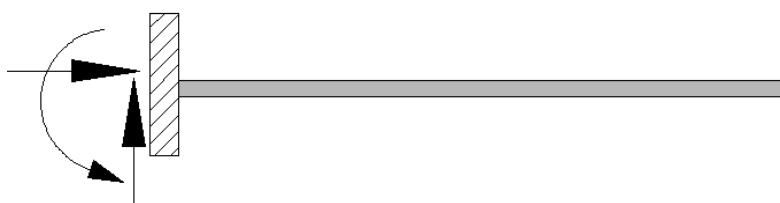
معین ستاتیکی سیستم

مثال 6:

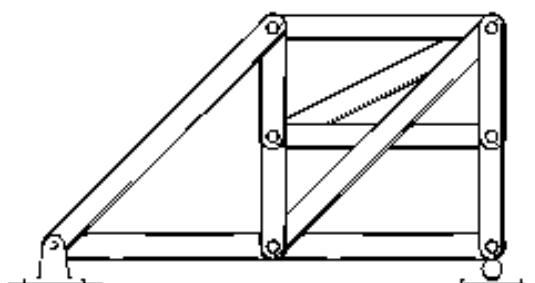
$$r=9 \quad n=3$$

$$r = 3n \rightarrow 9=9$$

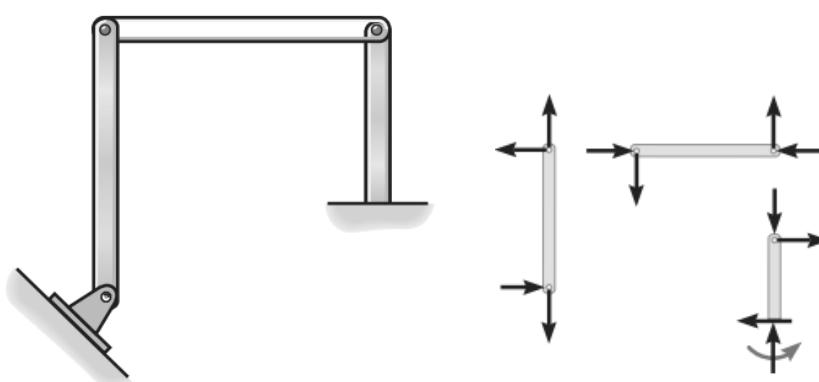
معین ستاتیکی سیستم



(a)



(b)



Stability of Structures

هندسي تغير نه منونکي ساختمانونه (Stable Structures)

هندسي تغير نه منونکي ساختمانونه له هغې سيستمونو خخه عبارت دی ، چې د بهرنيو قوو د عمل په پايله کې خپله پايداري له ئانه وبنېي.

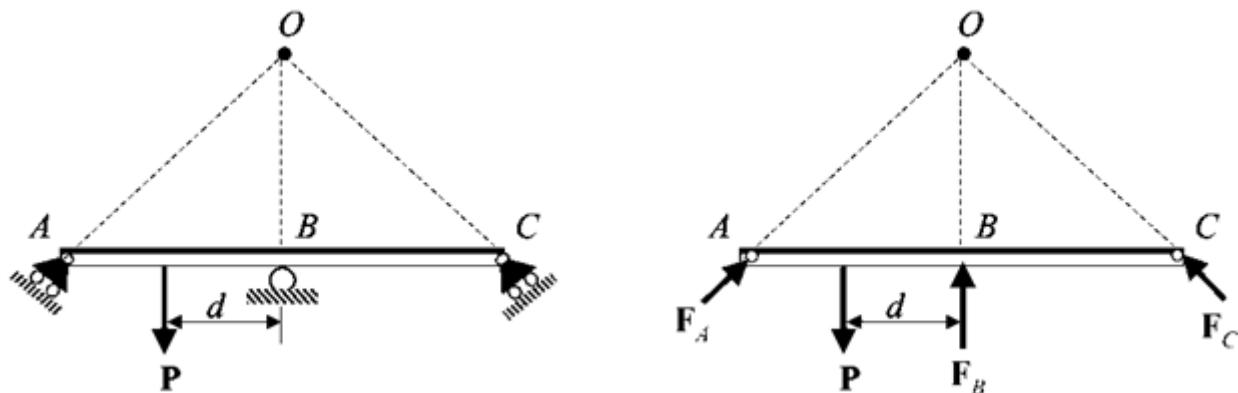
هندسي تغير منونکي ساختمانونه (Unstable Structures)

هندسي تغير منونکي ساختمانونه له هغې سيستمونو خخه عبارت دی ، چې د بهرنيو قوو د عمل په پايله کې خپله پايداري له ئانه ونه وبنېي.

تغیر ناپزير والي په لاتدي ډول د خېرني لاتدي نيسو.

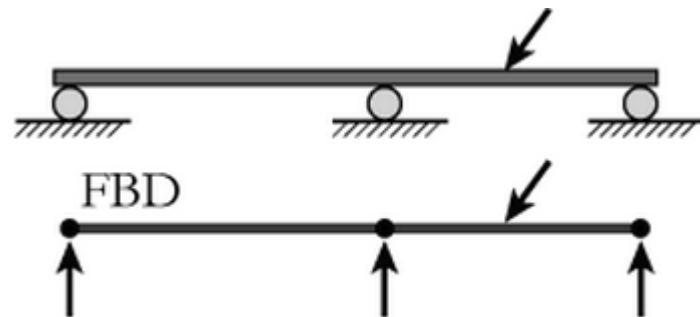
هندسي تغير ناپزير والي لپاره شرایط

- When all the forces are concurrent in structure as shown in fig



Force P tends to produce moment in whole structure about the origion.

- When all forces are parallel in structure



Structure has no restraints for lateral forces

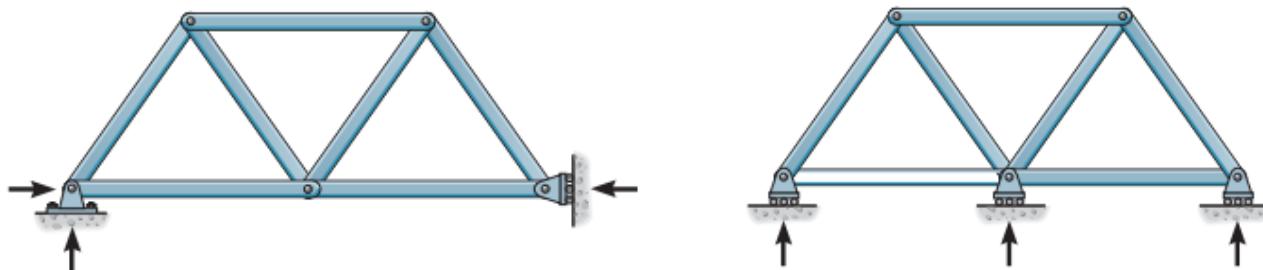
۱. بهرنی تغیر ناپذیروالی (External Stability)

هغه ساختمانونه کوم کی چې اتكایز عکس العملونه خپلو کی سره موازی وی او همدارنګه ټولی قوی د یوی نقطی څخه تیریږدی

د سیستم د بهرنی معین والی د حالات د معلومولو لپاره د لاندی فورمول څخه ګته اخلو.

$$n=R-3$$

په پورتني فورمول کي n د نامعین والی درجه او R د اتكا یزو غبرګونونو شمیر دی دلته دری حالته موجود دي.

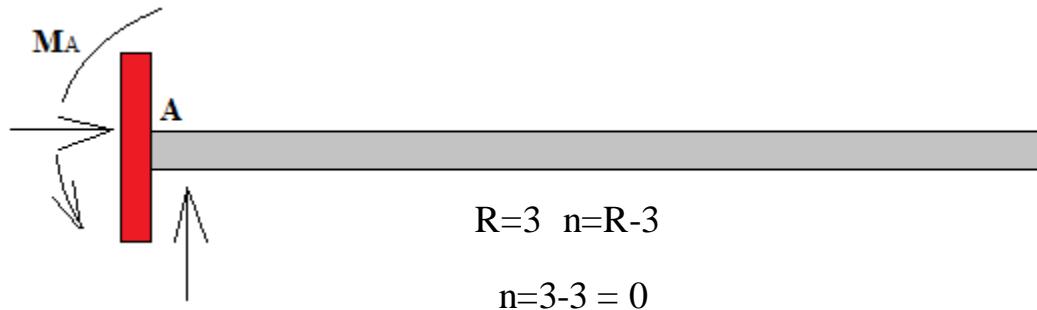


(Determinate and stable) $N=0 - ۱$

(Indeterminate and stable) $N>0 - ۲$

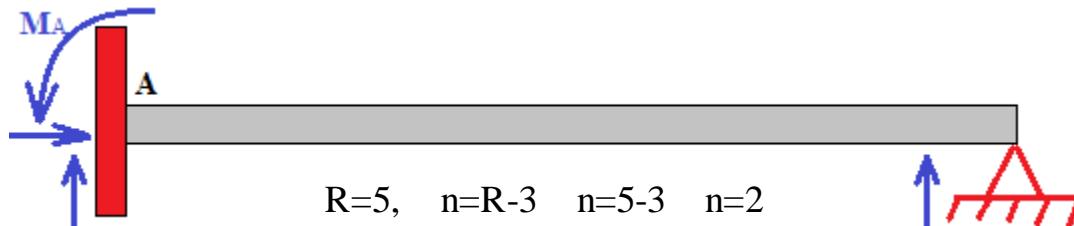
(Determinate and unstable) $N<0 - ۳$

مثال: ۱



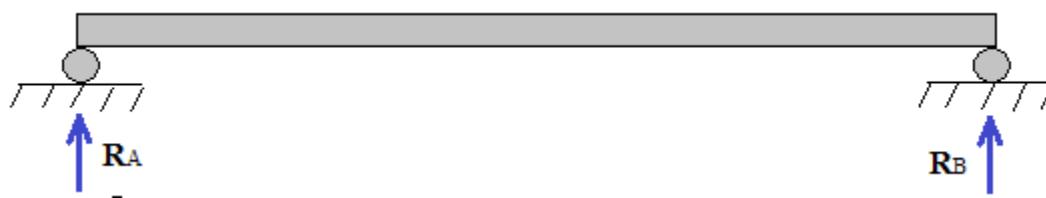
خونګه چي د $n=0$ شو نو سیستم معین او هندسي تغيير نه منونکي (Stable) دي.

مثال: ۲



خونګه چي د $n=2 > 0$ شو نو سیستم نامعین او هندسي تغيير نه منونکي (Stable) دي.

مثال: ۳



$$R=2, \quad n=R-3, \quad n=2-3$$

$$n=-1$$

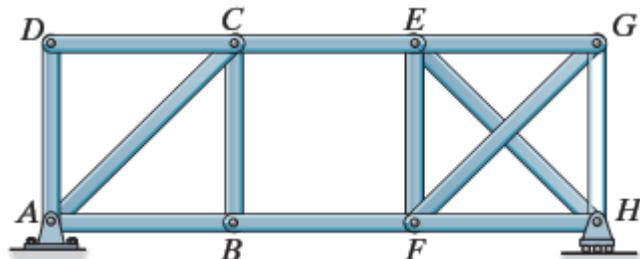
خونګه چي د $n=-1 < 0$ شو نو سیستم معین ستاتيکي او هندسي تغيير منونکي (Unstable) دي.

۱. داخلي تغيير ناپزيروالي (internal Stability)

په سیستمنو کې داخلي تغيير ناپزيروالي د عناصرو په شمير او ده هغوي د ئاي په ئاي كيدو پوري اړه لري،

داخلي تغير ناپزيرولي په لاتدي فورمول پيدا کيږي.

$$M = 2j - b - r$$



پورتني فورمول کې

m = دناتکلي والي درجه

j = د غوتيو شمير

b = د ميلو شمير

r = داتکايزو غبرګونونو شمير

(Determinate and Stable) $m=0$ - ۱

(Indeterminate and Unstable) $m>0$ - ۲

(Determinate and Stable) $m<0$ - ۳

پورتني فورمول يواخي ترسونو لپاره د استعمال وړدی.

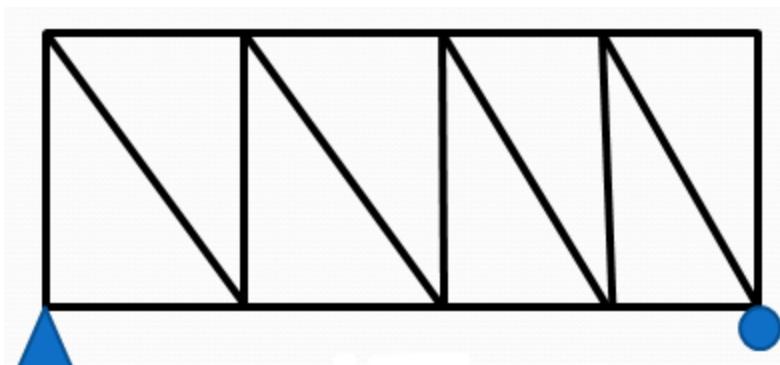
مثال: ۱

$$r=3 \quad j=10 \quad b=17$$

$$m=2j-b-r$$

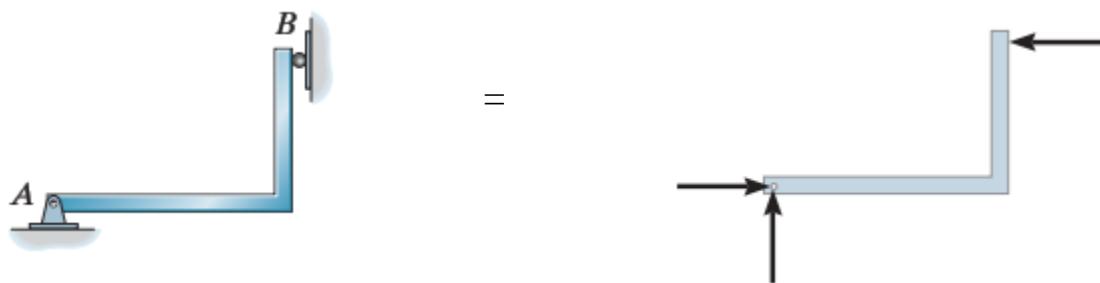
$$m=2(10)-17-3$$

$$m=0$$

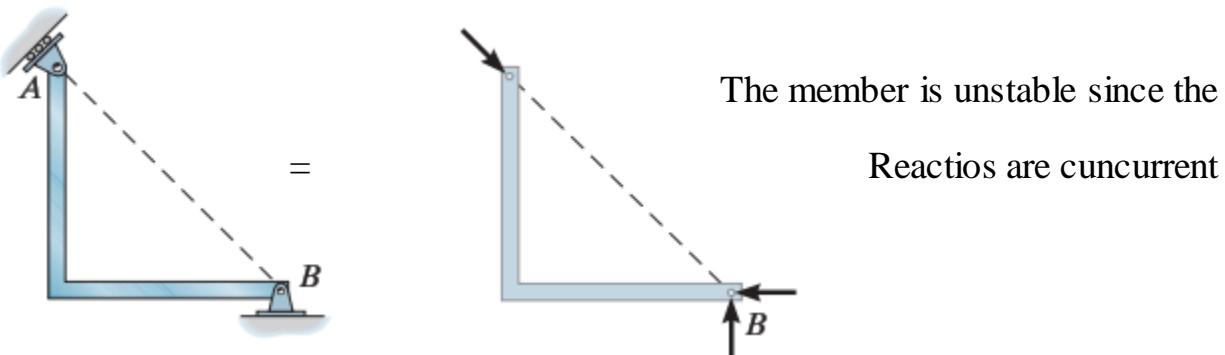


خرنگه چې د $m=0$ شونو سيستم معين ستاتيکي او هندسي تغير نه منونکي (Unstable) د دي.

Classify each the following structure as stable or unstable



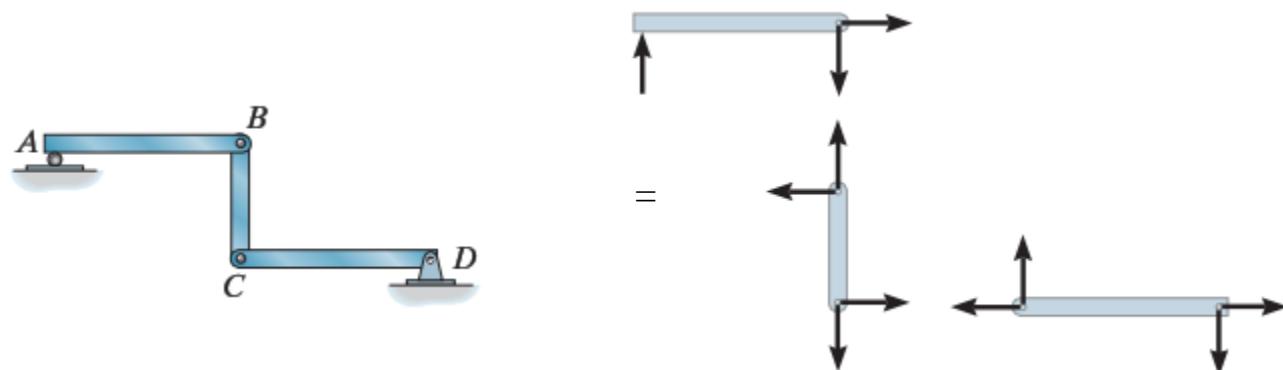
The member is stable since the reactions are noncurrent and non parallel.



The member is unstable since the
Reactions are concurrent

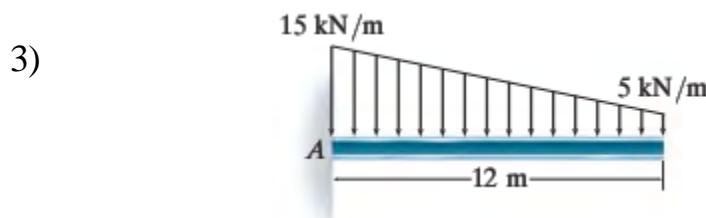
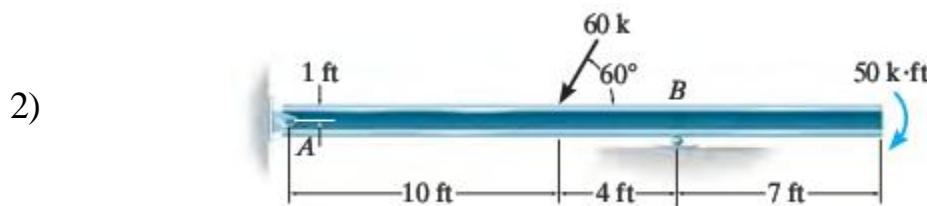
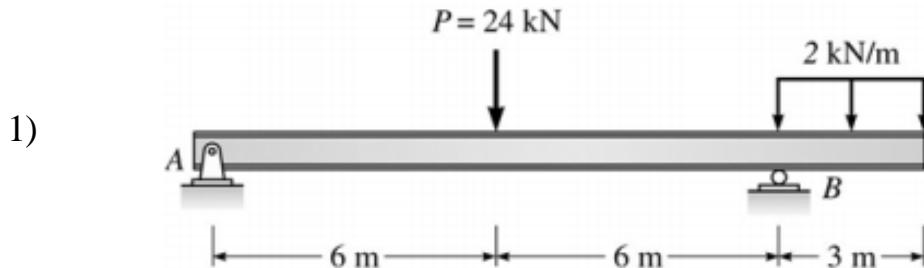


The beam is unstable since the reactions are parallel.



The structure is unstable since $r=7$, $n=3$ $n=r-3 = 7-3 = 4 > 0$

Draw the free body diagram and determine the reactions for the following structure.

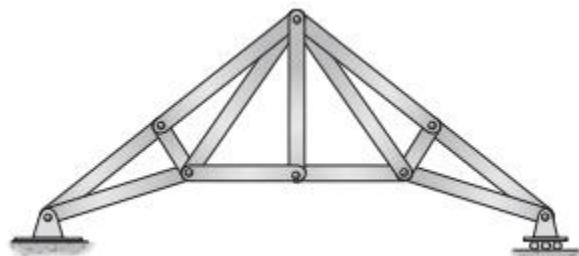
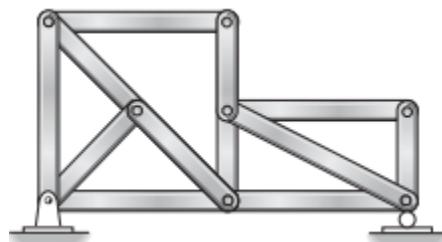
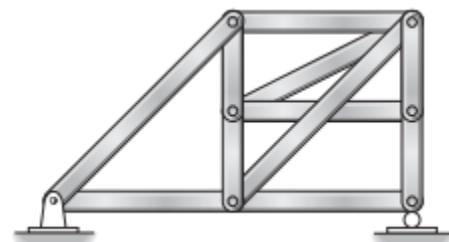
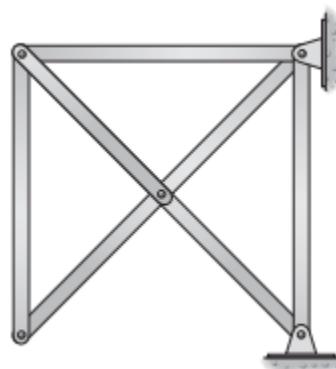
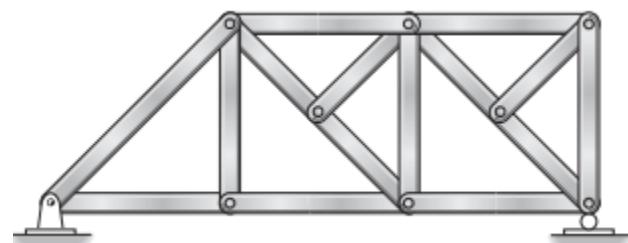
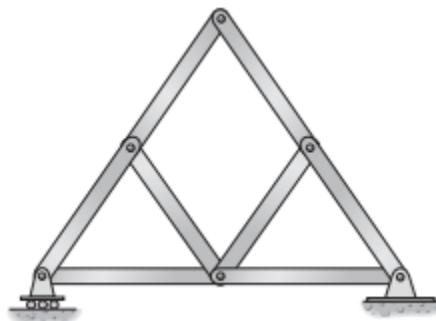


: حل:

- ✓ پورتنی بیمونه کولی شود تعادل معادلو په واسطه تحلیل کړو.
- ✓ لومړی پپاو کې په A تکی کې د مومنتونو مجموعه صفر کوو تر خو R_B لاس ته راولو.
- ✓ همدا رنګه $\sum F_Y$ په استعمال سره کولی شو R_A لاس ته راولو.

تمرين (Exercise)

1) په لاندی بنوول شوی ترسونو کي معين ، نامعین ، هندسي تغيير نه منونکي (Stable) او هندسي تغيير منونکي (Unstable) ترسونه بيل کړي .



دریم خپرکی

د معین ستاتیکی چوکاتونو تحلیل

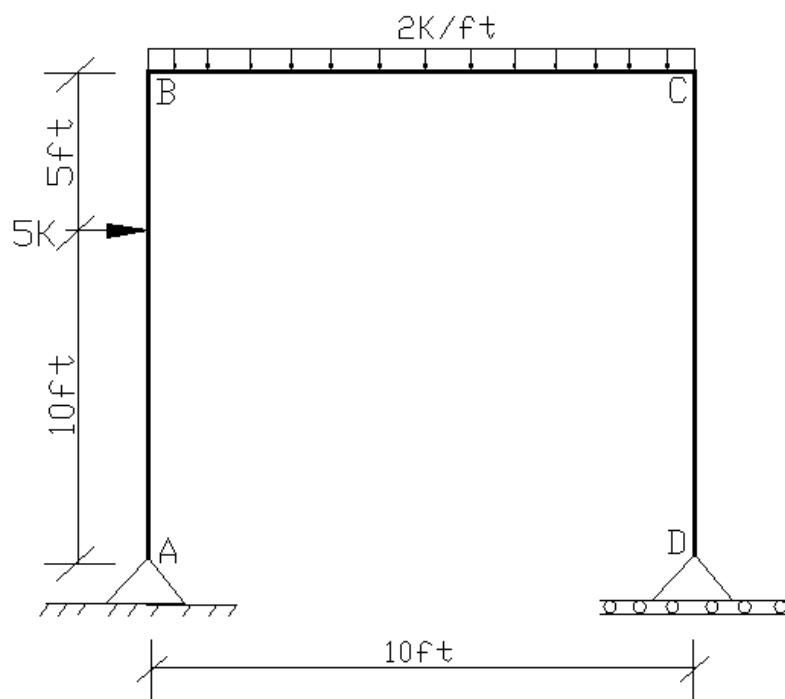
(Analysis of determinate Frames)



که چیري دوه يا له دوو خخه ډيري عمودي او افقي يا عمودي او مايلی ميلی خپلو منځونو کې سره د سخت يا ساکني اتكا په واسطه وتړل شي له چوکات خخه عبارت دي.

چوکات د ګادر او پایو خخه جوړ وي چې په اکثر تعمیرونو کې استعمالیږي. دا چوکاتونه د اساس سره په سخته، متحرکه اویا په ساکني اتكاء وصل وي چې وارده بار په منظم ډول ، بدون د خه ويچارتیه ، اساس ته انتقاله وي. د چوکات په افقي او عمودي برخه (ګادر او پایه) کې د بار له امله انحناي مومنت پیدا کیږي خو ټچيرته د چوکات اتكاء سخته وي تحلیل یې ده نامعین ساختمان په خير کیږي.

مثال ۱: دورکرل شوی چوکات معین والی معلوم کړي او تحلیل یې کړي.



حل:

Step: 01 معین والی

$$S.I = 3m + r - 3j = 3(3) + 3 - 3(4) = 0$$

معین سیستم

Step: 02 اتكایی عکس العملونه پیدا کول

$$\sum M_A = 0$$

$$+(5 \cdot 10) + (2 \cdot 10 \cdot 5) - 10R_{DY} = 0 \quad \longrightarrow \quad R_{DY} = 15K$$

$$\sum F_y = 0$$

$$R_{AY} + R_{DY} = 20$$

$$R_{AY} = 20 - 15 \quad \longrightarrow \quad R_{AY} = 5K$$

Step: 03

د هری برخی جلا جلا تحلیل کول

$$\sum F_x = 0$$

$$H_B + 5 - 5 = 0$$

$$H_B = 0$$

$$\sum M_B = 0$$

$$-(5 \cdot 5) + (5 \cdot 15) - M_B = 0$$

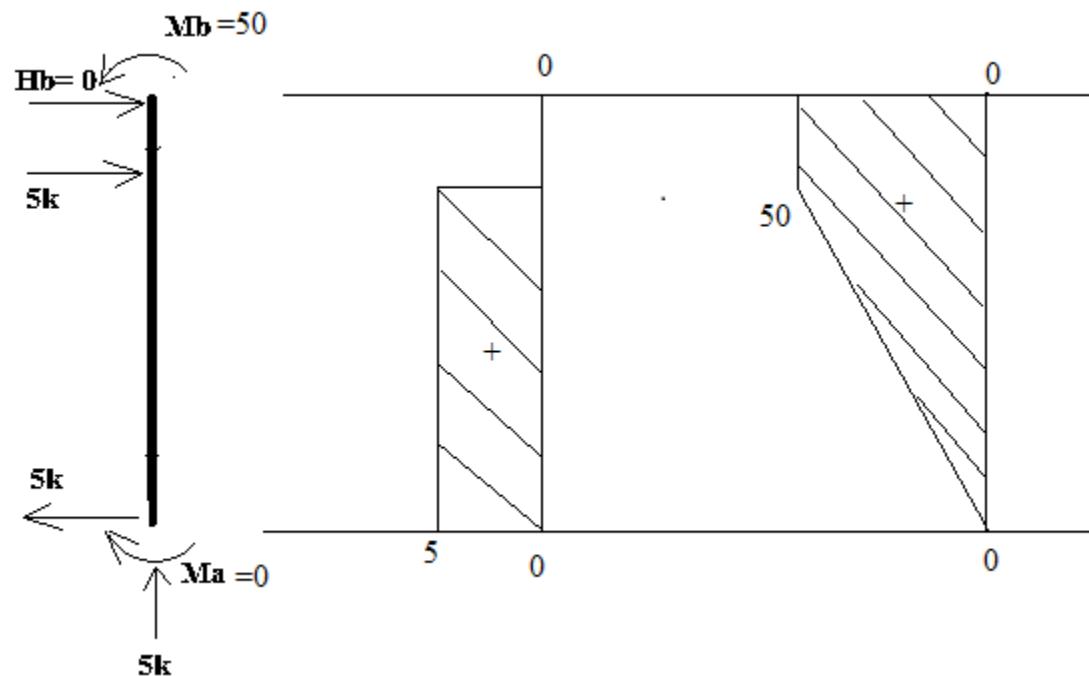
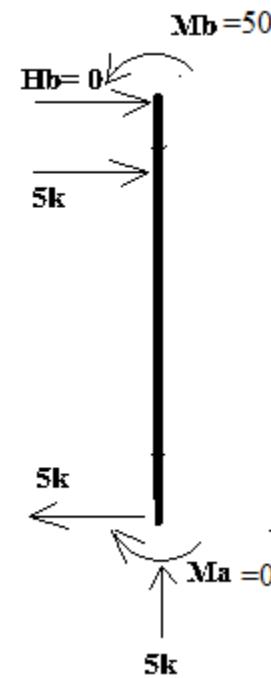
$$M_B = 50 \text{ K-ft}$$

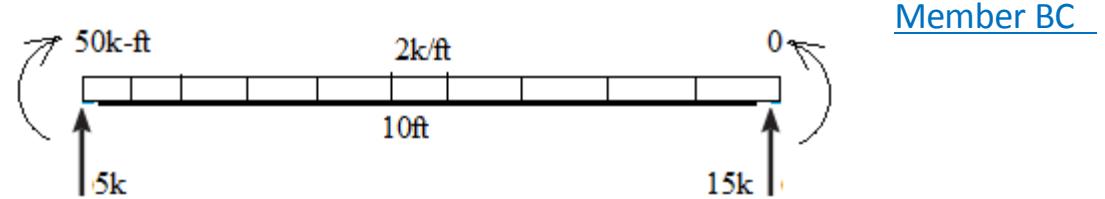
$$\sum M_A = 0$$

$$+(5 \cdot 10) + M_A - M_B = 0$$

$$50 - 50 + M_A = 0$$

$$M_A = 0$$

Member AB



$$\sum F_y = 0$$

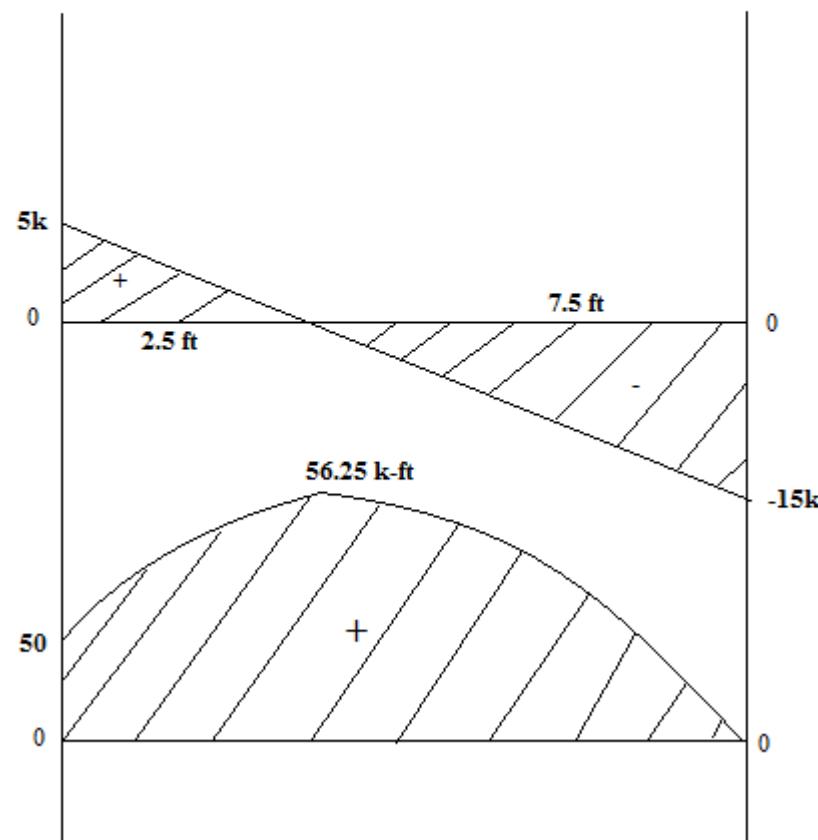
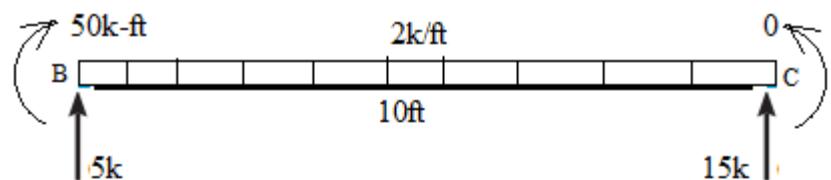
$$\sum M_C = 0$$

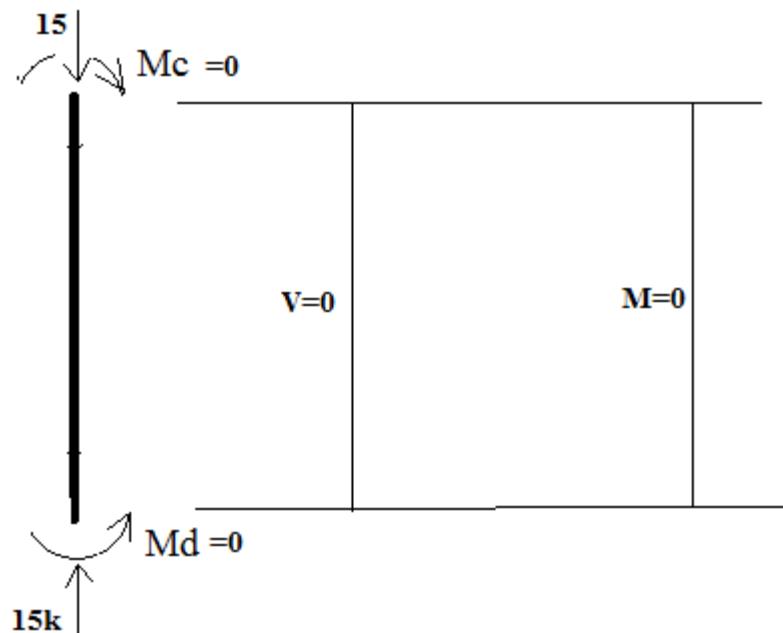
$$5 - (2 \times 10) + R_C = 0$$

$$(5 \times 10) - (2 \times 10 \times 5) + 50 - M_C = 0$$

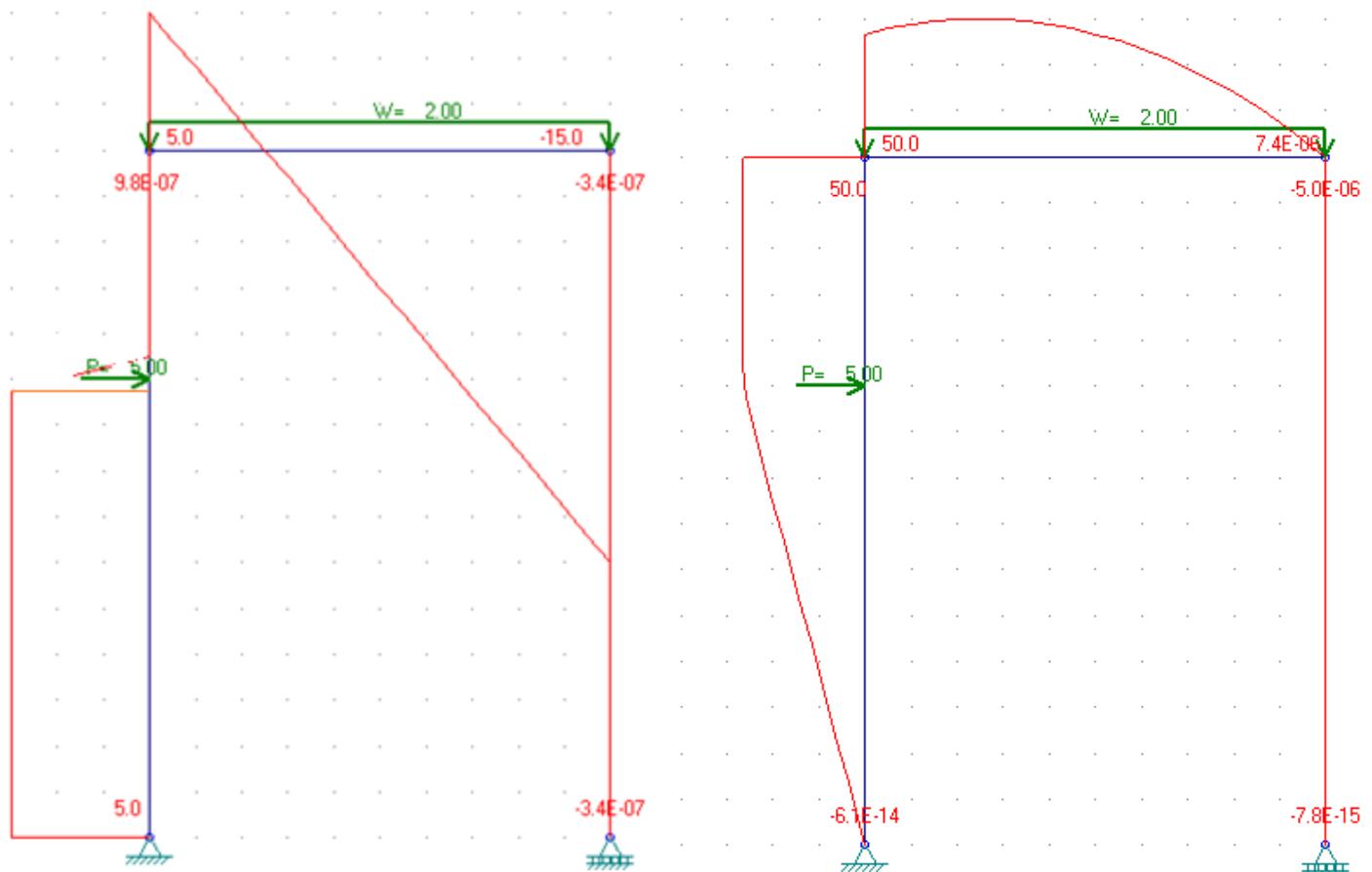
$$R_C = 15K$$

$$M_C = 0$$



[Member CD](#)

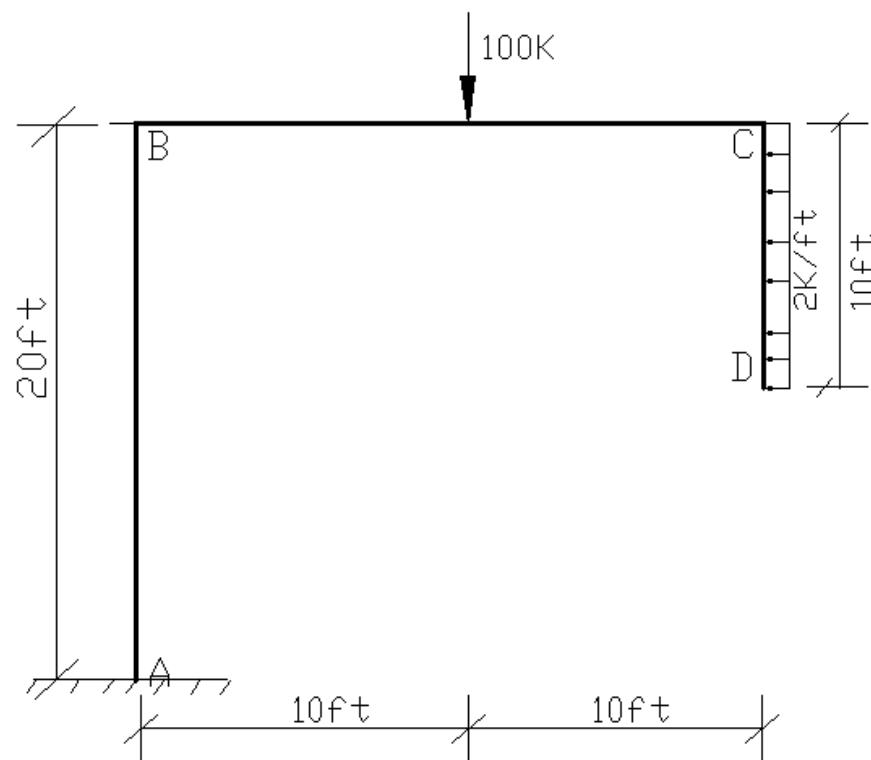
Final shear force and bending moment diagram



عرضی قوی ڈیاگرام

انحنایی مومنت ڈیاگرام

مثال ۲: د ورکول شوی چوکاټ معین والی معلوم کړي او تحلیل یې کړي.



حل:

Step: 01 Determinacy

$$S.I = 3m + r - 3j = 3(3) + 3 - 3(4) = 0$$

Step: 01 free body diagram and reactions

$$\sum F_y = 0$$

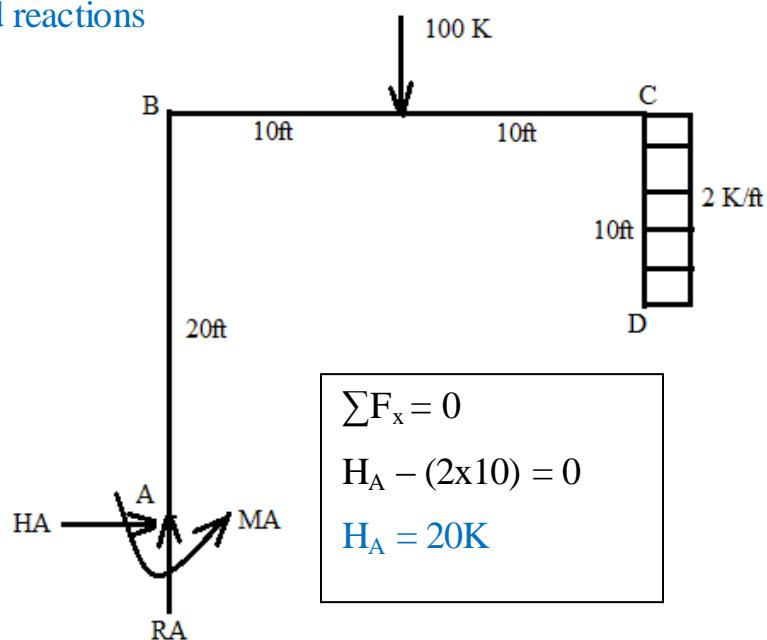
$$R_A - 100 = 0$$

$$R_A = 100K$$

$$\sum M_A = 0$$

$$-M_A + (100, 10) - (2, 10, 15) = 0$$

$$M_A = 700 \text{K-ft}$$



Step: 03 Shear force and bending moment diagram for each member

Member AB

$$\sum F_x = 0$$

$$-H_B + (20) = 0$$

$$H_B = 20K$$

$$\sum F_y = 0$$

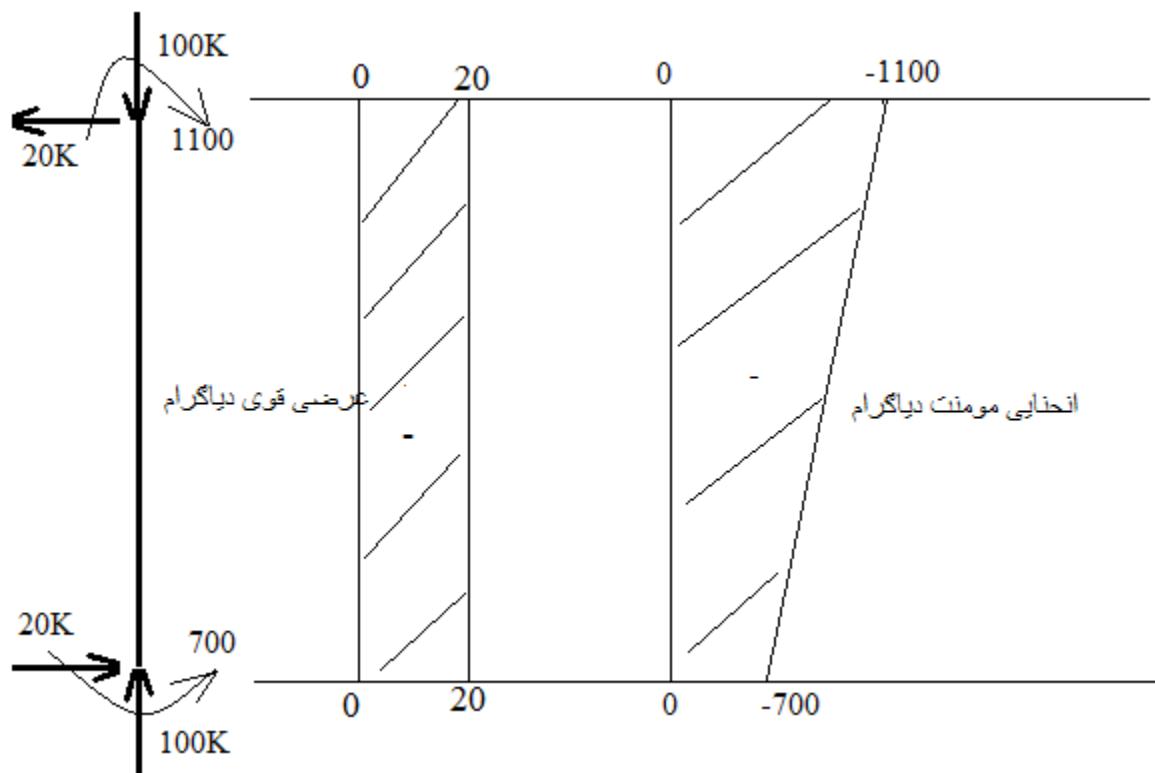
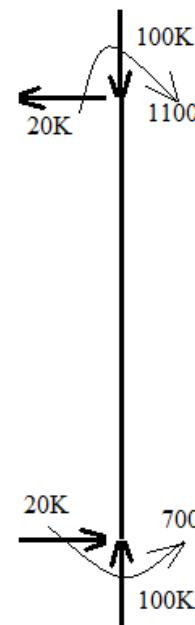
$$100 - R_B = 0$$

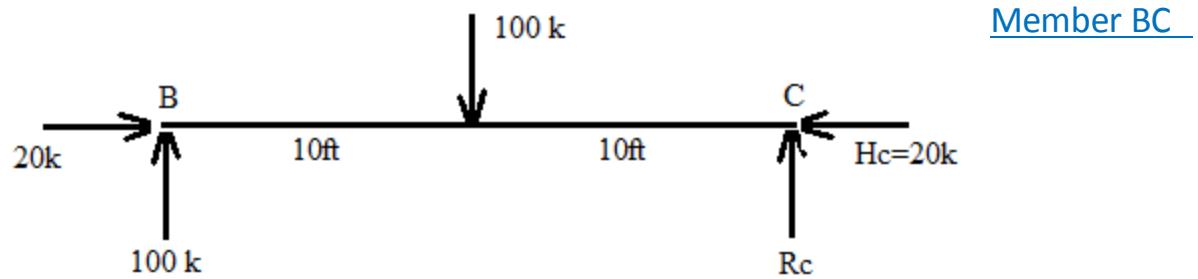
$$R_B = 100k$$

$$\sum M_B = 0$$

$$M_B - 700 - (20 \times 20) = 0$$

$$M_B = 1100K\text{-ft}$$





$$\sum F_y = 0$$

$$100 - 100 + R_C = 0$$

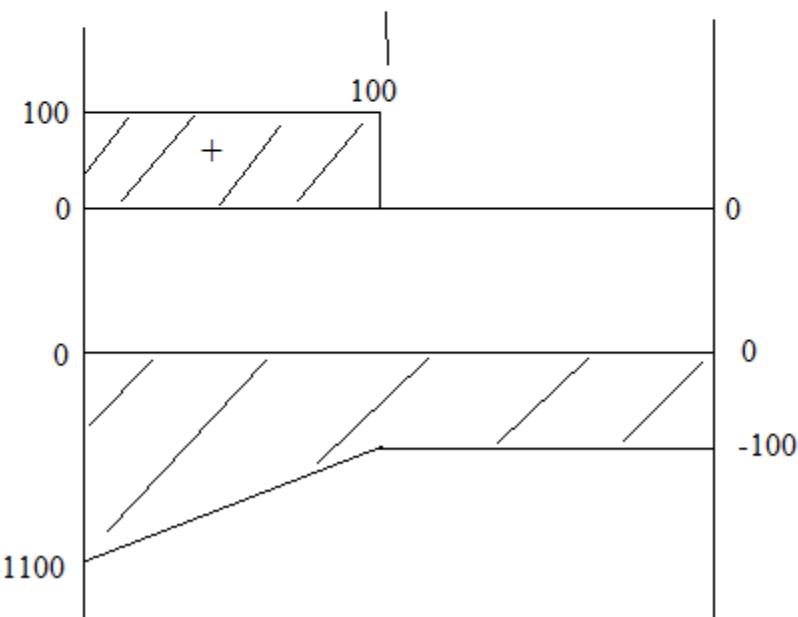
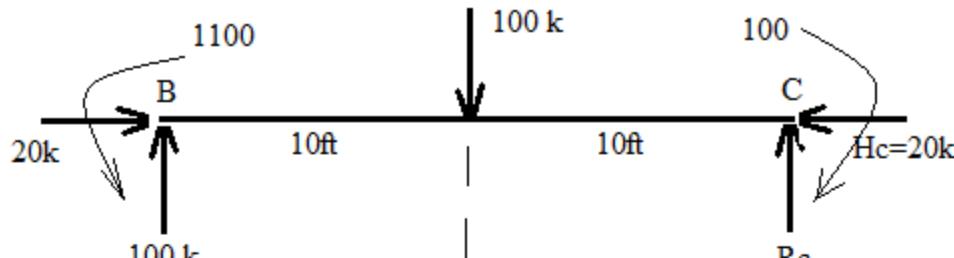
$$R_C = 0$$

$$\sum M_C = 0$$

$$M_C - 1100 - (100 \times 10) + (100 \times 20) = 0$$

$$\begin{aligned} \sum F_x &= 0 \\ -H_C + 20 &= 0 \\ H_C &= 20K \end{aligned}$$

$$M_C = 100K\text{-ft}$$



Member CD

$$\sum F_x = 0$$

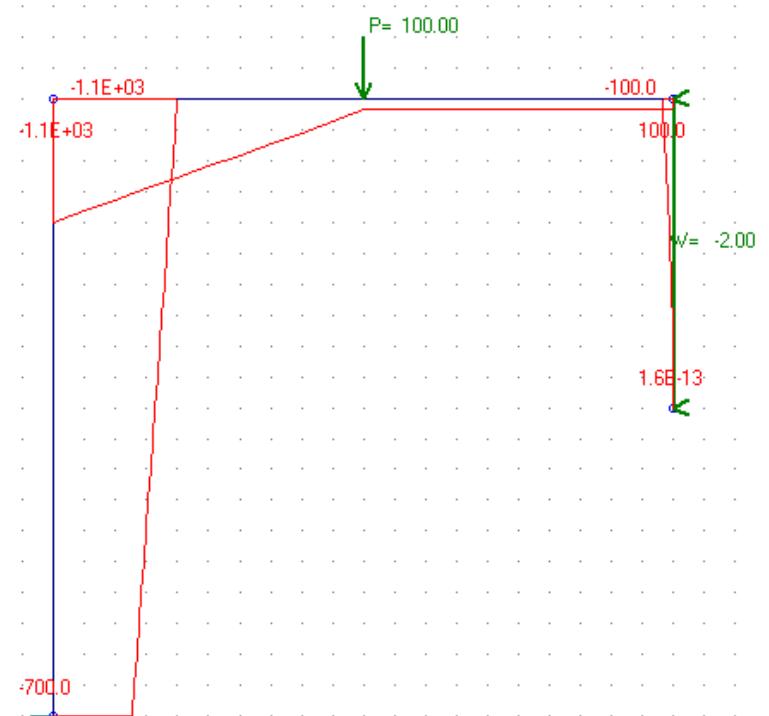
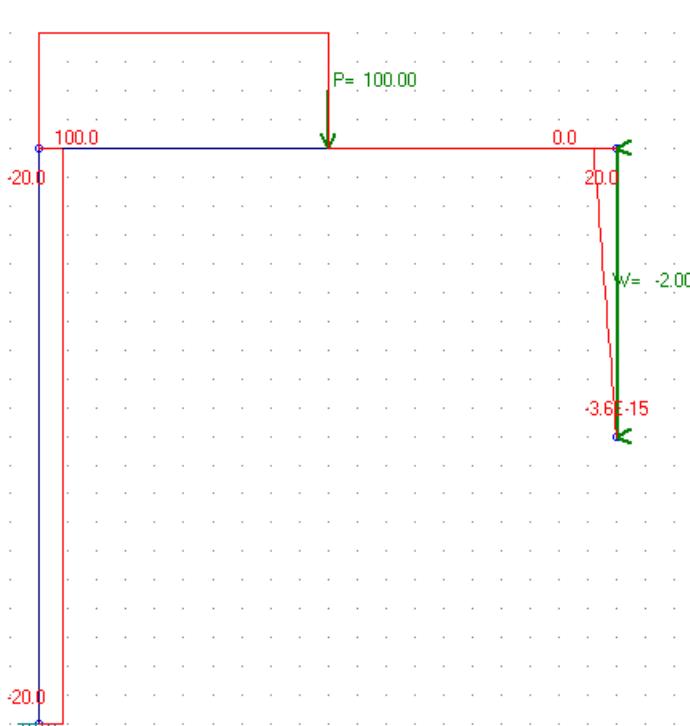
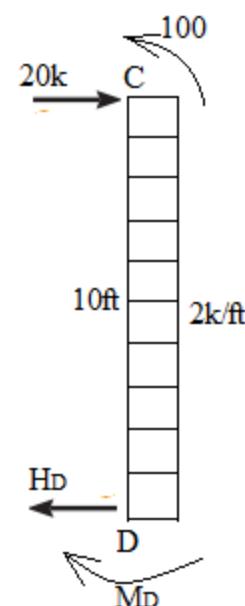
$$20 - (2 \times 10) + H_D = 0$$

$$H_D = 0$$

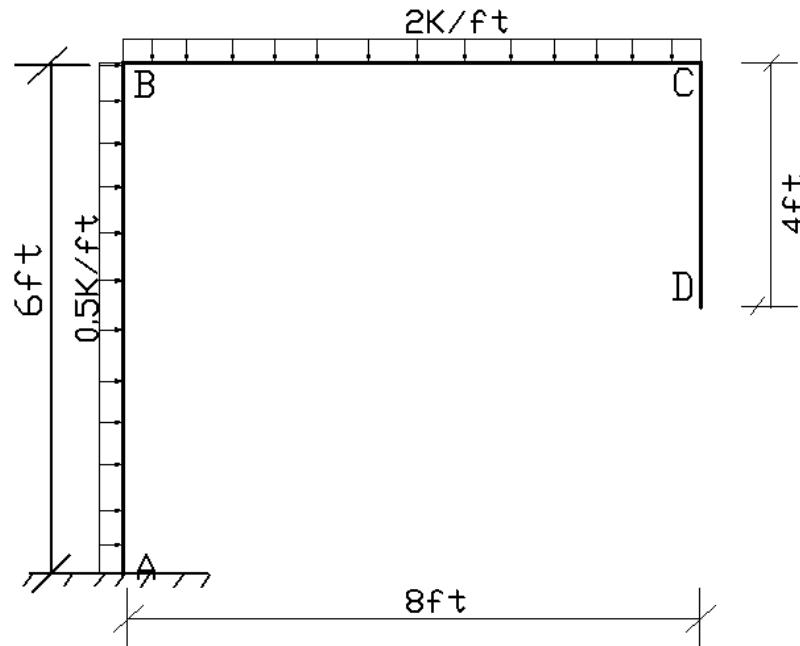
$$\sum M_D = 0$$

$$+M_D + (20 \times 10) - (2 \times 10 \times 5) - (100) = 0$$

$$M_D = 0$$



مثال ۳: ورکول شوی چوکات تحلیل کړي او د هری برخی د عرضی قوی او مومنت دیاګرام یې رسم کړي.



حل:

Step: 01 Determinacy

$$S.I = 3m + r - 3j = 3(3) + 3 - 3(4) = 0 \quad \text{معین سیستم}$$

Step: 01 free body diagram and reactions

$$\sum F_y = 0$$

$$R_A - 16 = 0$$

$$R_A = 16K$$

$$\sum M_A = 0$$

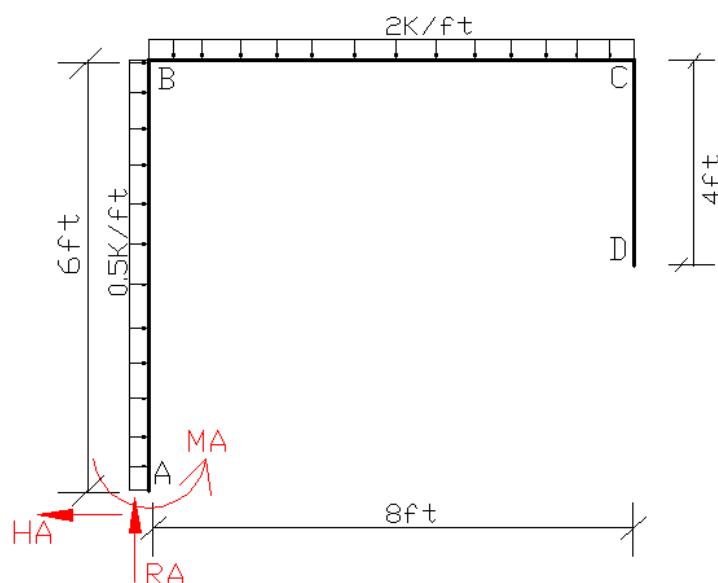
$$-M_A + (0.5 \times 6 \times 3) + (2 \times 8 \times 4) = 0$$

$$M_A = 73K\text{-ft}$$

$$\sum F_x = 0$$

$$-H_A + (0.5 \times 6) = 3K$$

$$H_A = 3K$$



Step: 03 Shear force and bending moment diagram for each member

$$\sum F_x = 0$$

$$H_B - 3 = 0$$

$$H_B = 3K$$

$$\sum F_y = 0$$

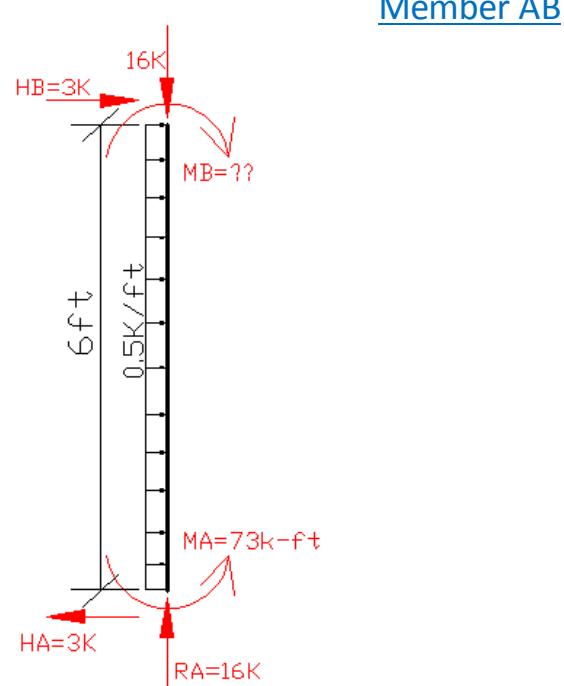
$$16 - R_B = 0$$

$$R_B = 16k$$

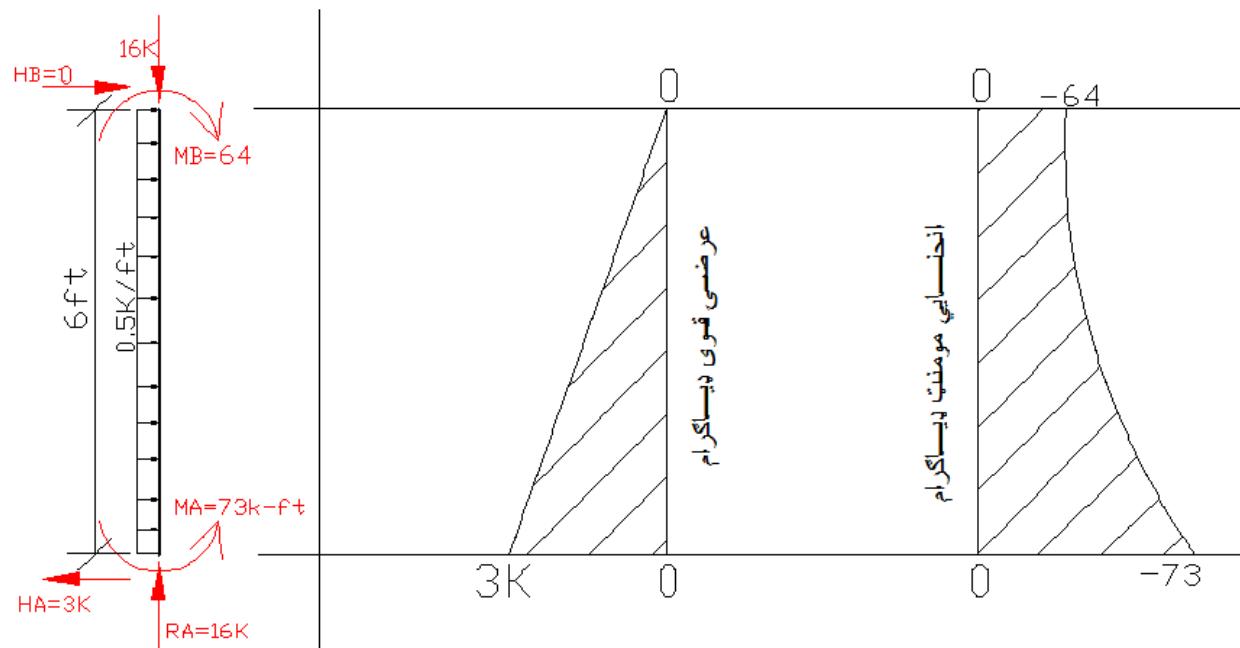
$$\sum M_B = 0$$

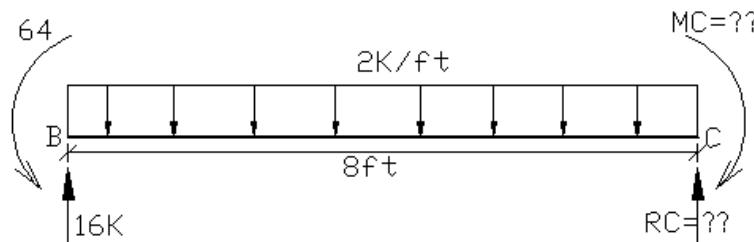
$$M_B - 73 + (0.5 \times 6 \times 3) = 0$$

$$M_B = 64K\text{-ft}$$



Shear force and Bending Moment Diagrams





Member BC

$$\sum F_y = 0$$

$$16 - 16 + R_C = 0$$

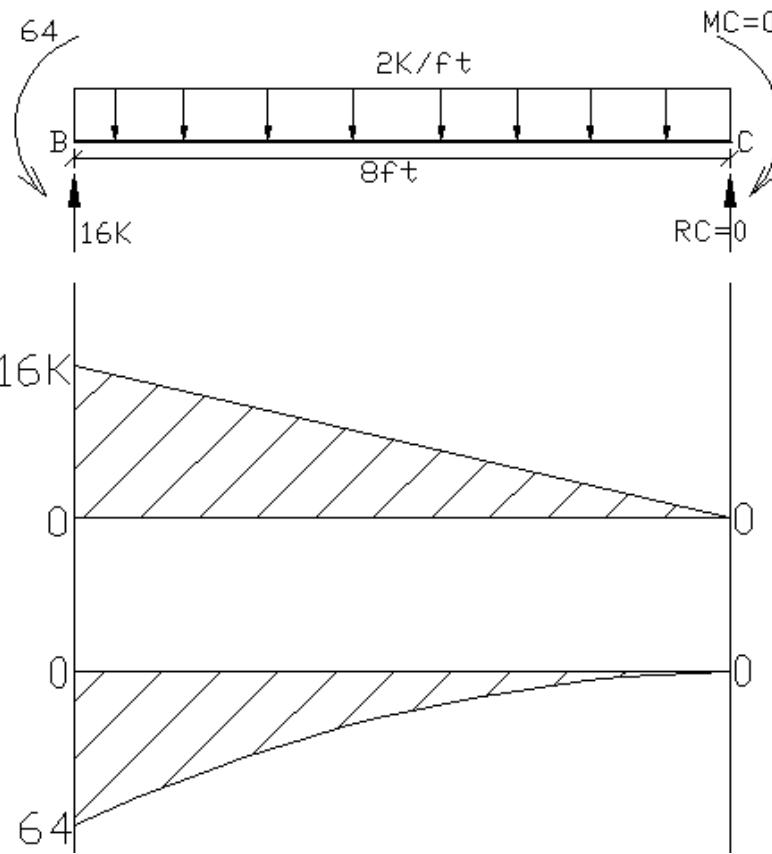
$$R_C = 0$$

$$\sum M_C = 0$$

$$M_C - 64 - (2 \times 8 \times 4) + (16 \times 8) = 0$$

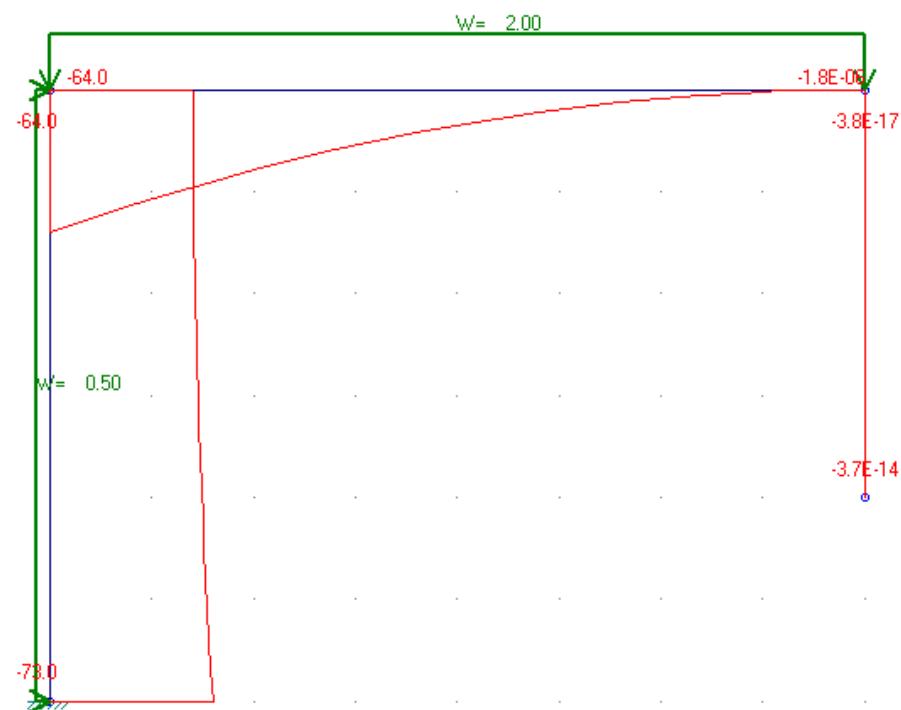
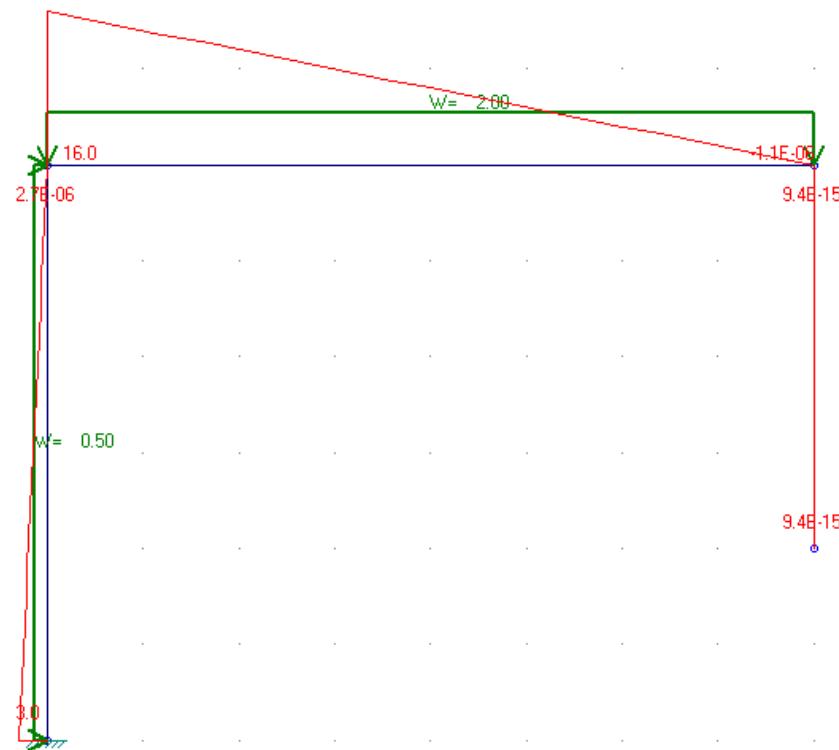
$$M_C = 0$$

Shear force and Bending Moment Diagrams



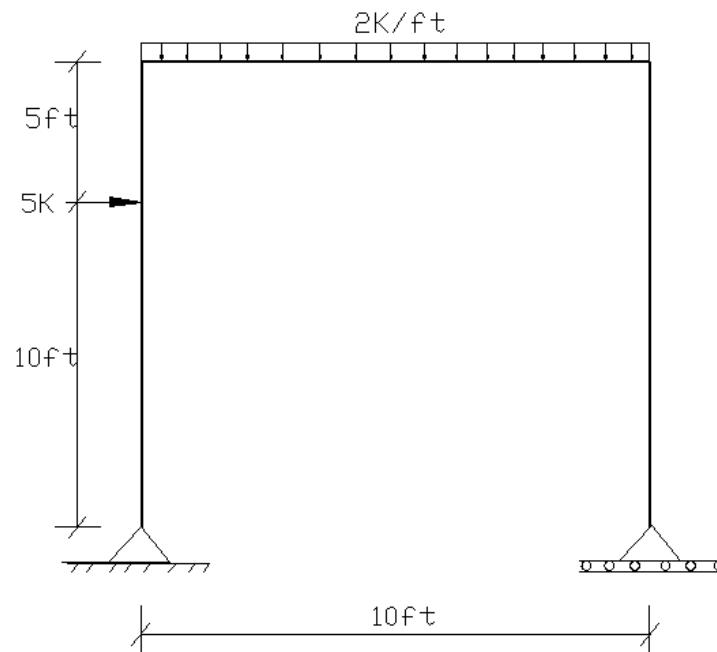
Member CD

There is no force acting on this member

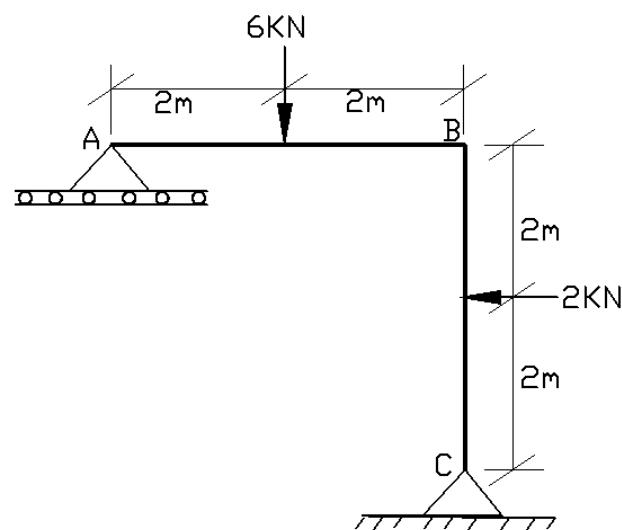


Exercise (تمرين)

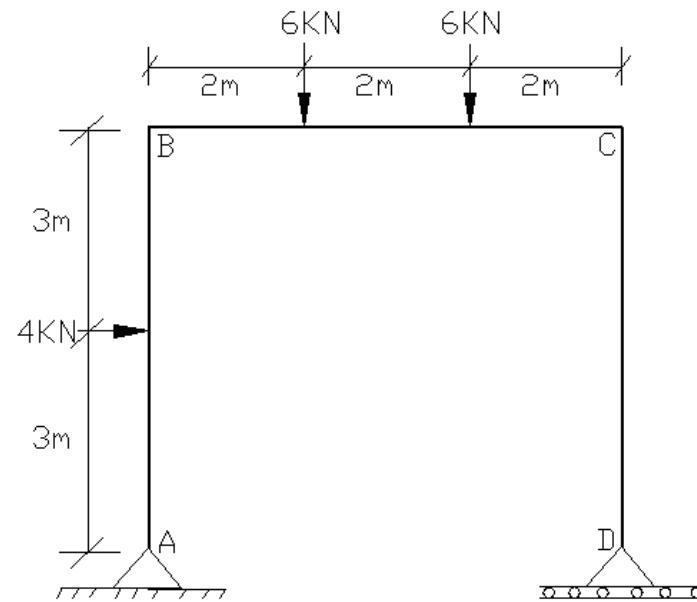
1) ورکړل شوی چوکاټ تحلیل کړي او د هری برخی د عرضی قوى او مومنت ډیاګرام يې رسم کړي.



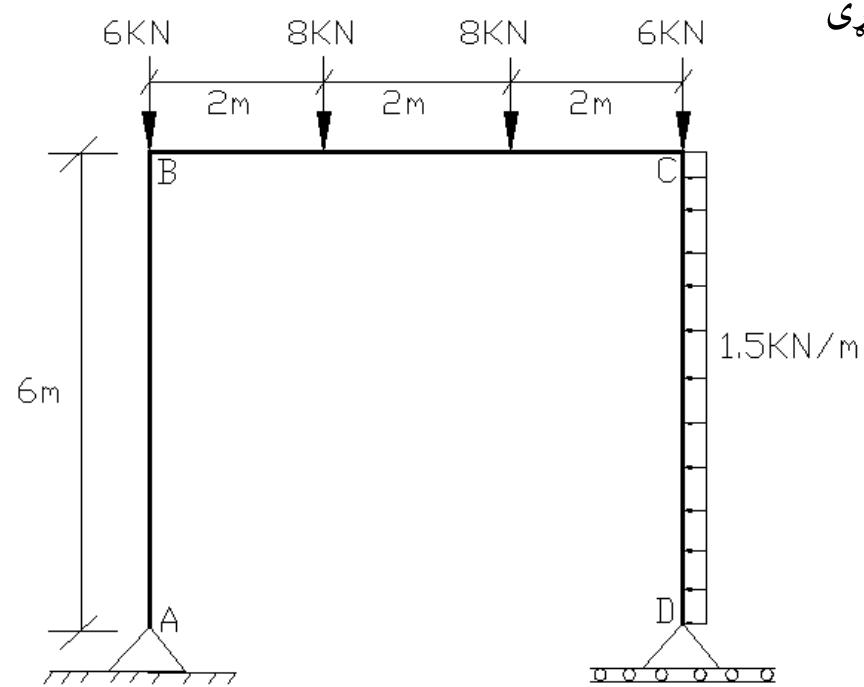
2) ورکړل شوی چوکاټ تحلیل کړي او د هری برخی د عرضی قوى او مومنت ډیاګرام يې رسم کړي.



(3) ورکړل شوی چوکات تحلیل کړی او د هری برخی د عرضی قوی او مومنت ډیاګرام يې
رسم کړي



(4) ورکړل شوی چوکات تحلیل کړی او د هری برخی د عرضی قوی او مومنت ډیاګرام يې
رسم کړي



دریم خپرکی دمعین ساختمانوں تاثیر خط

Influence line of statically determinate structures



پلونه د عراده جاتو وزن او حئني نور چاپيريالي بارونو لپاره ډيزاين کيربي ، د نوموري ساختمان د ډيزائين په وخت بائد هغه ټول بارونه کوم چى د ريل ګاري له امله په پل وارد ډيرې په پام کي ونيول شى ، په داسى حال کي تاثير خط د پل د مختلفو برخو په ډيزائين کي ډير مهم رول لوبيو.

تاثیر خط

Influence Line

تاثیر خط د یو گراف خخه عبارت دی، کوم چې د متحرک عامل د قیمت تغیر (اتکایز عکس العملونه او داخلی قویل لکه عرضی قوه ، انحنايی مومنت) د ساختمان په مختلفو تکو کي بنبي

غیرمتحرک بارونه : په ساختمانو نو باندی غیرمتحرک بارونه عبارت دی له ساختمان خپل وزن ، او د هغه عناصر و وزن خخه کوم چې په ساختمان باندی موقنی یا دائمي قرارلري .

متحرک بارونه : په ساختمانو نو باندی متحرک بارونه عبارت دی له هغه ترانسپورتی وسايلو د وزن خخه چې په پلونو باندی تيريېري

د تاثیر خط اهمیت :

تاثیر خط د هغه ساختمانو نو په ډيزاین کي ډير مهم رول لو به وی کوم چې له ډير دروند بار (ژوندي بار) زغملو لپاره پکاروی .

څرنګه چې پوهېږد عرضی قوى او مومنت ډي اګرام د خارجی عاملو د اغيزي ډير دقیق معلومات راکوي همدا راز تاثیر خط د متحرک بارونو د اغيزي تغیرات د ساختمان په مختلفو تکو کي رابنایي چې کله یو متحرک بار ساختمان خخه تيريېري د نوموري ساختمان په مختلفو نقطو کي یي تاثير په خه ډول تغیر خوری او کوم تکي یي اعظمي او اصغری تاثير لري .

تاثیر خط د ساختمان په یو معلوم تکي کي د غبرګون ، پريکونکو قوو ، مومنت او همدا رنګه د deflection په اړه ډير مناسب معلومات راکوي .

د پورته تshireح شويو وجوهاتو پر بنست وئيلۍ شو چې تاثیر خط د پلونو ، ريل پتيلۍ او ځيني نور ساختمانو نه چې د متحرک بارونو لپاره استعمالېږي ، په ډيزاین کي ډير ارزښت لري .

د مومنت ډیاګرام او تاثیر خط تر منځ توپیر

دا ډير مهم دی چې د عرضي قوي يا مومنت ډیاګرام او تاثیر خط تر منځ توپير و پېژنو.
تاثیر خط د متحرک بارونو اغيزه د ساختمان په مختلفو تکو کي بسودلو لپاره استعمالېږي او
مومنت ډیاګرام يا د پريكونکو قوو ډیاګرام د ساکنو يا ځای پر ځای ولاره بارونو اغيزه د ساختمان
په ټولو نقطو کي بسودلو لپاره ترى استفاده کېږي.

د تاثیر خط کابلو کړنلاره

د ساختمان په یوه تاکلی نقطه کي د عکس العمل ، عرضي قوي يا مومنت تاثیر خط رسمولو
لپاره لاندی دوہ طریقی لرو.

(1) واحد متحرک بارڅخه په استفاده او ټول قيمتونه په جدول کي راغونهول.
✓ د ساختمان په مختلفو ځائنو کي په یوه تاکلی فاصله (X) واحد متحرک بار

کېښوډل او د ستاتيک څخه په استفاده د هر تابع (عرضي قوه ، مومنت ، غبرګون
(قيمت پیدا کول.

✓ که چيرته د اتكائي غبرګون تاثیر خط رسمول مطلوب وي ، هغه عکس العملونه
چې جهتئي پورته وي مثبت بلل کېږي.

✓ که چيرته د عرضي قوي يا د مومنت تاثیر خط په یوه تاکلی نقطه کي کابل مطلوب
وي هغه سيستم څخه استفاده کېږي کوم چې د مومنت يا د پريكونکو قوو
ډیاګرامونه رسمولو لپاره استعمال شوي وو.

✓ د ټولو معین ستاتيکي ګاډرونو تاثیر خط به په مستقيم خطی برخو مشتمل وي .
✓ د غلطيو مخنيوي لپاره بائند لوړۍ یو جدول کي ټول قيمتونه یو ځای شی او بیا ئی
گراف رسم شئ.

2) د تاثیر خط معادلی په واسطه :

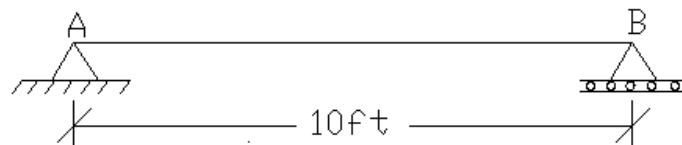
کولی شو چې تاثیر خط رسم کړو که چيرته لومړی یو ځای بدليدونکې واحد بار د ساختمان په یوه نقطه د یوی اتكاء څخه په یو خه فاصله (x) فرض کړو او بیا د مطلوب تابع (عرضی قوه ، انحنايی مومنتی یا عکس العمل) لپاره یوه رابطه لاس ته راورو ترڅو وکولی شود ساختمان په هره نقطه کې د M ، V یا R قيمتونه پیدا کړو او ګراف یې رسم کړو.

په همدی ډول مختلفو خطی برخو لپاره رابطی لاس ته راورو او تاثیر خط ئی رسموو.

د اتكايو غبرگونونو د تاخير خط کابل (Influence line of support reactions)

۱. د ساده اتكايو ګاډرونو د تاخير خط کابل:

مثال: ۱ د ورکړل شوي ساده اتكايو ګاډر په A اتكاء د عمودي غبرگون (vertical reaction) تاخير خط وکاري.



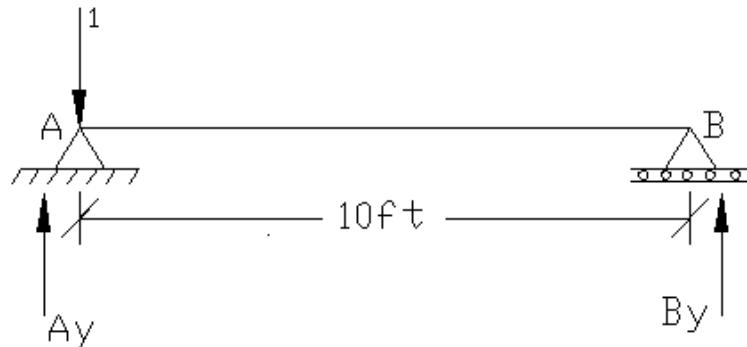
حل: کله چې (x=0) وی واحد متحرک بار له امله په A ټکي کي عکس العمل (A_y) پیدا کوو.

$$\sum M_B = 0$$

$$A_y (10) - 1(10) = 0$$

$$A_y = 1$$

$$B_y = 0$$



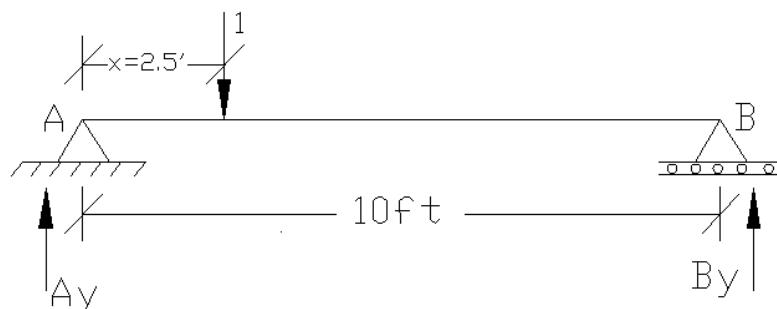
(2) کله چې (x=2.5ft) وی واحد متحرک بار له امله په A ټکي کي عکس العمل (A_y) پیدا کوو.

$$\sum M_B = 0$$

$$A_y (10) - 1(7.5) = 0$$

$$A_y = 0.75$$

$$B_y = 0.25$$



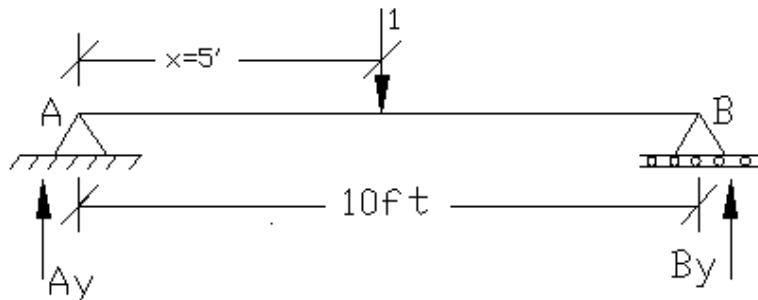
(3) کله چی ($x=5\text{ft}$) وی واحد متھرک بار لہ املہ په A تکی کی عکس العمل (A_y) پیدا کوو۔

$$\sum M_B = 0$$

$$A_y (10) - 1(5) = 0$$

$$A_y = 0.5$$

$$B_y = 0.5$$



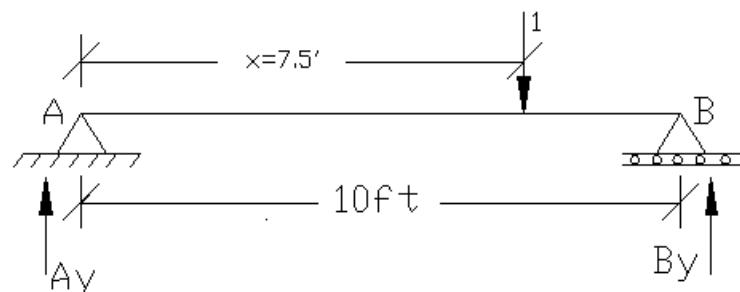
(4) کله چی ($x=7.5\text{ft}$) وی واحد متھرک بار لہ املہ په A تکی کی عکس العمل (A_y) پیدا کوو۔

$$\sum M_B = 0$$

$$A_y (10) - 1(2.5) = 0$$

$$A_y = 0.25$$

$$B_y = 0.75$$



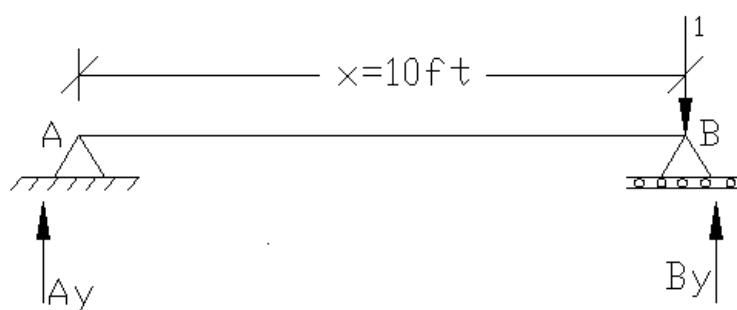
(5) کله چی ($x=10\text{ft}$) وی واحد متھرک بار لہ املہ په A تکی کی عکس العمل (A_y) پیدا کوو۔

$$\sum M_B = 0$$

$$A_y (10) - 1(0) = 0$$

$$A_y = 0$$

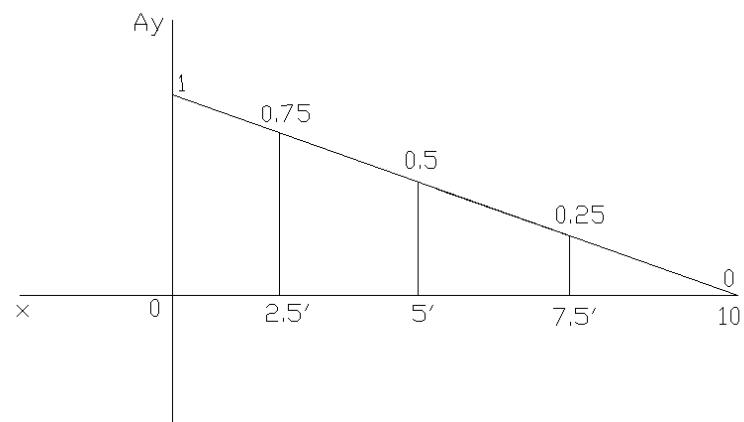
$$B_y = 1$$



جدول:

X(ft)	A _y
0	1
2.5	0.75
5	0.5
7.5	0.25
10	0

تأثير خط:

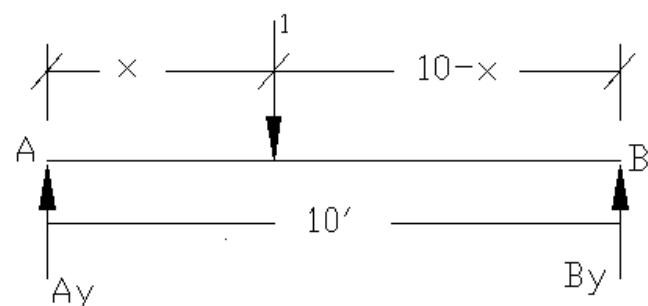


تأثير خط معادله (Influence line equation)

$$\sum M_B = 0$$

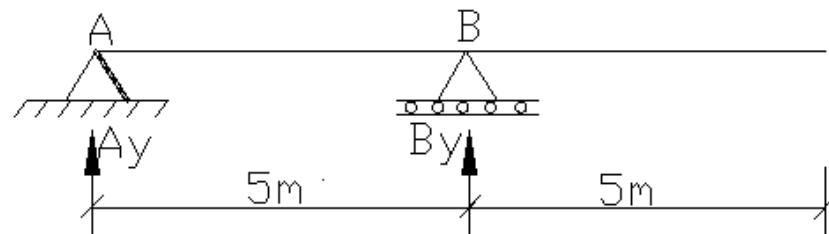
$$A_y(10) - 1(10-x) = 0$$

$$A_y = 1 - \frac{x}{10}$$



۲. کنسول لرونکی ساده اتکا لرونکی گاپرونوتا اثیر خط

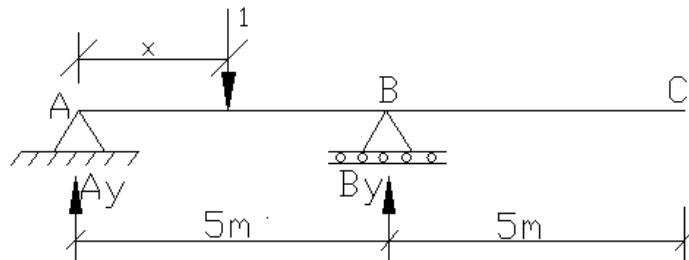
مثال: ۲ دورکول شوی کنسول لرونکی ساده اتکا لرونکی گاپر په B اتکاد عمودی عکس العمل (vertical reaction) تاثیر خط و کاربی.



حل:

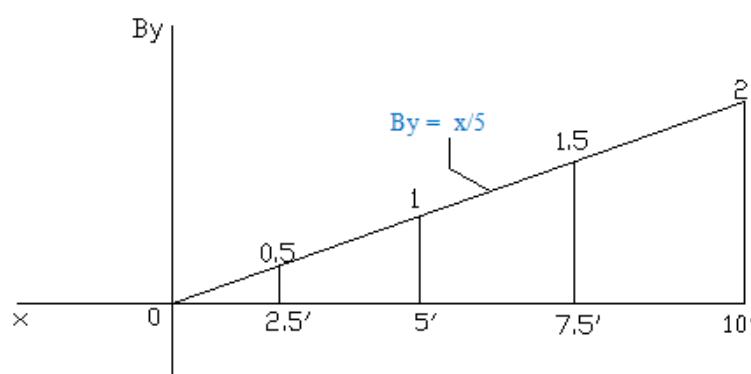
د تاثیر خط معادله (Influence line equation)

$$\begin{aligned}\sum M_A &= 0 \\ -B_y(5) + 1(x) &= 0 \\ B_y &= \frac{x}{5}\end{aligned}$$



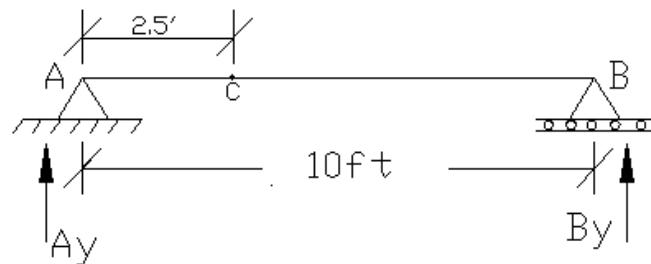
تاثیر خط:

جدول:

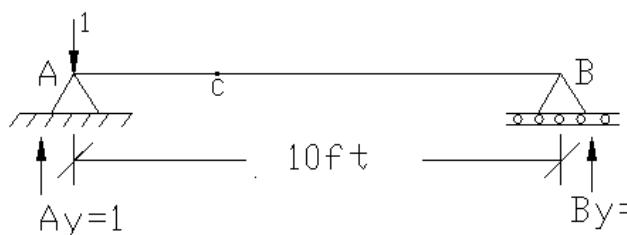


X(ft)	B _y
0	0
2.5	0.5
5	1
7.5	1.5
10	2

مثال: ۳ دورکول شوی بیم په C تکی کې د عرضي قوي تاثیر خط و کابدي.



حل:



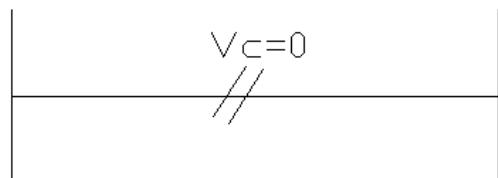
$$V_C = ?? \quad x=0 \quad (1)$$

$$\sum M_A = 0$$

$$-B_y(10) + 1(0) = 0$$

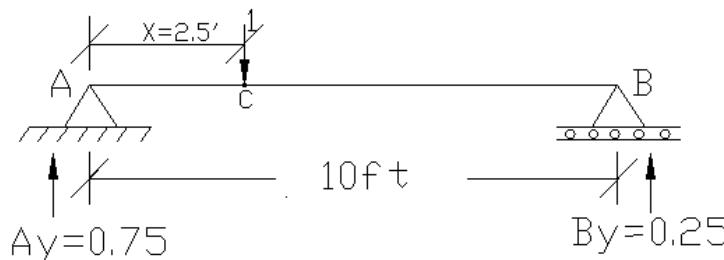
$$B_y = 0$$

$$A_y = 0$$



$$V_C = ?? \quad X=2.5 \text{ ft} \quad (2)$$

پوهېږو چې په C تکی کې مثبت او منفی عرضي قوه موجوده ده لهذا اول منفی او بیا مثبت شیئر پیدا کوو.

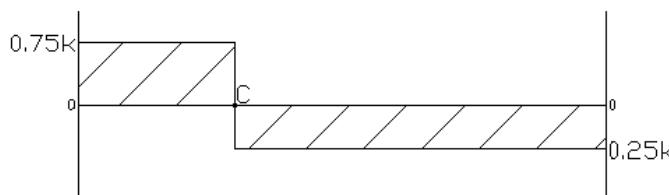


$$\sum M_A = 0$$

$$-B_y(10) + 1(2.5) = 0$$

$$By = 0.25$$

$$Ay = 0.75$$

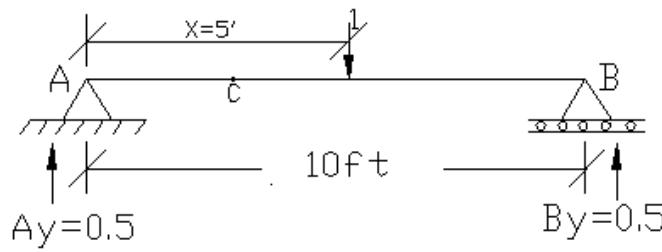


$$X=0$$

$$V_C = +0.75, -0.25$$

$V_C = ??$

$X = 5\text{ft}$ (3)

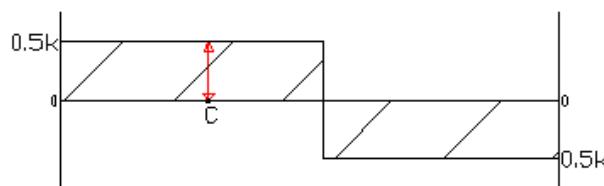


$\sum M_A = 0$

$-B_y(10) + 1(5) = 0$

$B_y = 0.5$

$Ay = 0.5$

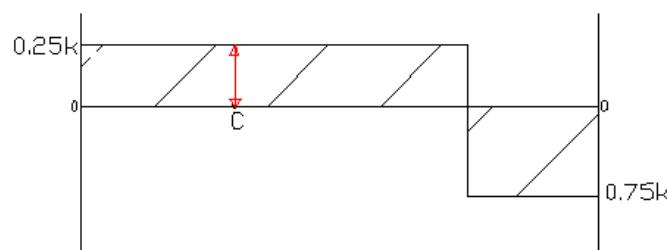
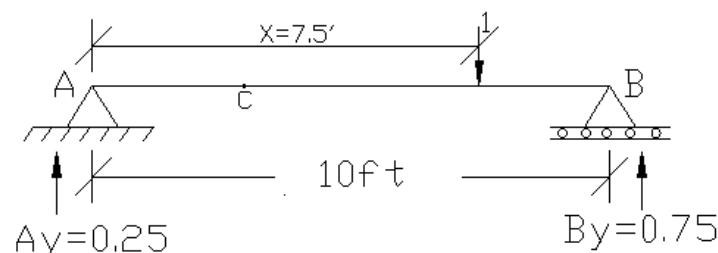


$X = 0$

$V_C = +0.5$

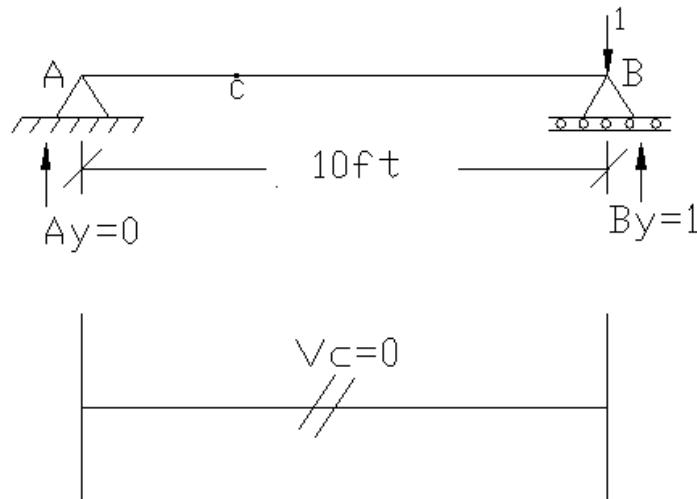
$V_C = ??$

$X = 7.5\text{ft}$ (4)



$$V_C = ??$$

$$X = 10 \text{ ft } \textcolor{blue}{5}$$



$$\sum M_A = 0$$

$$-B_y(10) + 1(0) = 0$$

$$B_y = 1$$

$$A_y = 0$$

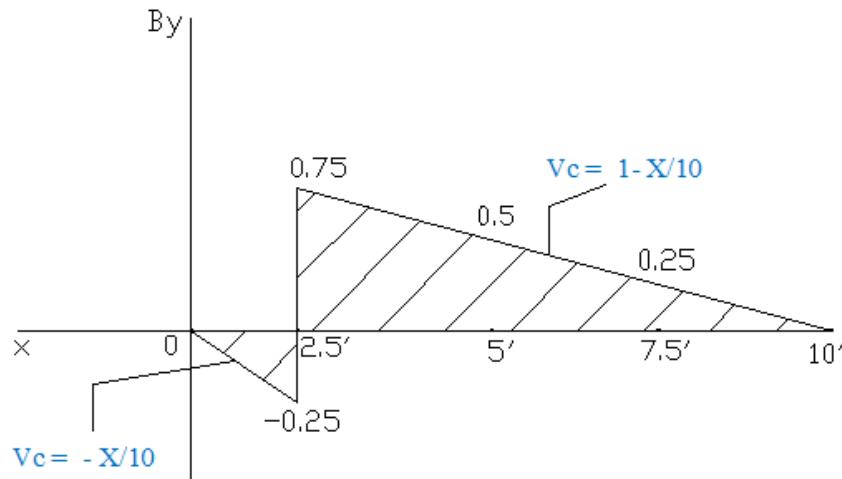
$$X = 10$$

$$V_c = 0$$

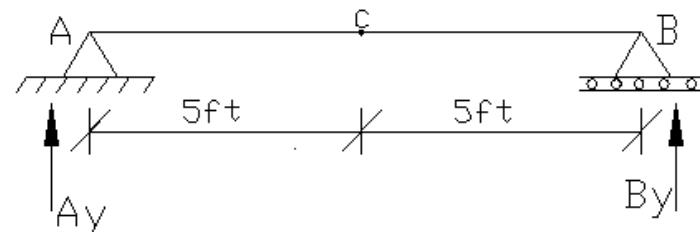
جدول:

X(ft)	V_c
0	0
2.5	-0.25, +0.75
5	0.5
7.5	0.25
10	0

لپاره دتائیر خط: V_c



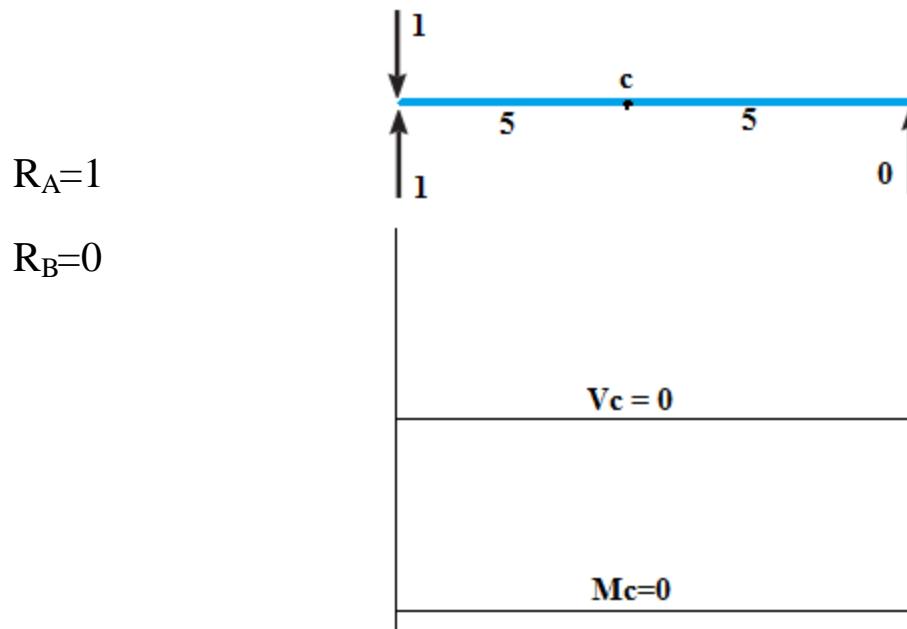
مثال: د ورکړل شوی بیم په C تکي کې د مومنټ لپاره تاثیر خط وکاري.



حل:

لومړۍ پړاو:

Apply unit load at $x=0$



د وئم پړاو:

Apply unit load at $x=2.5\text{ft}$

$$\sum M_B = 0$$

$$\sum F_y = 0$$

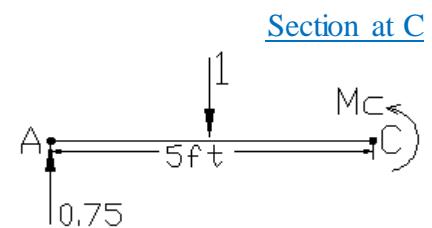
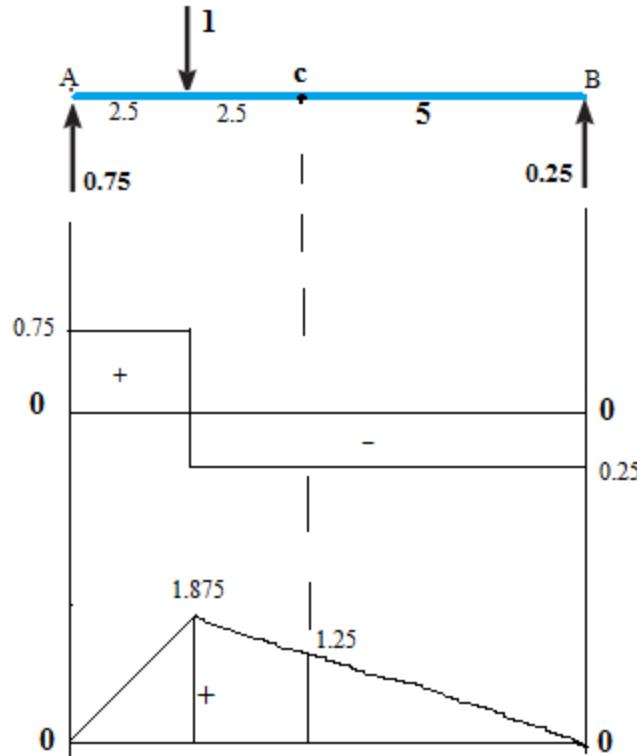
$$10R_A - (1 \times 0.75) = 0$$

$$0.75 - 1 + R_B = 0$$

$$R_A = 0.75$$

همدارنګه

$$R_B = 0.25$$



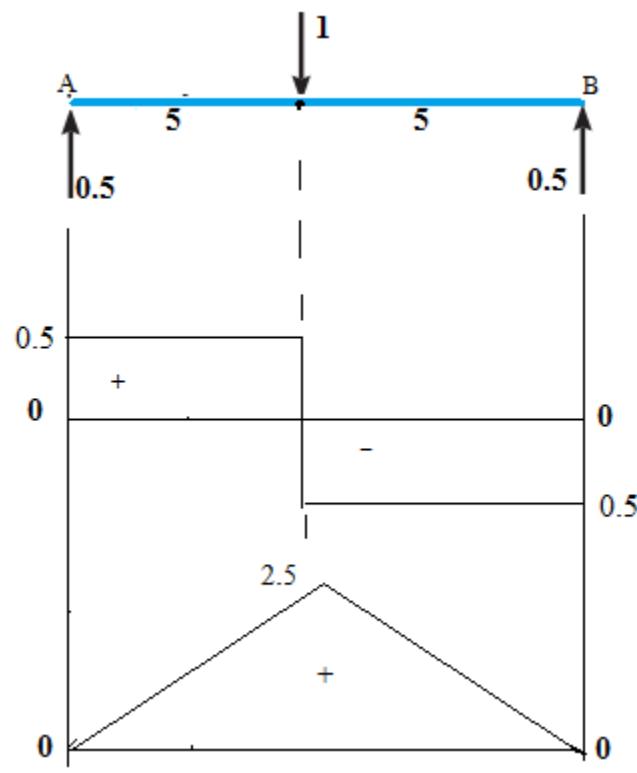
$$\sum M_c = 0$$

$$-M_c - 1(2.5) + 0.75(5) = 0$$

$$M_c = 1.25$$

دریم پڑاو:

Apply unit load at $x=5\text{ft}$



$$\sum M_B = 0$$

$$10R_A - (1 \times 5) = 0$$

$$R_A = 0.5$$

$$\sum F_y = 0$$

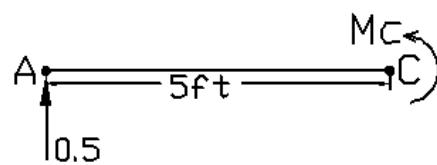
$$0.5 - 1 + R_B = 0$$

$$R_B = 0.5$$

$$\sum M_C = 0$$

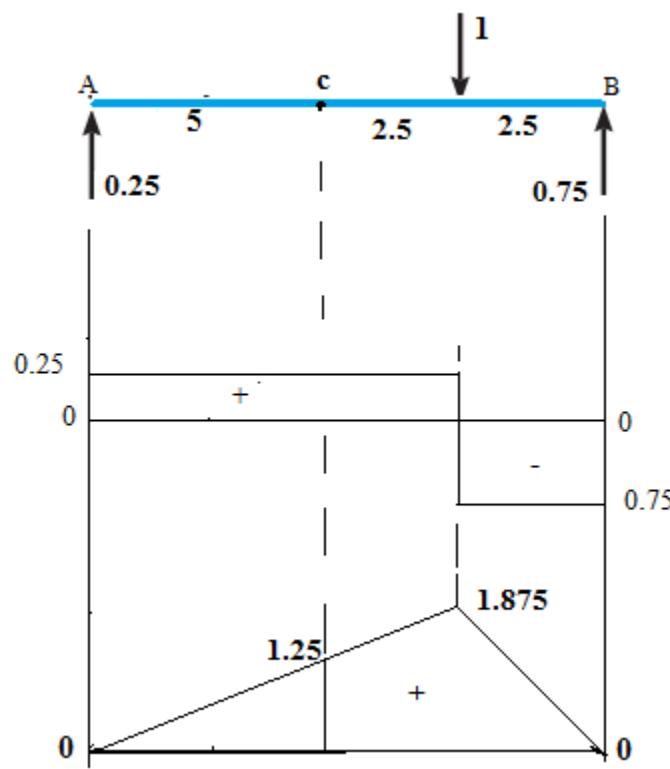
$$-M_C + 0.5(5) = 0$$

$$M_C = 2.5$$



خلورم پراو:

Apply unit load at x=7.5ft



$$\sum M_B = 0$$

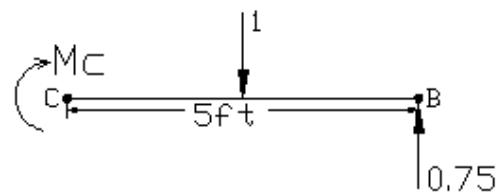
$$10R_A - (1 \times 2.5) = 0$$

$$R_A = 0.25 \quad \text{همدار نگه} \quad R_B = 0.75$$

$$\sum M_C = 0$$

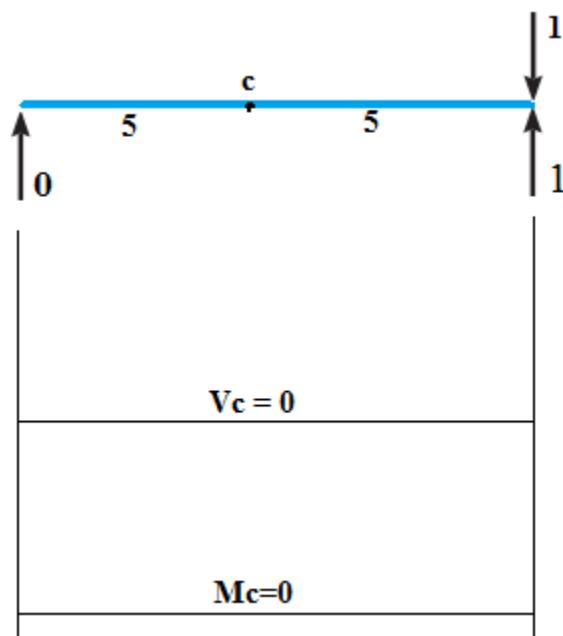
$$M_C + 2.5 - 0.75(5) = 0$$

$$M_C = 1.25$$



پنخم پراو:

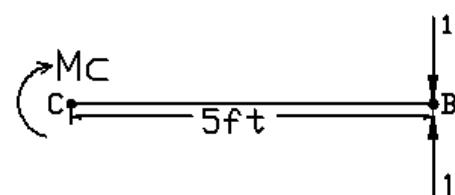
Apply unit load at x=10ft



$$R_A = 0 \quad \sum M_c = 0$$

$$R_B = 1 \quad M_c + 1(5) - 1(5) = 0$$

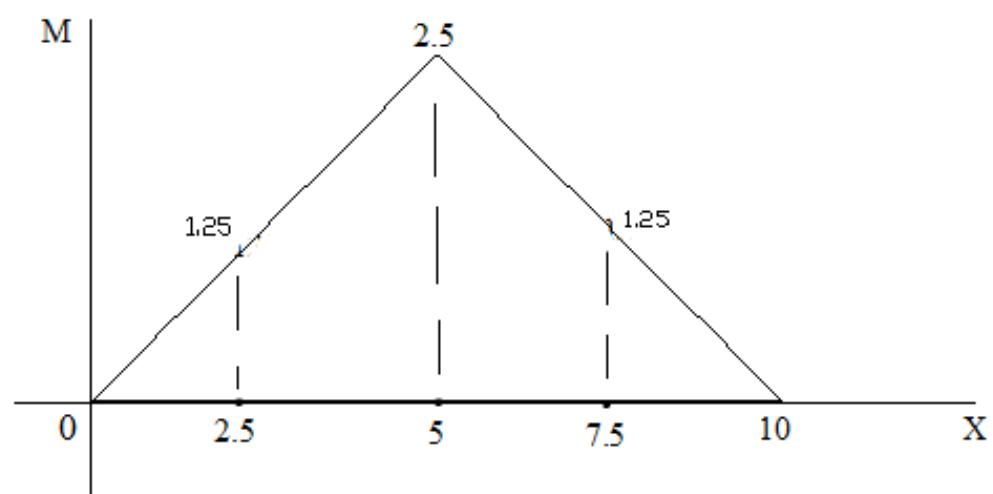
$$M_C = 0$$



جدول:

X	M_C
0	0
2.5	1.25
5	2.5
7.5	1.25
10	0

تأثير خط



د تاثیر خط کابلو لپاره د مولر برسلو قاعده (Muller-Breslau Principle)

په کال ۱۸۸۶ کي مولر برسلو د تاثير خط په اسانی او چتیک شکل کابلو لپاره یو قاعده وړاندی کړه چې د عکس العمل ، عرضانی قوي ، یا ده مومنت (Reactions, Shear, moment) تاثير خط ده ساختمان کوب شوی شکل (deflected shape) سره مشابهت لري کله چې پري هغه قواوی عمل وکړي د کوم لپاره چې ګراف رسمول مطلوب وي.

کړنلاره (Procedure)

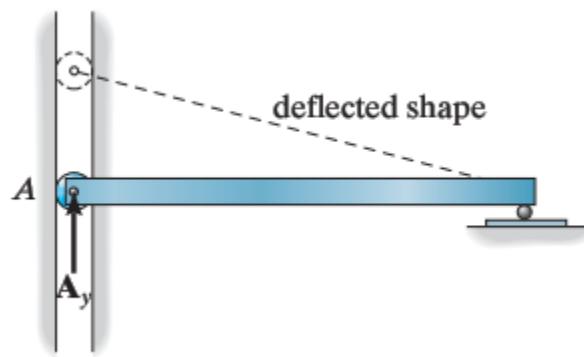
د یوی تابع (عرضانی قوي ، مومنت ، يا عکس العمل) ګوب شوی شکل کابلو لپاره لوړۍ ګاډر هغه ظرفیت چې نوموری تابعکانی مزاحم کړي، د منځه وړل کېږي یعنی هغه تکي چيرته چې تابع لپاره ګراف کابل مطلوب وي د هغه تکي خخه اتكاء د مینځه وړل کېږي (که چيرته موجوده وي) تر خود قواو په استعمال د ګاډر شکل تغیروخوری او د تاثیر خط ئی په لاس راشی.

بیلګه:

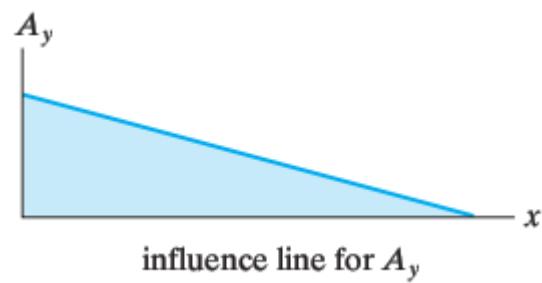
1. د ورکړل شوی ساده اتكائی ګاډر په A اتكاء عمودی غبرګون لپاره که چيرته د تاثیر خط کابل غواړو، لوړۍ بائید د A تکي خخه اتكاء لري کړو او همدارنګه ساکنه اتكاء په عمودی روټر بدله کړو تر خو ګاډر په اسانی سره کوب بشی.



2. کله چې د A تکي خخه ساکنه اتكاء په عمودی روټر بدله شي او هغه عکس العمل کوم لپاره چې د تاثیر خط رسمول مطلوب وي پري ولګول شي ، ګاډر د شکل په خير کوبوالي پيدا کوي او همدا کوب شوی شکل د تاثیر خط وي.



3. دا کوب شوی شکل A_y لپاره د تاثیر خط عمومی شکل دی.



نوت:

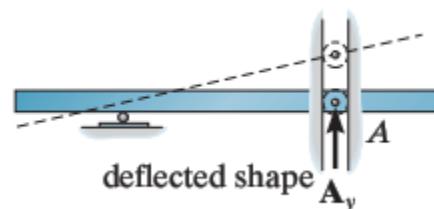
د يادونې وړدې چې نومورې قاعده د تاثیر خط عمومی اشکالو لپاره د استعمال وړدې او نور هېڅه دول معلومات نه خړګنده وی. دقیق معلوماتو لپاره پورته تشریح شوی میتودونو خخه استفاده کېږي.

مثال: ۱ دورکړل شوی بیم په A تکي کې د عمودي غږګون تاثير خط وکارې. (مولر برسلو قاعده)

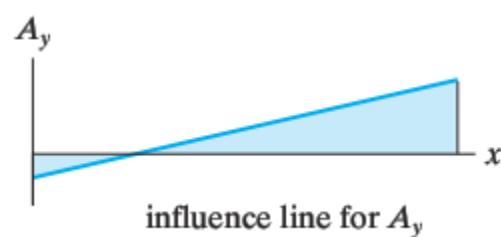


حل:

۱. د A تکي اتكاء په یو عمودي رولر بدليږي.

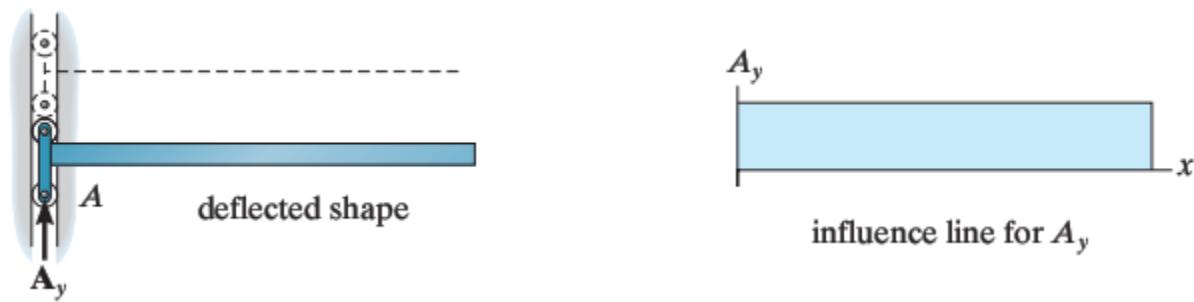


۲. دا کوبشوي شکل (Deflected shape) د نوموري بیم د تاثير خط دی.

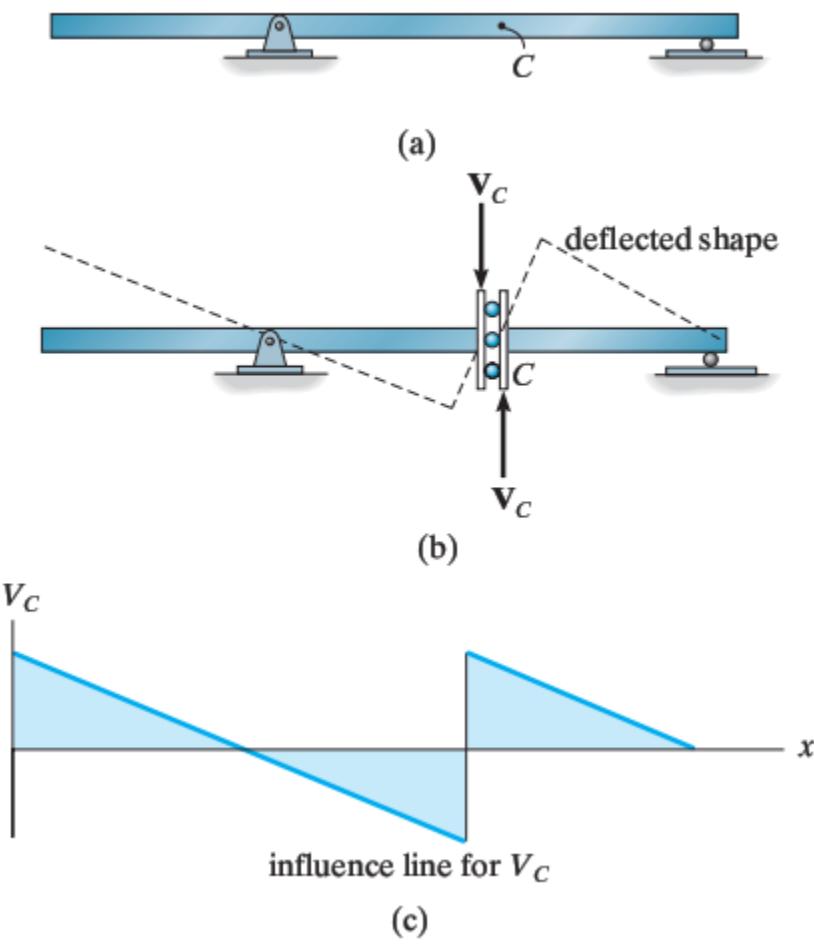


مثال: ۲ دورکړل شوی بیم په A تکي کې د عمودي غږګون تاثير خط وکارې. (مولر برسلو قاعده)

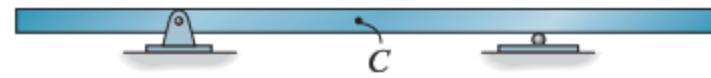




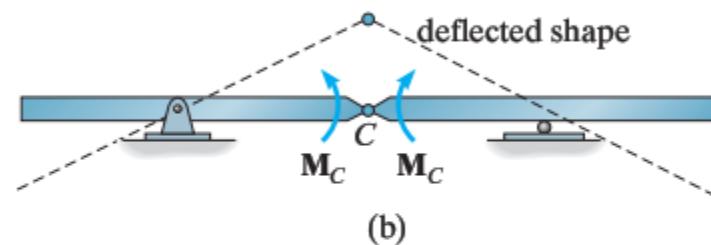
مثال: ۳ د ورکړل شوی بیم په C نقطه کې د عرضی قوى تاثیر خط وکاپې. (مولر برسلو قاعده)



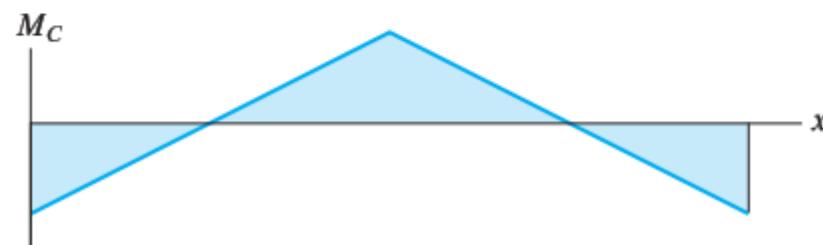
مثال: ۴ د ورکړل شوی بیم په C نقطه کې د مومنت تاثیر خط وکاړي. (مولر برسلو قاعده)



(a)

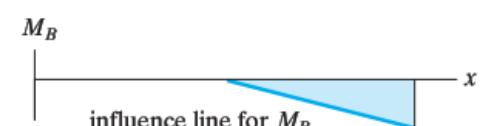
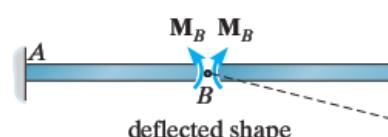
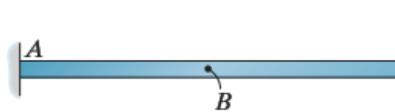


(b)



(c)

مثال: ۵ د ورکړل شوی بیم په B نقطه کې د مومنت تاثیر خط وکاړي. (مولر برسلو قاعده)



تمرین (Exercise)

1.

د مولر برسلو قاعدي خخه په استفاده، د لاندی ورکړل شوی بیم د A اتكاء د عکس
العمل او په C نقطه د عرضی قوى او مومنت تاثیر خط و کاري.



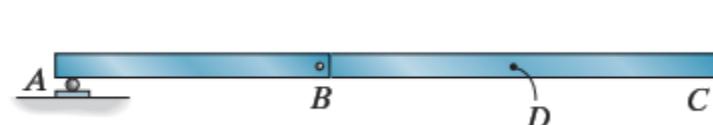
2.

د مولر برسلو قاعدي خخه په استفاده، د لاندی ورکړل شوی بیم په A اتكاء د
عکس العمل او په D نقطه د عرضی قوى او مومنت تاثیر خط و کاري.



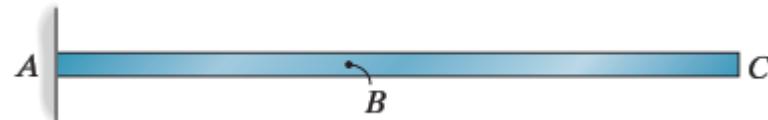
3.

د مولر برسلو قاعدي خخه په استفاده، د لاندی ورکړل شوی بیم د A اتكاء د عکس
العمل او په D نقطه د عرضی قوى او مومنت تاثیر خط و کاري.



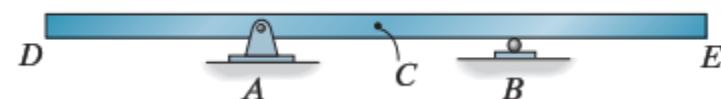
4.

د مولر برسلو قاعدي خخه په استفاده، د لاندی ورکړل شوی بیم په A اتكاء عکس العمل او په B نقطه د عرضي قوي او مومنت تاثير خط و کاري.



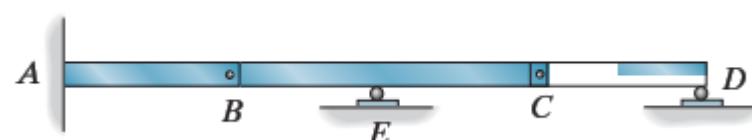
5.

د مولر برسلو قاعدي خخه په استفاده، د لاندی ورکړل شوی بیم په A اتكاء د عکس العمل او په C نقطه د عرضي قوي او مومنت تاثير خط و کاري.



6.

د مولر برسلو قاعدي خخه په استفاده، د لاندی ورکړل شوی بیم په A اتكاء د عکس العمل او په A نقطه کې د مومنت تاثير خط و کاري.

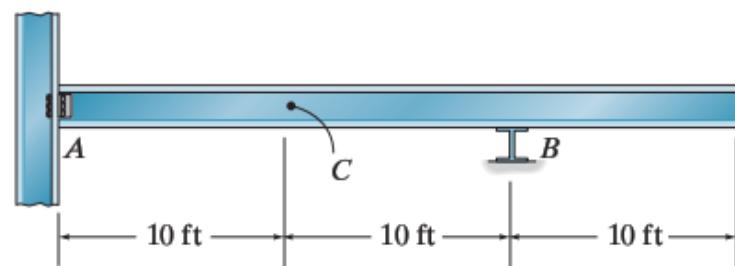


د تاثیر خط رسم کړي.

a په نقطه مومنت لپاره

7.

b په نقطه عکس العمل لپاره



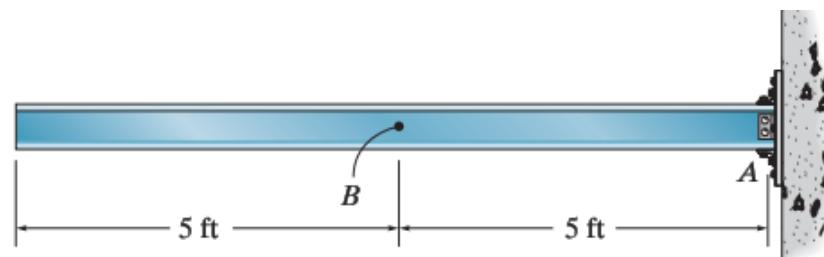
د تاثیر خط رسم کړي.

a په نقطه عکس العمل لپاره

.8

b په نقطه مومنت لپاره

c په نقطه شیر فورس لپاره



پنځم خپرکي

کېبلونه او زورنډ پلونه

Cables and suspension bridges

کېبلونه اکثر په ساختمانوں کی د یو برخی خخه بلی برخی ته ده قواو انتقال لپاره استعمالیږي. په کېبلونه کی انحنایی مومنت او عرضانی قوی صفروي همدا رنګه فشاری قوی هم په کېبلونه کی صفروي، یواخی کششی قواوی پری عمل کوي.

د ډیر زیات ارجاعیت له امله کېبلونه د عرضانی قواو او مومنت په مقابل کی مزاحمت نه شی بسولی او ټول بارونه په کششی توګه پائو او تهداب ته انتقالوی.

د کېبلونه خخه په ټورنند پلونو او زورنډ چتونو کی ډیره استفاده کېږي چې په لاتدی حالتونو کی یې تر خیړ نې لاتدی نیسنو.

په تحلیل کی اسانسیا لپاره دا فرضیېږي چې کېبل په مکمله توګه ارجاعیت لرونکی دی او د وزن په لڳیدوئی په طول کی تغیر نه راخي.

ده دی سستمونو په تحلیل کی ده کېبلونو خپل وزن په نظر کی نه نیول کېږي.

- 1) کېبلونه د مت مرکز بارونو لاتدی
- 2) کېبلونه د منظم ویشل شوی بارونو لاتدی

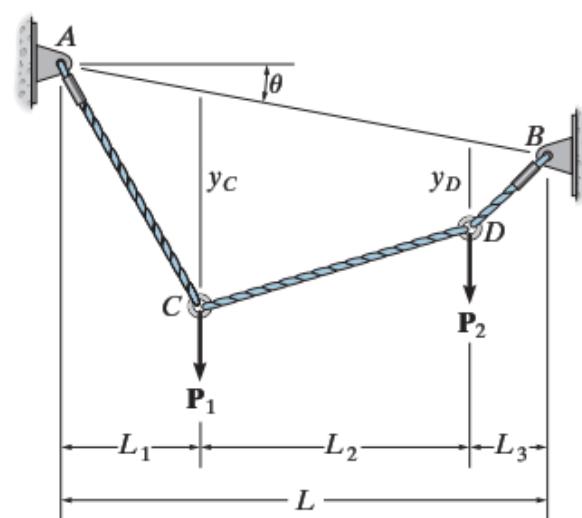
کېبلونه د مت مرکز بارونو لاتدی

Cables subjected to concentrated loads

کله چې په کېبل یوشمیر مت مرکز بارونه عمل کوي، کېبل د شکل په خیر په مختلفو خطی برخو تقسیمیېږي په کوم کی چې هره برخه د یو ثابت اندازه کششی قواو لاتدی واقع کېږي. په لاتدی ورکړ شوی شکل کی θ د کېبل د رسی (AB) زاویه او L د کېبل طول دی. که چیرته فاصلی L_1 ، L_2 ، L_3 او P_1 ، P_2 له مخکی نه معلوم وی نوبیا نهه نامعلومی قوی بائند محاسبه شی.

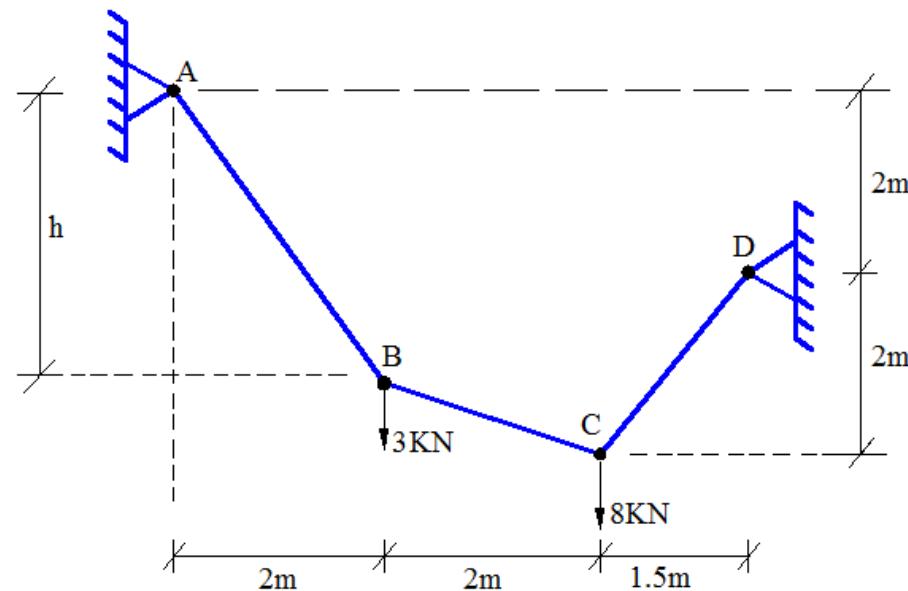
نامعلومی قوی په لاندی ډول دی.

- ✓ د کیبل د هری برخی کششی قوه (دری)
- ✓ په A او B اتكاء د غبرګون دوه ترکیبات (خلور)
- ✓ په C او D ټکو کی کرویدنه (sag) او y_C او y_D (دوه)



تحلیل لپاره د کیبل په هر نقطه کی د قواو تعادل په پام کی نیسو او هر ټکی لپاره دوه معادلی په کار را ورو تر خو مجموعی اته معادلی جوړی شی نهمه معادله جوړولو لپاره بائند د کیبل جیومیتري باره کی معلومات ولرو.

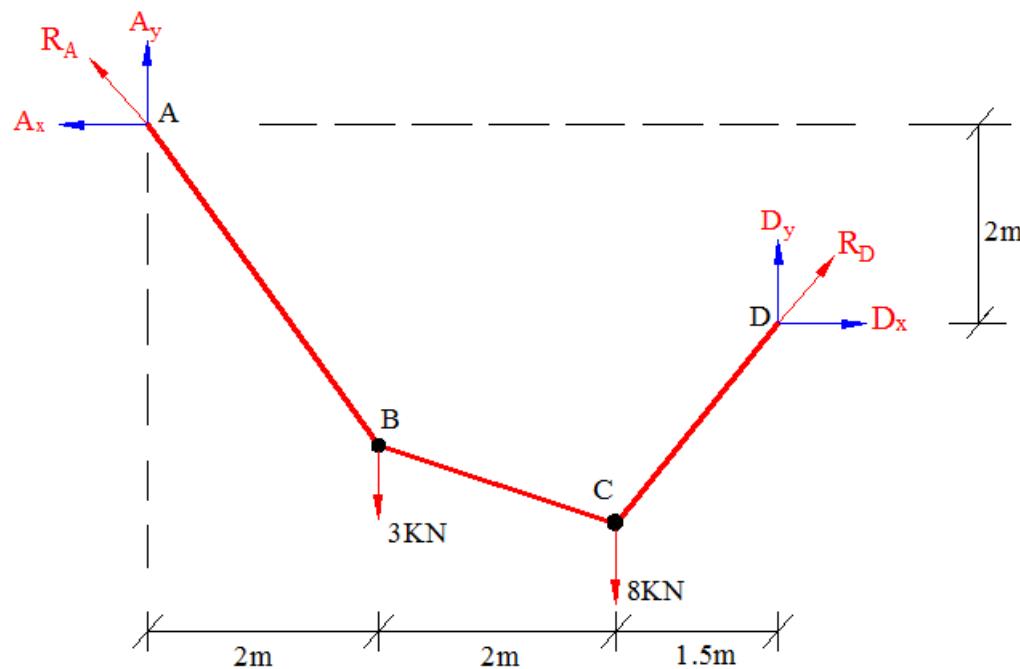
مثال 1: د ورکر شوی کیبل په تولو برخو کی کششی قواوی، اتكايز غبرگونونه، او د h نامعلوم لوروالی محاسبه کړي.



$$R_A = ? \quad A_x = ? \quad A_y = ? , R_D = ? \quad D_x = ? \quad D_y = ? \quad T_{AB} = ? \quad T_{BC} = ? \quad T_{CD} = ? \quad H = ?$$

حل:

(1) اتكايز عکس العملونه :



$$\sum M_A = 0$$

$$\sum F_y = 0$$

$$-D_y(5.5) + 8(4) + 3(2) - D_x(2) = 0$$

$$A_Y + D_Y - 8 - 3 = 0$$

$$A_Y + 5.43 - 8 - 3 = 0$$

$$\sum M_C = 0$$

$$\rightarrow A_Y = 5.57 \text{ KN}$$

$$D_x(2) - D_Y(1.5) = 0$$

$$2 D_x - 1.5 D_Y = 0 \dots \dots \dots 2$$

$$\sum F_x = 0$$

د ۱۱ و ۱۲ معادلو خخه لرو

$$D_x - Ax = 0$$

$$D_Y = 5.43 \text{ KN}$$

$$A_x = D_x \rightarrow A_x = 4.07 \text{ KN}$$

$$D_x = 4.07KN$$

$$R_A = \sqrt{A_x^2 + A_y^2} = \sqrt{4.07^2 + 5.57^2}$$

$$R_A = 6.9 \text{ KN}$$

$$R_D = \sqrt{D_x^2 + D_y^2} = \sqrt{4.07^2 + 5.43^2}$$

$$R_D = 6.79 \text{ KN}$$

2) په هری برخې کې د کششی قوي پیدا کول:

$$T_{AB} = R_A = 6.9 \text{ KN}$$

$$T_{DC} = R_B = 6.79 \text{ kN}$$

$$\sum F_Y = 0$$

$$6.79 \sin 53.13 - 8 + T_{CB} \sin \theta_{CB} = 0$$

$$T_{CB} \sin \theta_{CB} = 2.57 \dots \dots 1$$

$$\sum F_X = 0$$

$$6.79 \cos 53.13 - T_{CB} \cos \theta_{CB} = 0$$

$$T_{CB} = \frac{4.07}{\cos \theta_{CB}} \text{ putting in eq (1)}$$

$$4.07 \frac{\sin \theta_{CB}}{\cos \theta_{CB}} = 2.57$$

$$4.07 \tan \theta_{CB} = 2.57$$

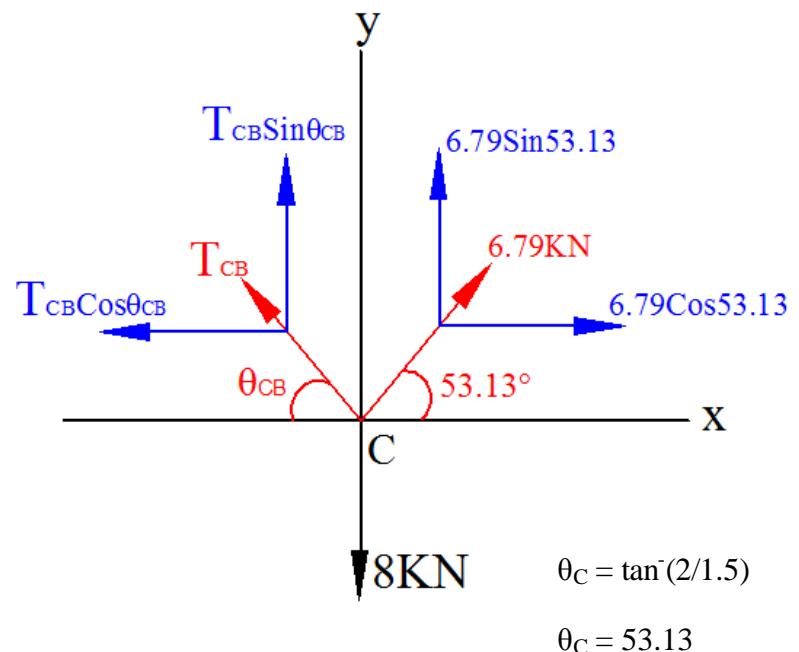
$\theta_{CB} = 32.3^\circ$ put this in above equation
to get T_{BC}

$$6.79 \cos 53.13 - T_{CB} \cos 32.3 = 0$$

$$4.07 - 0.845 T_{CB} = 0$$

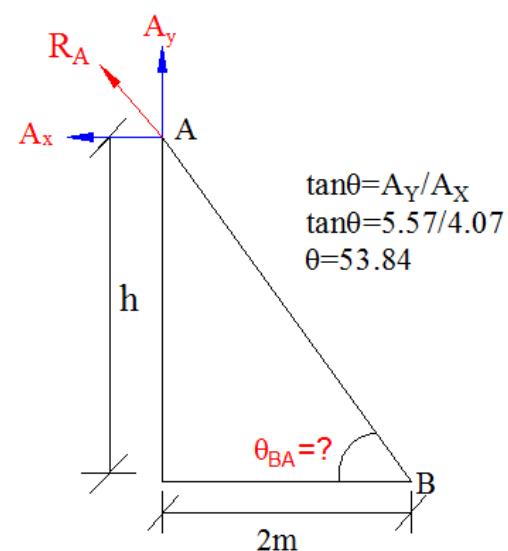
$$T_{CB} = 4.82 \text{ KN}$$

$$h = 2 \tan 53.8 = 2.74 \text{ m}$$

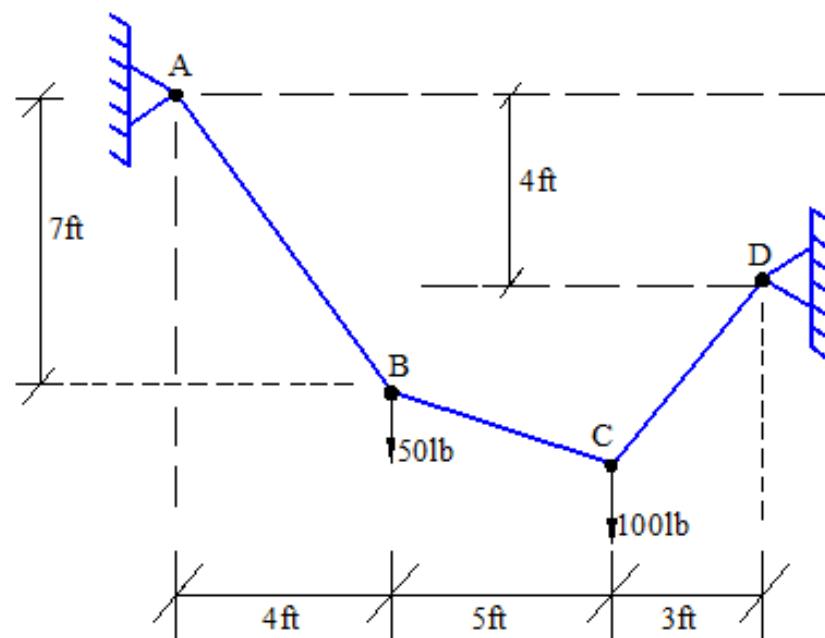


$$\theta_C = \tan^{-1}(2/1.5)$$

$$\theta_C = 53.13$$

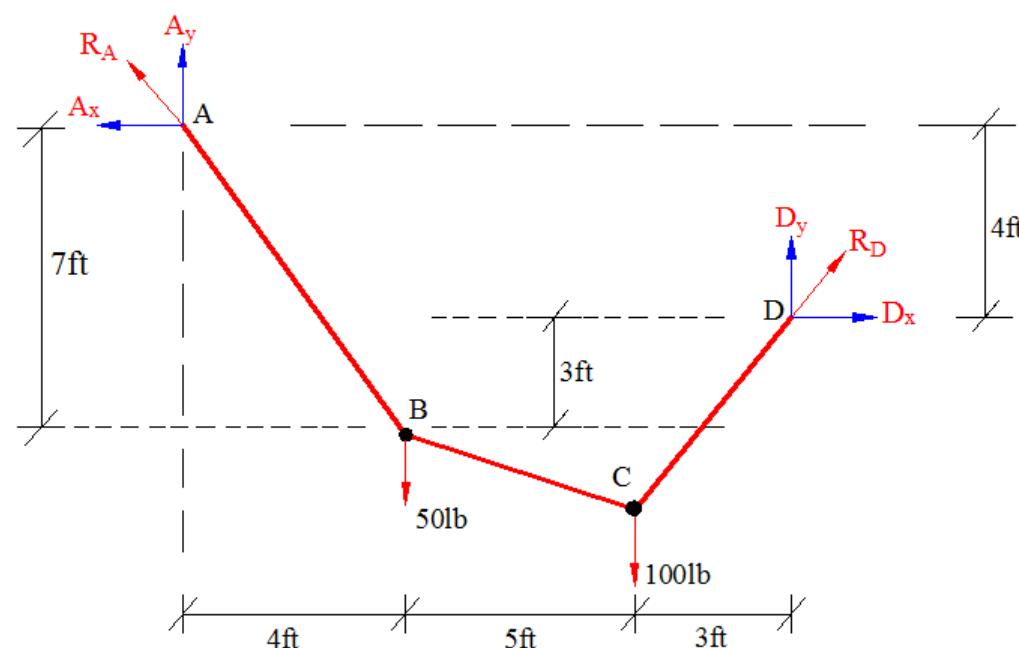


مثال 2: په شکل کې د بسول شوی کېبل په تولو برخو کې کششی قواوي، اتكايز غږ ګونونه او د کېبل مجموعي او بدوالې پیدا کړي



حل:

1) اتكايز عکس العملونه :



$$\sum M_A = 0$$

$$-D_y(12) + 50(4) + 100(9) - D_x(4) = 0$$

$$4D_x + 12D_y = 1100 \dots \dots \dots 1$$

$$\sum M_B = 0$$

$$D_v(3) - D_v(8) + 100(5) = 0$$

$$3D_x - 8D_y = -500, \dots, 2$$

۱۱۲ معاذر خخه ل و

$$D_v = 77.94 \text{ lb}$$

$$D_x = 41.2 \text{ lb}$$

$$R_D = \sqrt{D_x^2 + D_y^2} = \sqrt{41.2^2 + 77.94^2}$$

$$R_D = 88.1 \text{ lb}$$

$$\sum F_y = 0$$

$$A_Y + D_Y - 50 - 100 = 0$$

$$A_Y + 77.94 - 50 - 100 = 0$$

$$\rightarrow A_Y = 72.06 \text{ kN}$$

$$\sum F_x = 0$$

$$D_x - Ax = 0$$

$$A_x = D_x \rightarrow A_x = 41.2 \text{ KN}$$

$$R_A = \sqrt{A_x^2 + A_y^2} = \sqrt{41.2^2 + 72.06^2}$$

$$R_A = 83\text{lb}$$

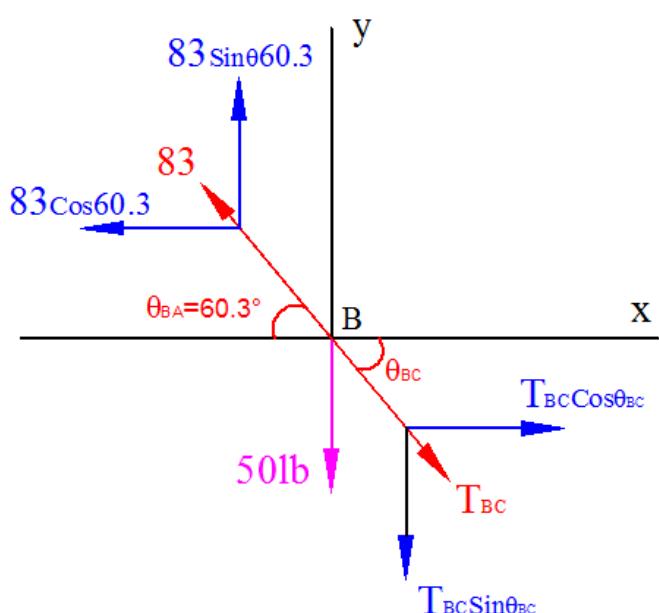
2) په هری برخی کي د کششی قوي پیدا کول:

برخه AB

$$T_{AB} = R_A = 83\text{lb}$$

مرخه DC

$$T_{DC} = R_B = 88.1\text{lb}$$



برخه BC

$$\sum F_Y = 0$$

$$83 \sin 60.3 - 50 - T_{BC} \sin \theta_{BC} = 0$$

$$T_{BC} \sin \theta_{BC} = 22.096 \dots \dots \dots (2)$$

$$\sum F_X = 0$$

$$-83 \cos 60.3 + T_{BC} \cos \theta_{BC} = 0$$

$$T_{BC} = \frac{41.12}{\cos \theta_{BC}} \text{ putting in eq (2)}$$

$$41.12 \frac{\sin \theta_{BC}}{\cos \theta_{BC}} = 22.096$$

$$41.12 \tan \theta_{BC} = 22.096$$

$$\theta = 28.252^\circ$$

$$\theta_{BC} = 28.252^\circ$$

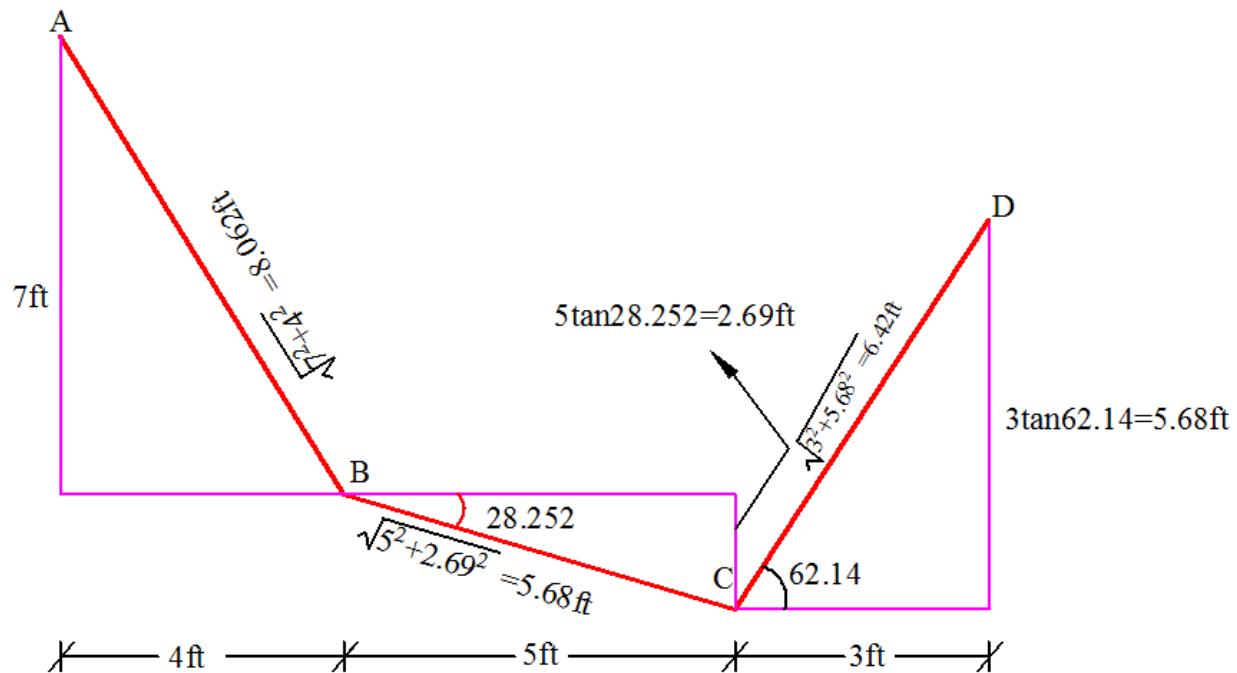
put this in above equation to get T_{BC}

$$T_{BC} \sin \theta_{BC} = 22.096$$

$$T_{BC} = 19.5 / \sin 25.37$$

$$T_{BC} = 46.7 \text{ lb}$$

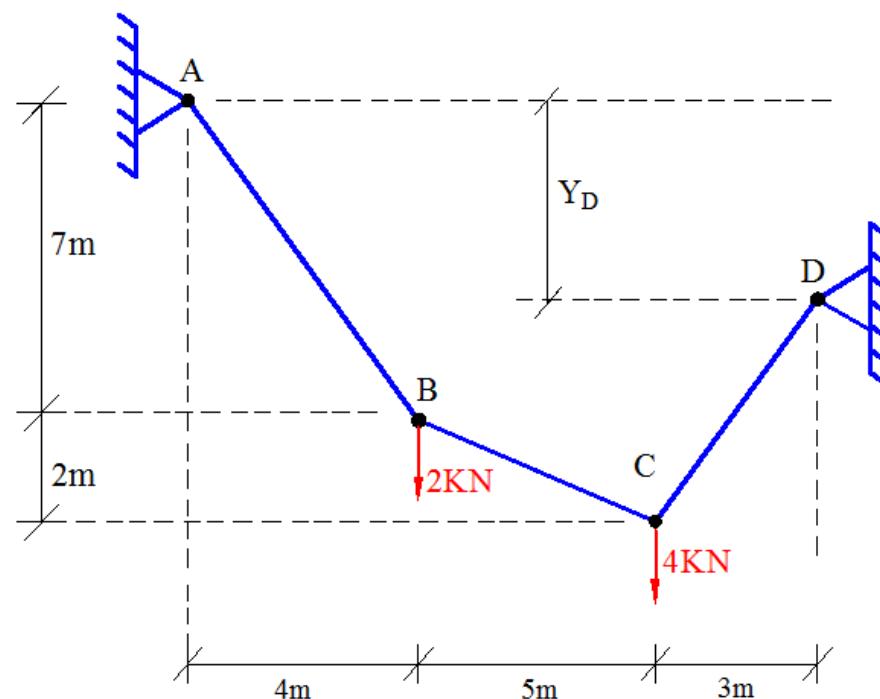
٣) د کیبل مجموعی اور دوالی:



$$\tan \theta_{CD} = \frac{D_Y}{D_X} = \frac{77.94}{41.2} \quad \theta_{CD} = 62.14$$

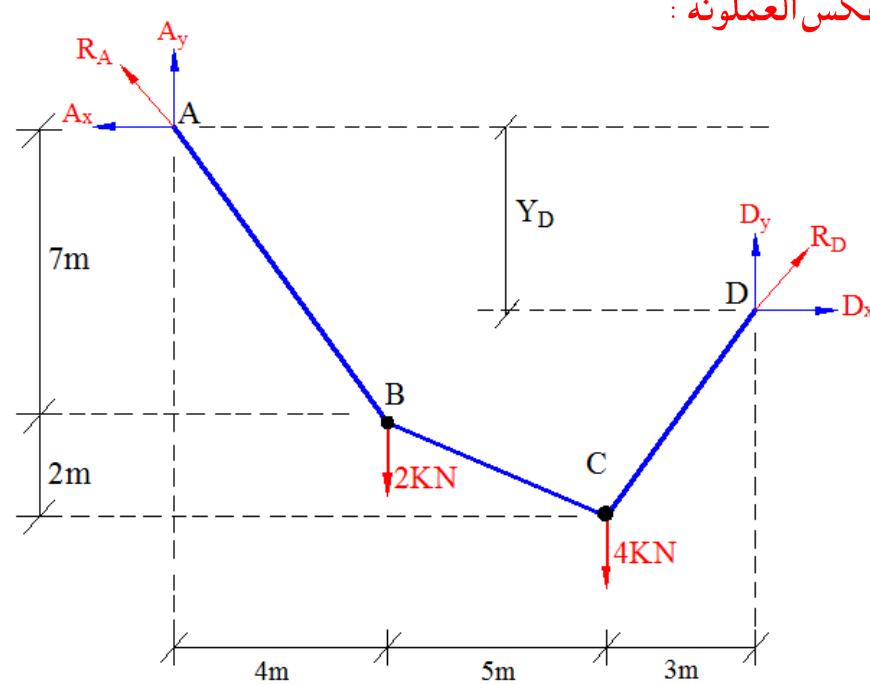
$$L = \sqrt{7^2 + 4^2} + \sqrt{5^2 + 2.69^2} + \sqrt{3^2 + 5.68^2} = 20.2 \text{ ft}$$

مثال 3 : د کیبل په ټولو برخو کی کششی قواوی، اتكايز غبرگونونه، د کیبل مجموعی اوړدوالی، او د y_D نامعلومه ارتفاع پیدا کړي؟



حل:

1) اتكايز عکس العملونه :



$$\sum M_B = 0$$

$$\sum F_Y = 0$$

$$A_Y + D_Y - 2 - 4 = 0$$

$$\sum_i M_C = 0$$

$$2.593 + D_Y - 2 - 4 = 0$$

→ D_v=3.41KN

د ۱۱ و ۲ معادلو خخه لرو

$$\sum F_x = 0$$

$$A_v = 2.593 \text{ KN}$$

$$D_x - Ax = 0$$

$$A_x = 1.48 \text{ KN}$$

$$D_x = Ax \rightarrow D_x = 1.48 \text{ KN}$$

$$R_A = \sqrt{A_x^2 + A_y^2} = \sqrt{2.593^2 + 1.48^2}$$

$$R_D = \sqrt{D_x^2 + D_y^2} = \sqrt{3.41^2 + 1.48^2}$$

$$R_A = 2.986 \text{ KN}$$

$$R_D = 3.72 \text{ KN}$$

2) په هری برخی کي د کششي قوي پيدا کول:

بِرْخَه AB

$$T_{AB} = R_A = 2.986 \text{ kN}$$

برخه DC

$$T_{DC} = R_B = 3.72 \text{ kN}$$

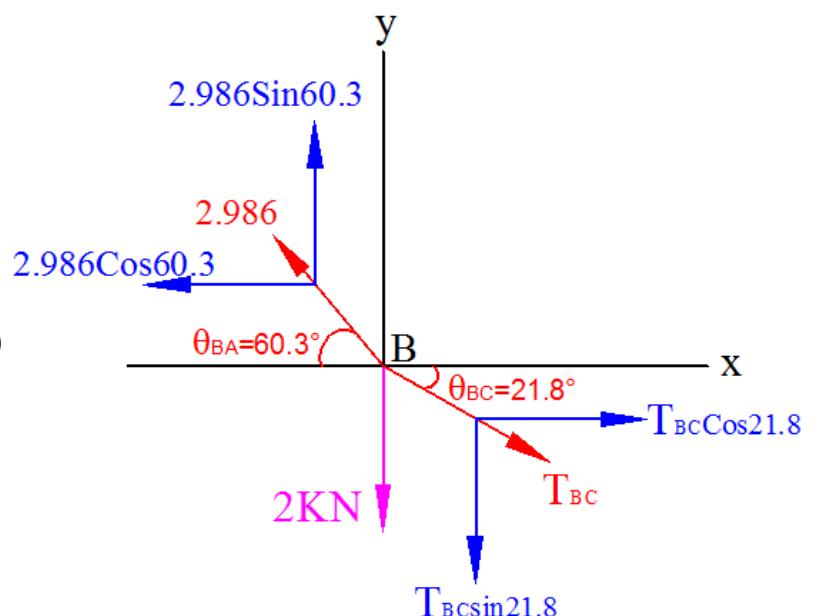
برخه BC

$$\sum_i F_y = 0$$

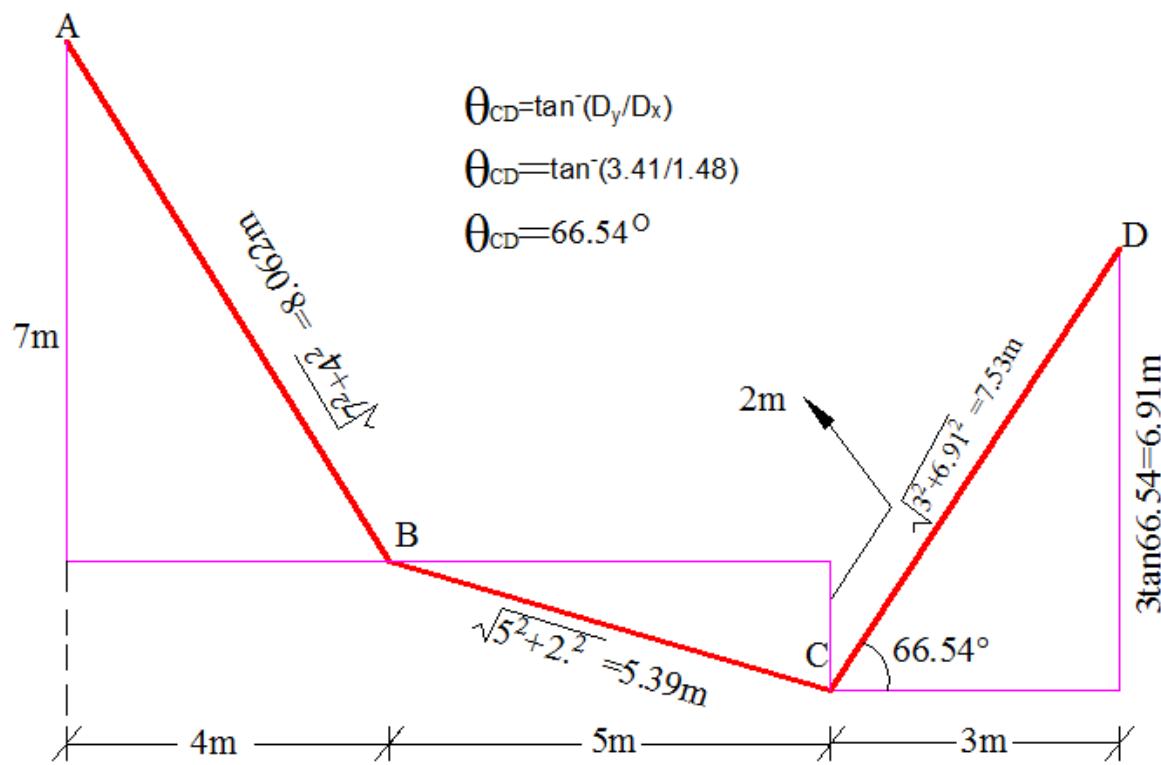
$$-T_{BC} \sin 21.8 - 2 + 2.986 \sin 60.3 = 0$$

$$0.37T_{BC} = 0.594$$

$$T_{BC} = 1.6 \text{ kN}$$



۳) د کیبل مجموعی اور بدوالی:



$$L = \sqrt{7^2 + 4^2} + \sqrt{5^2 + 2^2} + \sqrt{3^2 + 6.91^2} = 20.1\text{m}$$

۴) د Y_D نامعلوم اور بدوالی:

$$Y_D + 3\tan\theta_{CD} = 9$$

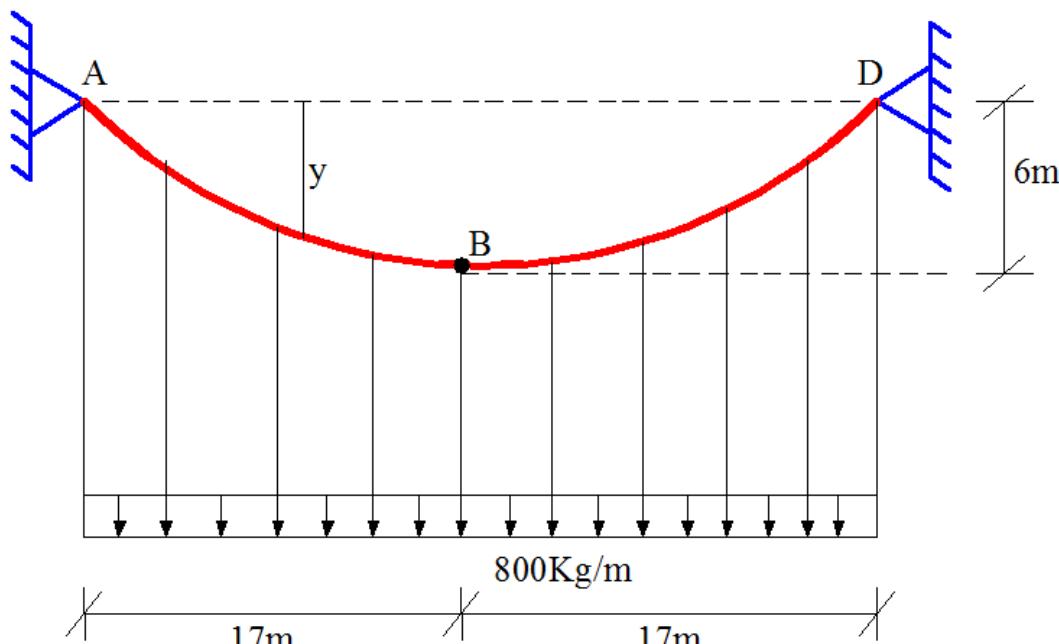
$$Y_D = 9 - 3\tan 66.54$$

$$Y_D = 2.1\text{m}$$

کیبلونه د منظم ویشل شوی بارونو لاندی

Cables subjected to uniformly distributed load

مثال: په شکل کې بندول شوی کیبل د 800Kg/m منظم ویشل شوی باربرداشت کولو لپاره استعمال شوی تاسی د کیبل په A,B,D ټکو کې کششی قواوی، اتكايز غږونه، Y لپاره رابطه او د کیبل مجموعی اوږدوالي پیدا کړي.



حل:

1) اتكايز عکس العملونه :

$$\sum M_A = 0$$

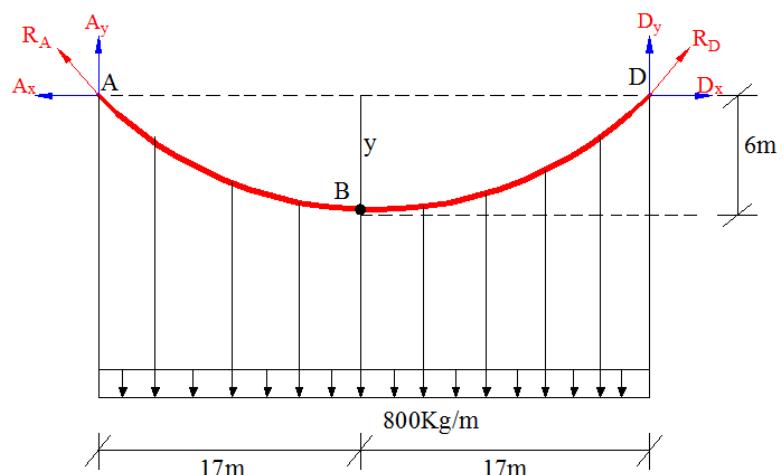
$$A_y (34) - (800 \times 34) 17 = 0$$

$$A_y = 13600 \text{ Kg}$$

$$\sum F_y = 0$$

$$13600 + D_y - (800 \times 34) = 0$$

$$D_y = 13600 \text{ Kg}$$



$$\sum M_B = 0$$

$$-6A_x + (13600 \cdot 17) - (800 \cdot 17 \cdot 8.5) = 0$$

$$A_x = 19266.7 \text{ kg}$$

$$\sum F_x = 0$$

$$-A_x + D_x = 0$$

$$A_x = D_x = H$$

$$D_x = A_x \rightarrow D_x = 19266.7 \text{ kg}$$

$$R_A = \sqrt{A_x^2 + A_y^2} = \sqrt{19266.7^2 + 13600^2}$$

$$R_A = 23583.2 \text{ Kg}$$

$$R_D = \sqrt{D_x^2 + D_y^2} = \sqrt{19266.7^2 + 13600^2}$$

$$R_D = 23583.2 \text{ Kg}$$

2) کششی قوی پیدا کول:

$$T_A = R_A = 23583.2 \text{ Kg}$$

$$T_D = R_B = 23583.2 \text{ Kg}$$

$$A_x = D_x = H$$

$$T_B = H = 19266.7 \text{ kg}$$

3) لپاره رابطه جورول:

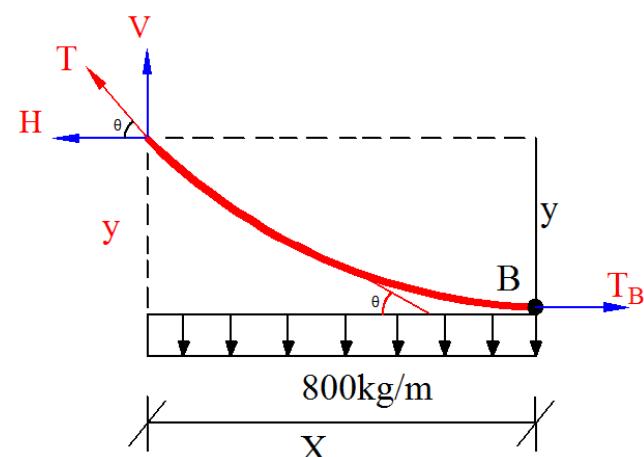
$$\sum F_y = 0$$

$$V - 800X = 0 \rightarrow V = 800X$$

$$\sum F_x = 0$$

$$-H + T_B = 0 \rightarrow T_B = H$$

$$\sin \theta = \frac{V}{T} \rightarrow V = T \sin \theta$$



$$V = T \sin \theta \rightarrow 800X = T \sin \theta \rightarrow \sin \theta = \frac{800X}{T}$$

$$\cos \theta = \frac{H}{T}$$

$$\tan \theta = \frac{\sin \theta}{\cos \theta} \rightarrow \frac{\frac{800X}{T}}{\frac{H}{T}} = \frac{800X}{H}$$

$$\tan \theta = \frac{800X}{H} \quad \text{پوهیو چی} \quad \tan \theta = \frac{dy}{dx}$$

$$\frac{dy}{dx} = \frac{800X}{H} \rightarrow \int \frac{dy}{dx} = \int \frac{800X}{H} \cdot dx \rightarrow = \frac{800x^2}{2H} = \frac{400x^2}{H}$$

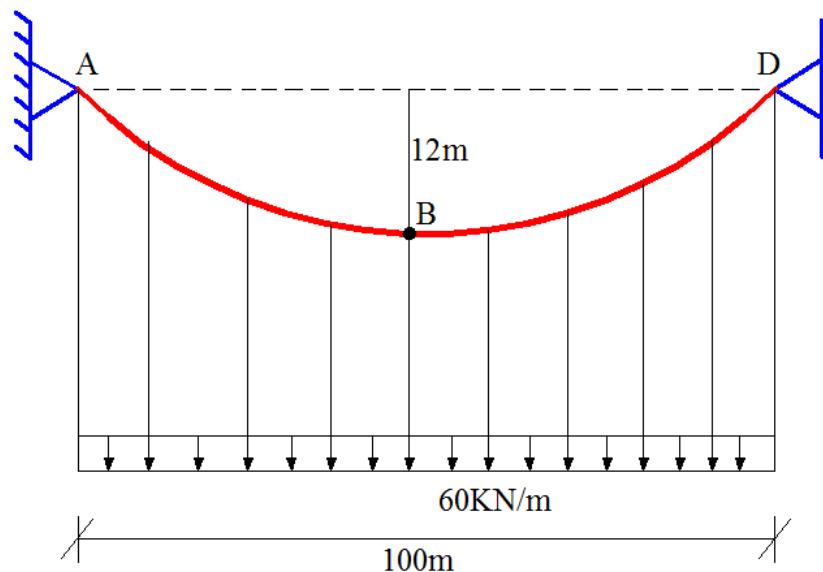
$$Y = \frac{400x^2}{H} \quad \text{د H قيمت وضع کوو} \quad Y = \frac{400x^2}{19266.7} = 0.021X^2$$

$$Y = 0.02076X^2$$

4) د کيبل اوبدوالى:

$$L + \frac{8H_B^2}{3L} = 34 + \frac{8.6^2}{3.34} = 36.8m$$

مثال: په شکل کی بنودل شوی کیبل کی اعظمی او اصغری کششی قواوی پیدا کری؟؟



حل:

1) اتكايز عكس العملونه :

$$\sum M_D = 0$$

$$A_y(100) - (60*100*50) = 0$$

$$A_y = 3000 \text{ KN}$$

$$\sum F_y = 0$$

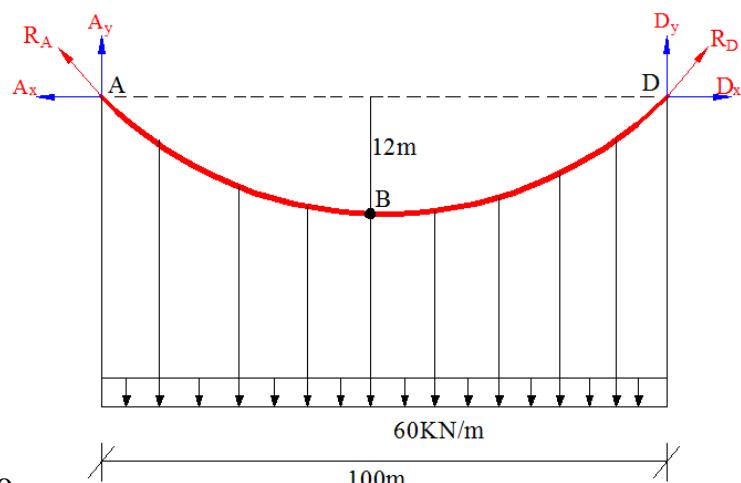
$$3000 + D_y - (60*100) = 0$$

$$D_y = 3000 \text{ KN}$$

$$\sum M_B = 0$$

$$-12A_x + (3000*50) - (60*50*25) = 0$$

$$A_x = 6250 \text{ KN}$$



$$\sum F_x = 0$$

$$-A_x + D_x = 0$$

$$D_x = A_x \rightarrow D_x = 6250\text{KN}$$

$$H = D_x = A_x = 6250\text{KN}$$

$$R_A = \sqrt{A_x^2 + A_y^2} = \sqrt{6250^2 + 3000^2}$$

$$R_A = 6932.7\text{KN}$$

$$R_D = \sqrt{D_x^2 + D_y^2} = \sqrt{6250^2 + 3000^2}$$

$$R_D = 6932.7\text{KN}$$

۲) اصغری کششی قوه

خنگه چی پوهیرو تر تولو کوچنی کششی قواوی په هغه تکی کی موجود وي چيرته چی د کيل میلان (Slope) صفر وی نوموری سوال کی تر تولو کوچنی قواوی په B نقطه کی موجود دی او دا محاسبه شوی H سره مساوی کېږي.

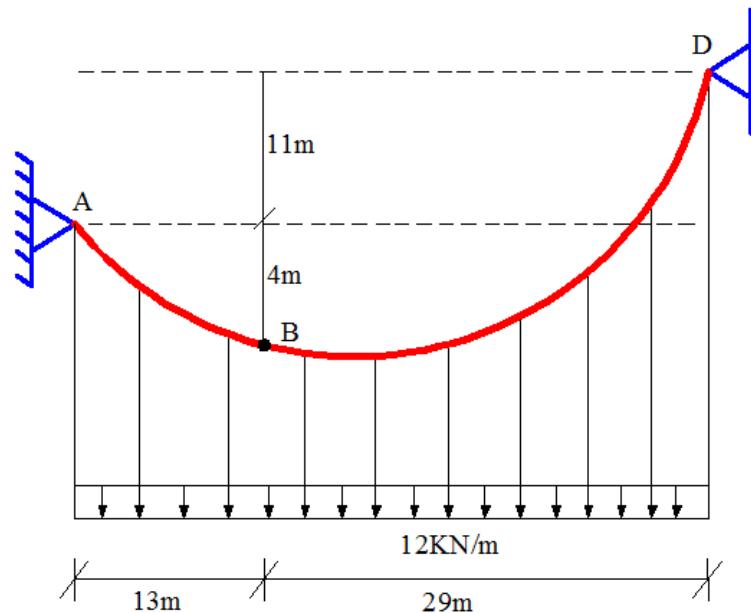
$$T_{Min} = H = 6250\text{KN}$$

۳) اعظمی کششی قوه

په نوموری سوال کی دواره اتكاگانی په یو ليول موجود دی لهذا کششی قواوی به هغه برخو کی اعظمی وي کوم چی له اتكاگانو سره تړلي وي او په لاندی ډول پیدا کېږي.

$$T_{Max} = R_A = R_D = 6932.7\text{KN}$$

مثال: په شکل کې د بنودل شوی کېبل اتكايز غږونونه او اصغری او اعظمی کششی قواوی محاسبه کړي؟



حل:

$$\sum M_D = 0$$

1) اتكايز عکس العملونه :

$$A_y(42) + A_x(11) - (12*42*21) = 0$$

$$42A_y - 11A_x = 10584 \dots\dots 1$$

$$\sum M_B = 0$$

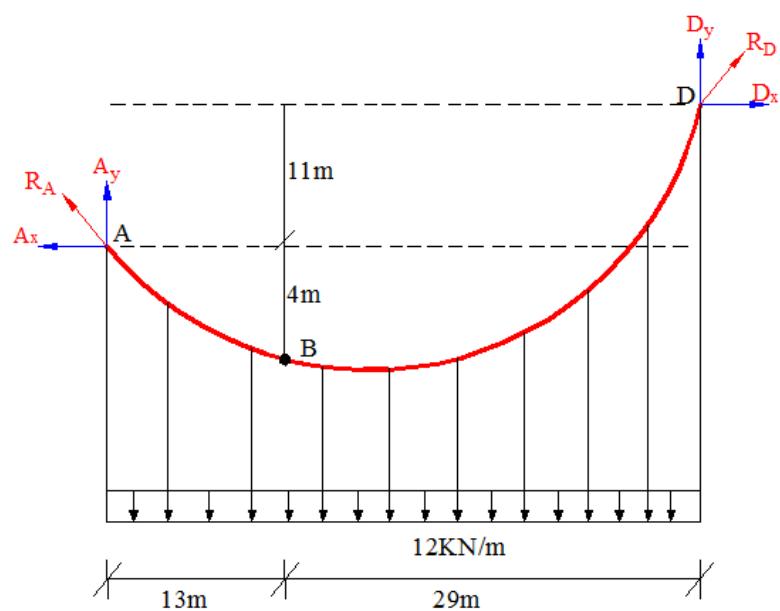
$$-4A_x + (A_y * 13) - (12 * 13 * 6.5) = 0$$

$$13A_y - 4A_x = 1014 \dots\dots 2$$

د لوړۍ او د وهمی معادلی حلولو خخه لرو

$$A_x = 305.5 \text{ KN}$$

$$A_y = 172 \text{ KN}$$



$$\sum F_Y = 0$$

$$172 + D_y - (12 * 42) = 0$$

$$D_y = 332 \text{ KN}$$

پوهیب و چی ($\sum F_x = 0$) او D_x سره مساوی دی A_x

$$D_x = 305.5 \text{ KN}$$

(2) اصغری کششی قواوی:

$$T_A = \sqrt{A_x^2 + A_y^2} = \sqrt{305.5^2 + 172^2}$$

$$R_A = 351 \text{ KN}$$

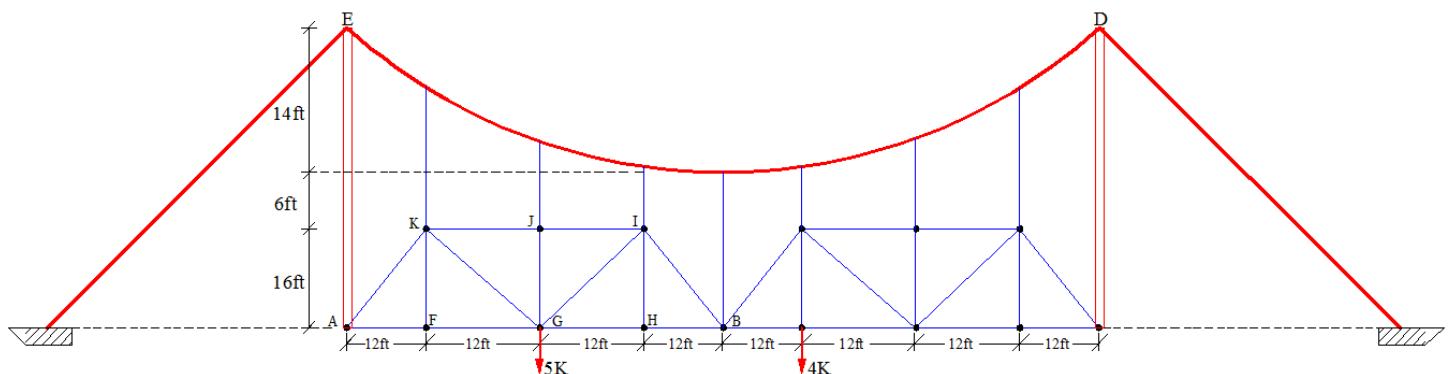
(3) اعظمی کششی قواوی:

$$T_D = \sqrt{D_x^2 + D_y^2} = \sqrt{305.5^2 + 332^2}$$

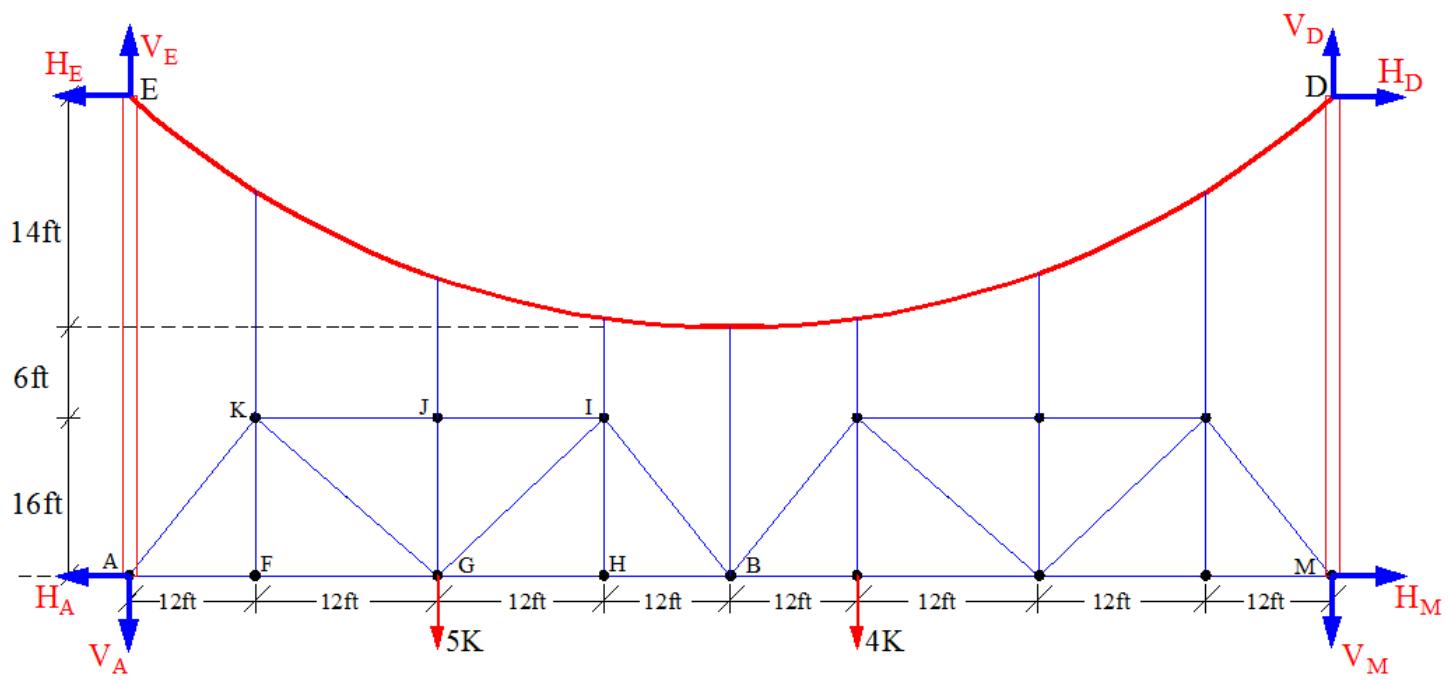
$$R_D = 451.2 \text{ KN}$$

زورنډ پلونه (Suspension Bridges)

مثال په شکل کي د ترسونو خخه جوړ یو زورنډ پل بنودل شوی کوم چې له کېبل سره په عمودي ډول تړل شوی که چېږي په ساختمان بنودل شوی بارونه عمل وکړي په پائله کي به ئي د کېبل اعظمي کششی قواوی خومره وي؟



حل:

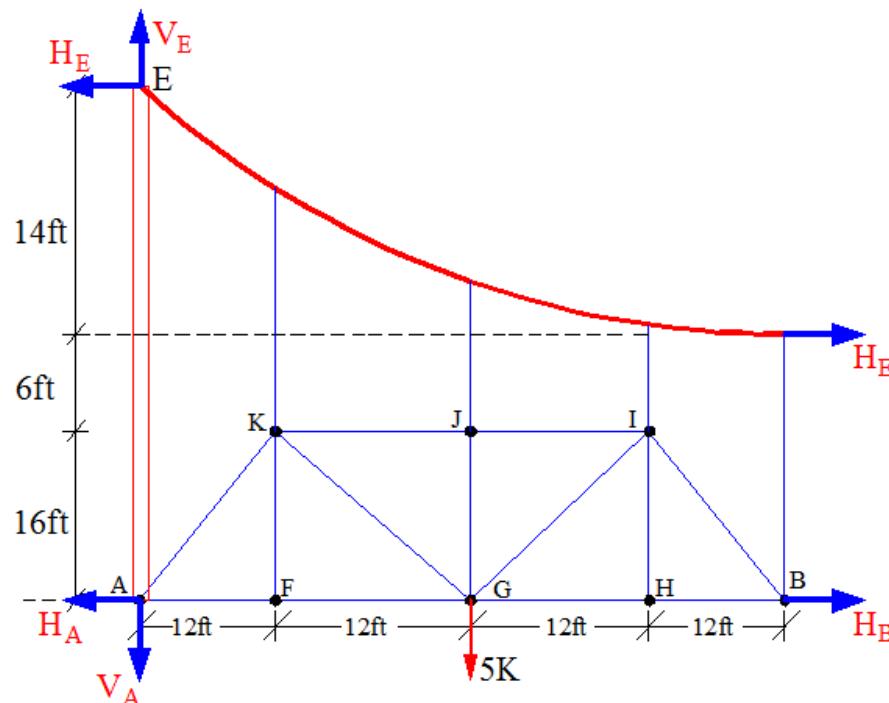


$$\sum M_M = 0$$

$$-96V_A - (5*72) - (4*36) - 36H_E + 96V_E + 36H_D = 0$$

$$H_D = H_E \quad \text{خونگه چی پوهیرو}$$

$$96V_E - 96V_A = 504 \quad \dots\dots\dots(1)$$



$$\sum M_B = 0$$

$$-48V_A - (5*24) - 36H_E + 48V_E + 22H_E = 0$$

$$48V_E - 48V_A - 14H_E = 120 \quad \dots\dots\dots(2)$$

$$96V_E - 96V_A = 504 \quad \dots\dots\dots(1)$$

$$48V_E - 48V_A - 14H_E = 120 \quad \dots\dots\dots(2)$$

$$H_E = 9.43K$$

د ۱ او ۲ معادلو حلولو وروسته

د اعظمی کششی قوی پیدا کولو لپاره د w_0 قیمت پیدا کوو.

$$W_0 = \frac{2 \cdot H_E \cdot h}{Z^2}$$

پورتني معادلى کي H_E د پائى په سركى افقى عكس العمل h د كىبل ژوروالي Z د A او
تر منع فاصله ده B .

$$W_0 = \frac{2 \cdot H_E \cdot h}{Z^2} = \frac{2 \cdot 9.43 \cdot 14}{48^2} = 0.115 \text{ K/ft}$$

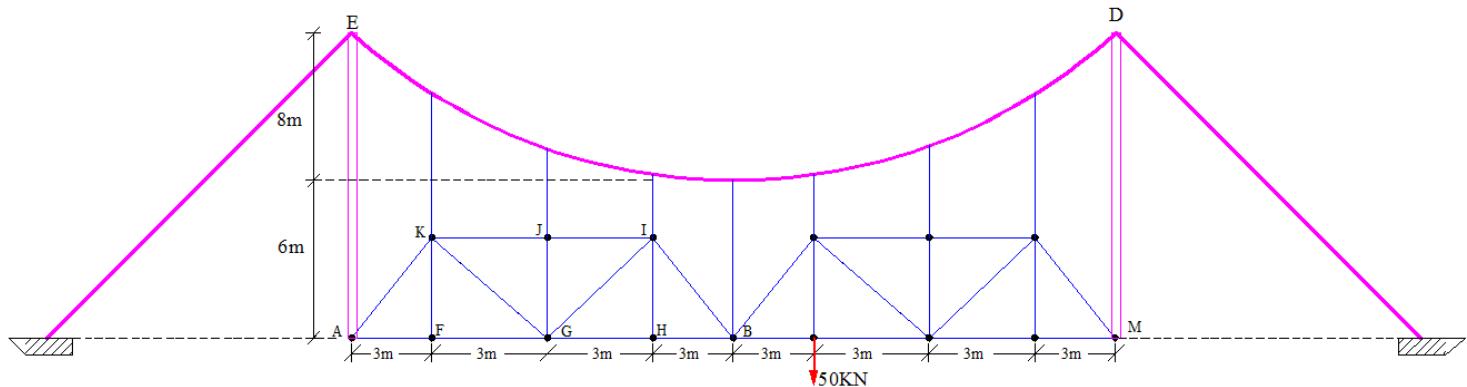
د اعظمى کششى قوولپاره فورمول لرو

$$T_{max} = w_0 \cdot Z \left\{ \sqrt{1 + \left(\frac{z}{2 \cdot h} \right)^2} \right\}$$

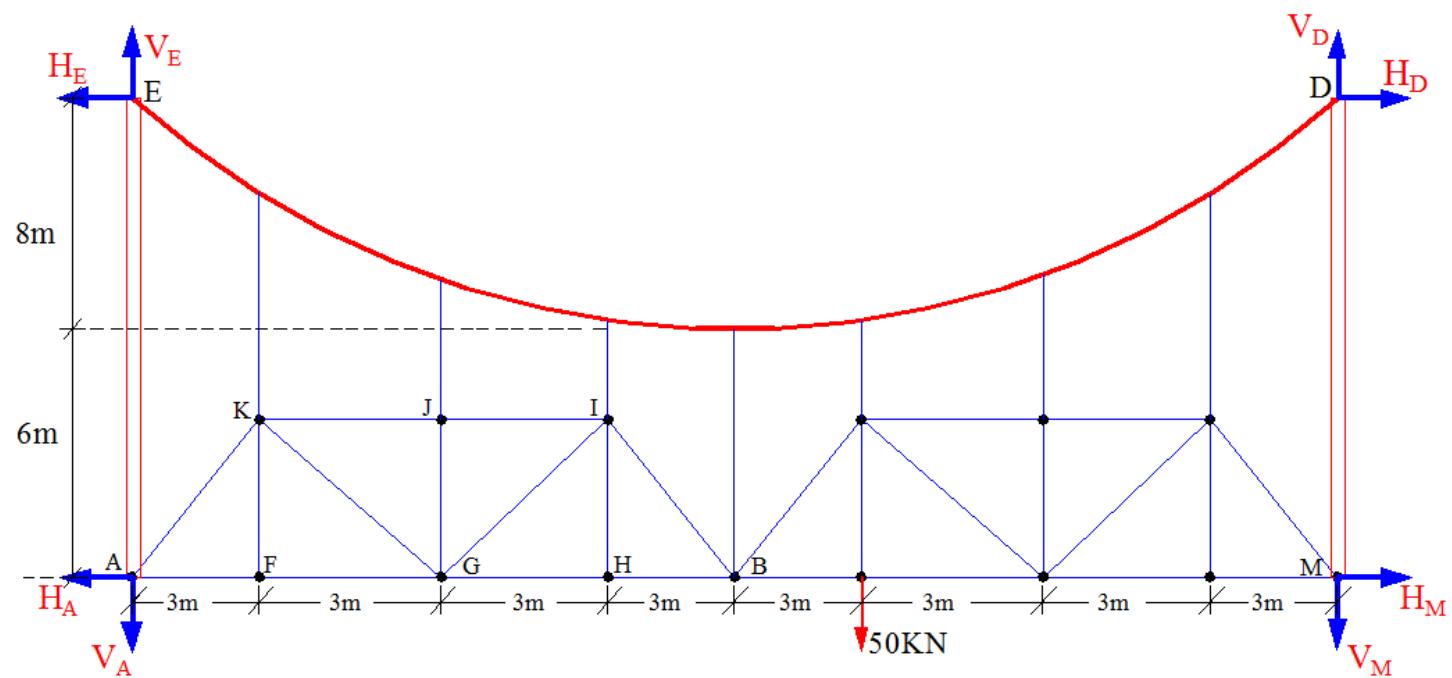
$$T_{max} = 0.115 \cdot 48 \left\{ \sqrt{1 + \left(\frac{48}{2 \cdot 14} \right)^2} \right\} = 10.9 \text{ K}$$

$T_{max} = 10.9 \text{ K}$

مثال: یوزورند پل د ترسونو یو سیستم خخه جورخت موندلی، که چیری په پل 50KN مت مرکز بار عمل کړی وی تاسی ئی د کېبل په ED برخی کی اعظمی کششی قوه محاسبه کړی؟



حل:

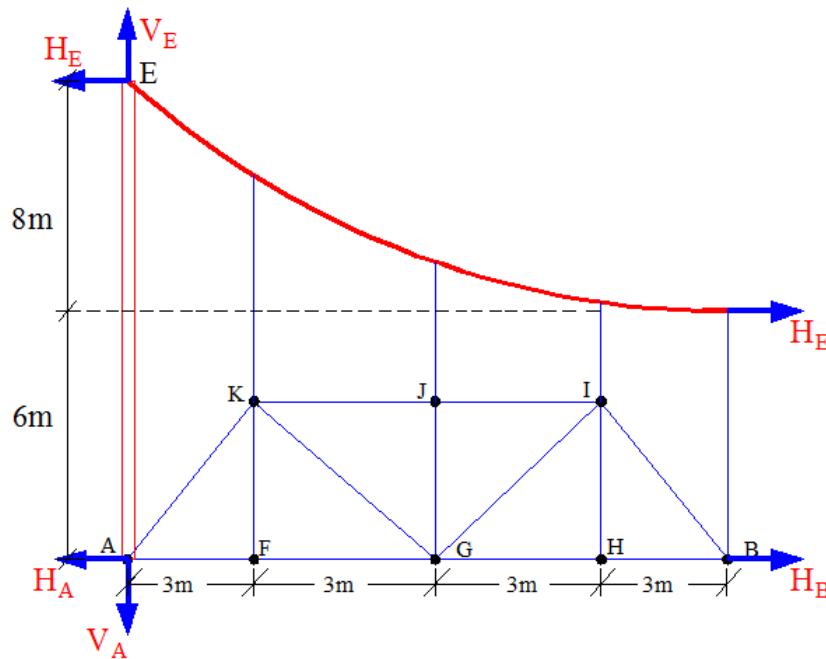


$$\sum M_M = 0$$

$$-24V_A - (50 \cdot 9) - 14H_E + 24V_E + 14H_D = 0$$

$$H_D = H_E \quad \text{خنګه چې پوهیږو}$$

$$24V_E - 24V_A = 450 \dots\dots\dots(1)$$



$$\sum M_B = 0$$

$$-12V_A - 14H_E + 12V_E + 6H_E = 0$$

$$12V_E - 12V_A - 8H_E = 0 \dots\dots\dots(2)$$

$$24V_E - 24V_A = 450 \dots\dots\dots(1)$$

$$12V_E - 12V_A - 8H_E = 0 \dots\dots\dots(2)$$

$$H_E = 28.13 \text{ KN}$$

د ۱ او ۲ معادلو حلولو وروسته

د اعظمی کششی قوى پيدا کولو لپاره د w_0 قيمت پيدا کوو.

$$W_0 = \frac{2 \cdot H_E \cdot h}{Z^2}$$

پورتنى معادلى کي H_E د پائى په سرکى افقى عکس العمل h د کيبل ژوروالي Z د A او B تر منع فاصله ده.

$$W_0 = \frac{2 \cdot H_E \cdot h}{Z^2} = \frac{2 \cdot 28.13 \cdot 8}{12^2} = 3.13 \text{ KN/m}$$

د اعظمی کششی قوولپاره فورمول لرو

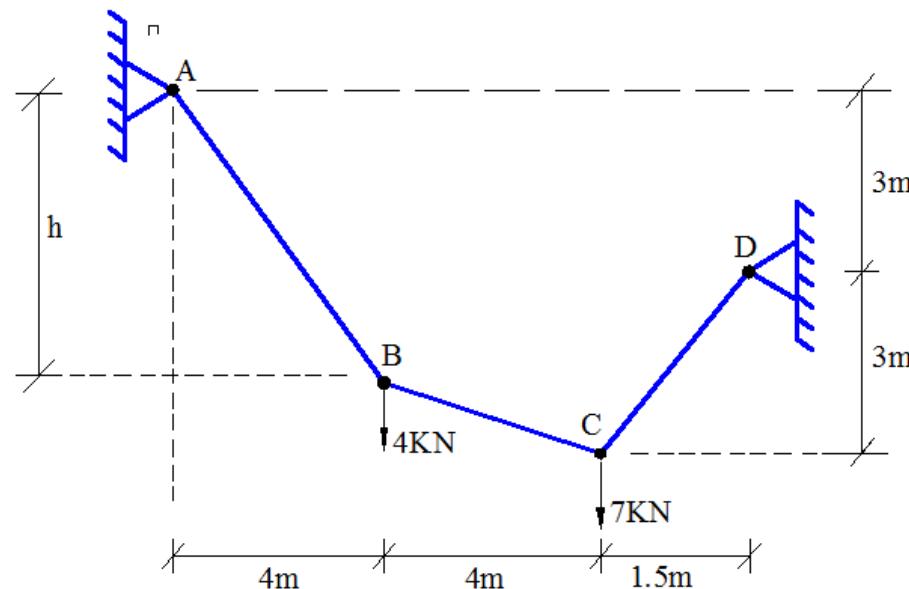
$$T_{max} = w_0 \cdot Z \left\{ \sqrt{1 + \left(\frac{z}{2 \cdot h} \right)^2} \right\}$$

$$T_{max} = 3.13 \cdot 12 \left\{ \sqrt{1 + \left(\frac{12}{2 \cdot 8} \right)^2} \right\} = 10.9 \text{ K}$$

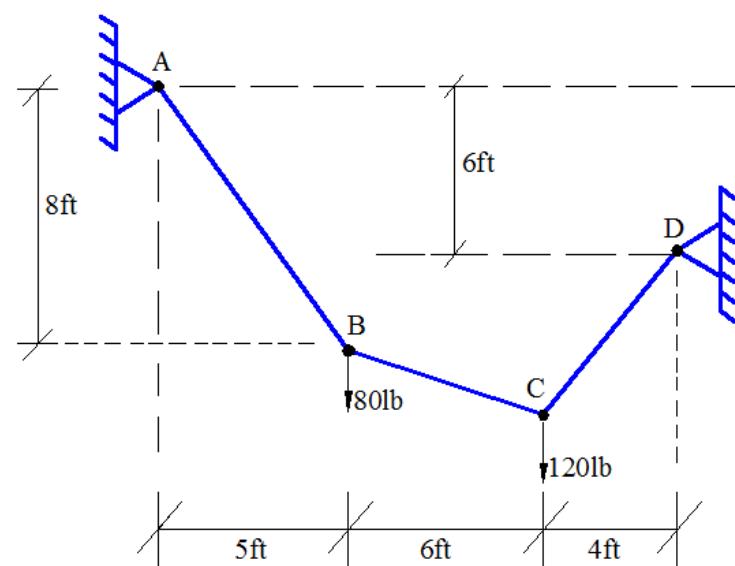
$$T_{max} = 46.9 \text{ KN}$$

تمرين (Exercise)

1) د ورکړ شوی کېبل په تولو برخو کې کششی قواوی، اتكايز غږګونونه، او د h نامعلوم لوروالی محاسبه کړي.



2) د ورکړ شوی کېبل په تولو برخو کې کششی قواوی، او اتكايز غږګونونه پیدا کړي؟

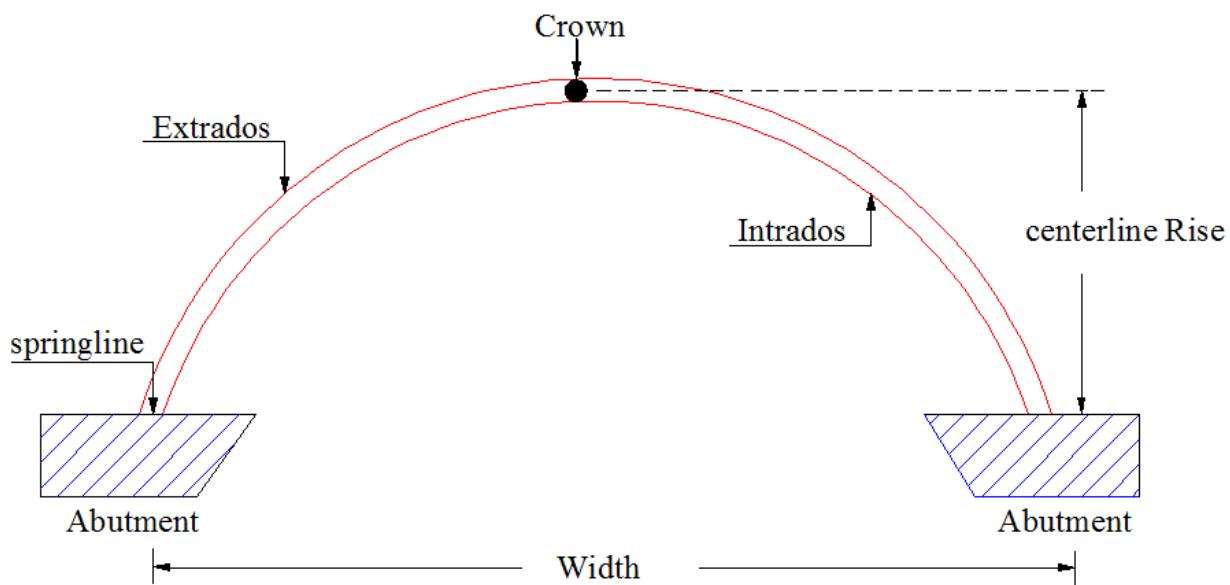


شپږم خپرکي کمانونه (Arches)

د کېبلونو په خير کمانونه هم په او بد و وائی لرونکي ساختمانونو کي د کوبوالى مومنت کمولو لپاره استعمالیږي. کمان په شکل کي سرچپه کېبلونو ته ورته دی او خپلی قواوی په فشاری توګه زغمی او تهداب ته ئی اتقالوی.

د کمان ظرفیت د هغه شخوالی، شکل او د بارونو نوعیت پوری اړه لري. که چیری يو کمان پرابولائي شکل ولري او منظم ويشنل شوی بارونه پری عمل وکړي (د کېبلونو تحلیل خخه پوهیړو) چې نوموری کمان به يې فقط د فشاری قواود زغم صلاحیت ولري، په د حالت کي نوموری کمان د Funicular Arch په نامه یادیږي ټکه هیڅ ډول عرضی قواوی یا د کوبوالى مومنت پکي حضور نه لري.

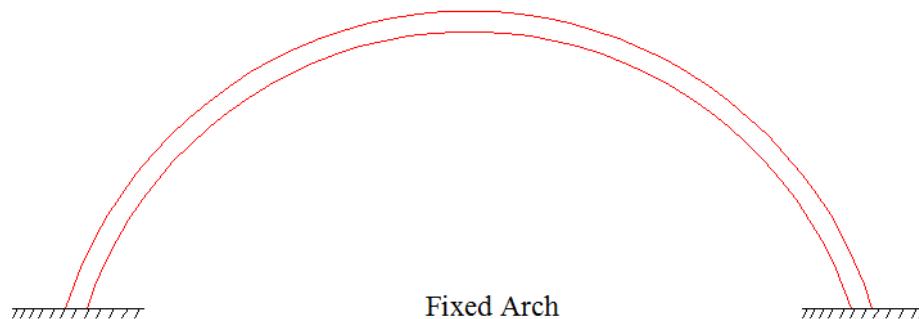
په لاندی شکل کي د کمان مختلفی برخی نبودل شوی دی.



د بارونو زغم لپاره مختلف ډول کمانونه استعمالیږي لکه
 ، Two hinge arch ، Fixed arch ، Tied arch ، او Three hinge arch

(1) په دواړو انجامونو کی کلک ترل شوی کمانونه یا شخ کمانونه (Fixed Arch)

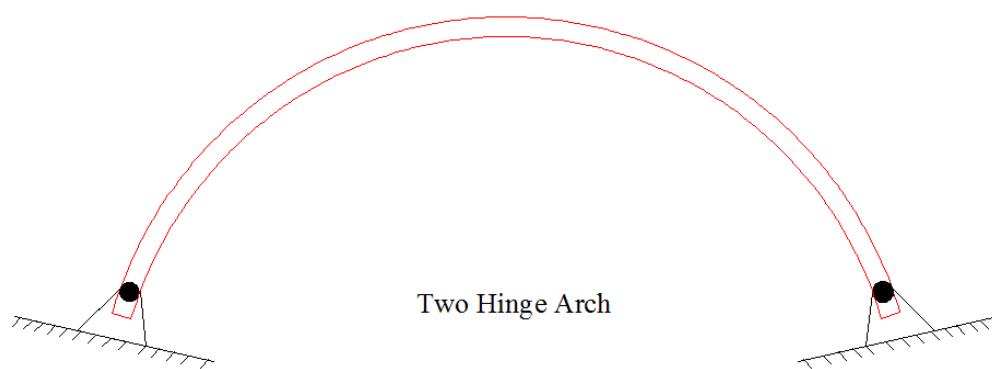
دا ډول کمانونه زیاتره د او سپنیز کانکریتو څخه جورېږي او د نورو کمانونو پر تله کم مواد غوبښتونکی وی په دواړو انجامونو کی سختی اتكاء له امله دا کمانونه دری درجی نامعین وی.



(2) دو ه مفصلی کمانونه (Two hinge Arches)

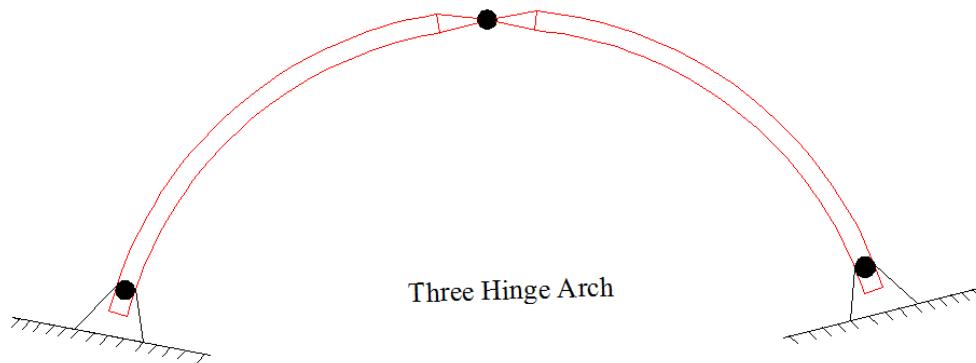
په عمومی توګه د ډول کمانونه د فلز یا لرگو (Metal or timber) څخه جورېږي او یوه درجه ستاتیکی نامعین والی لري سره ددې چې د سختو کمانونو پر تله کم شخوالې لري بیا هم د ناستی پر ضد قوى مقاومت لرونکي دی.

که غواړو د ډول ساختمانونه په معین ستاتیکی ساختمانونو تبدیل کو بائید یوه ساکنه اتكاء ئې په متحرکی اتكاء بدله کړو، خود دی په کولو سره ساختمان په اوږدو کې د کوبې والی مومنت په مقابل کې خپل صلاحیت د لاسه ورکوی او د یو منځنۍ ګاډر شکل اختيارو.



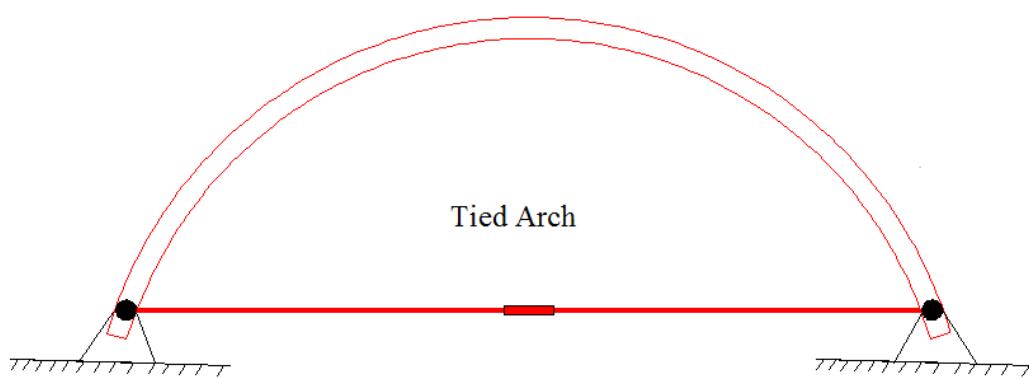
(3) دری مفصلی کمانونه (Three Hinge Arches)

دا کمانونه هم د فلز یا لرگو (Metal or timber) خخه جور وی او تحلیل له نظره معین ستاتیکی وی ددی کمانونو چانګرتیاوی دا دی چې هیڅ ډول اتكائی ناسته یا د تودو خی تغیرات پری اغیزه نه لري څرنګه چې په نامعین ستاتیکی کمانونو کې ئى شتون لرلو.



(4) تړلې کمانونه (Tied Arches)

دی ډول کمانونو کې دواړه اتكائی د یو افقی میله په واسطه تړل شوی چې کمان د خارجی قواو پر ضد د ځانه مقاومت وبنائي او د افقی زوروونو او اتكائی ناستي مخنيوي وکړي. دی کمانونو خخه هغه وخت پېړه استفاده کېږي کله چې کمان لپاره د غټو تهدابونو جوړولو اړتیا نه وي.



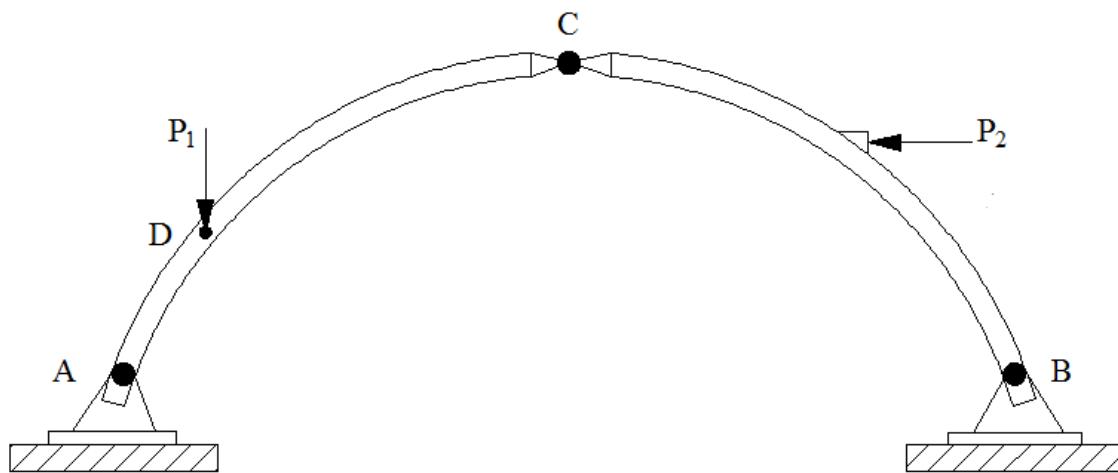
کماننو خخه زیاتره په هغه وختونو کې ډیره استفاده کېږي کله چې ساختمان د زیات بار لاتدی
واقع وی او یا هم د ساختمان مهندسی بنکلاته اړتیا وی .
په دی فصل کې د نامعین کماننو تحلیل خخه تیروبرو او صرف د معین کماننو تحلیل په نظر کې
نیسو ، (دری مفصلی کمانونه)



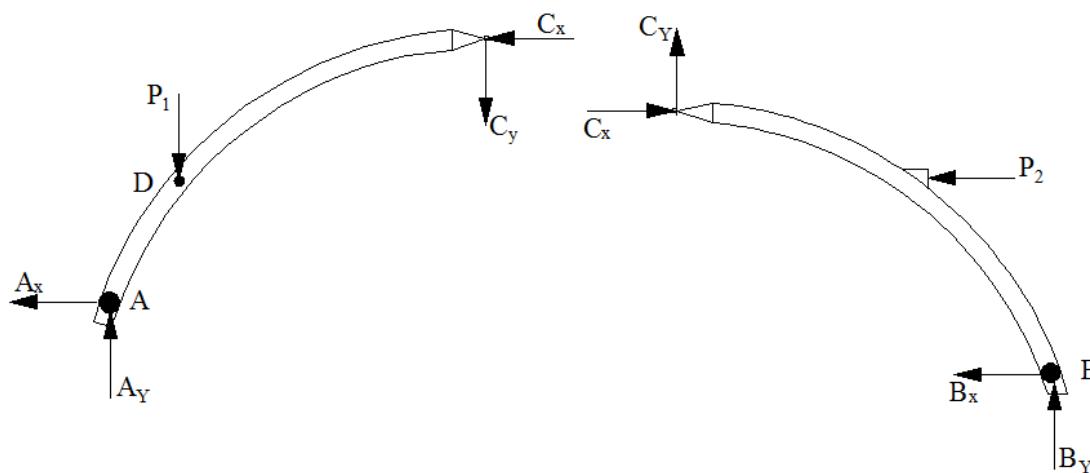
د دری مفصلی کمانونو تحلیل

Analysis of three hinge arch

کمانونه خرنگه خپل بارونه انتقالوی ، پوهیدولپاره یو دری مفصلی کمان په نظر کی نیسو .
دری مفصلی کمان عبارت دی له له هغه منحنی گاپرونو خخه کوم چی د یو مفصل په واسطه سره
مینځ کی تړل کېږي او په دواړو انجامونو متکی وي .
د نوموری کمان دریم مفصل د کمان اعظمی ارتفاع لرونکی تکی (Crown) سره تړلی وي .



اتکائی عکس العملونه پیدا کولو لپاره لومړی کمان په دوو برخو ویشل کېږي او هری برخی لپاره
تعادل په پام کی نیولو سره نامعلومی قوی پیدا کېږي .



په د حالت کي موښ سره شپر نامعلومي قواوی موجود دی $C_Y, C_X, B_Y, B_X, A_Y, A_X$

کړنلاره :

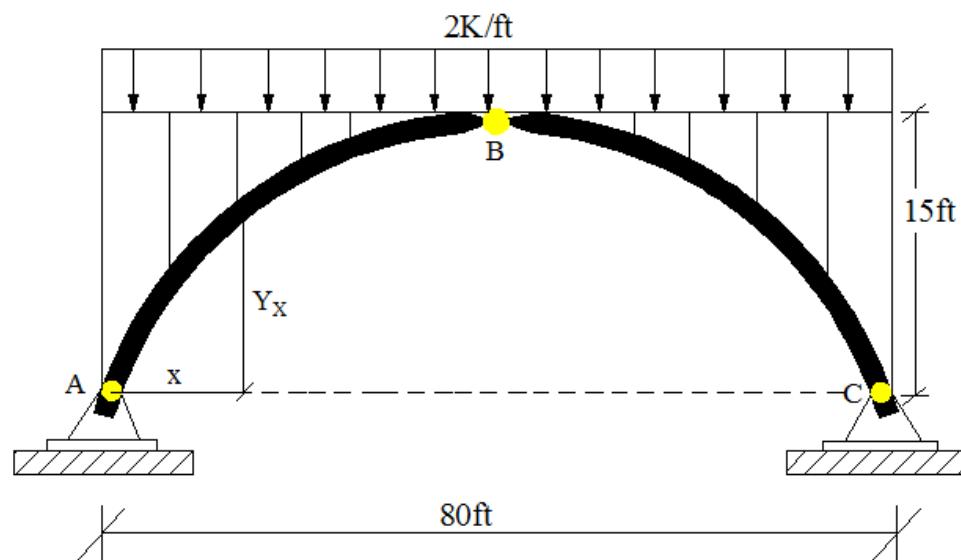
د کمان په A په تکي کي مومنت صفر کولو سره یوه معادله لاس ته را ورو همدارنګه په B نقطه کي مومنت صفر کولو سره دوئمه معادله لاس ته رائي او د دوارو معادلو د حل خخه C_X او C_Y پيدا کوو . په ورته ډول نور اتكائی غږ ګونونه هم پیدا کيږي . وروسته له دی یو قطع اخلو او نور داخلی نامعلومي قوي (عرضی قوه ، نارملی قوه او مومنت) محاسبه کوو .

$$y = \frac{4y_c}{L^2} x(L - x)$$

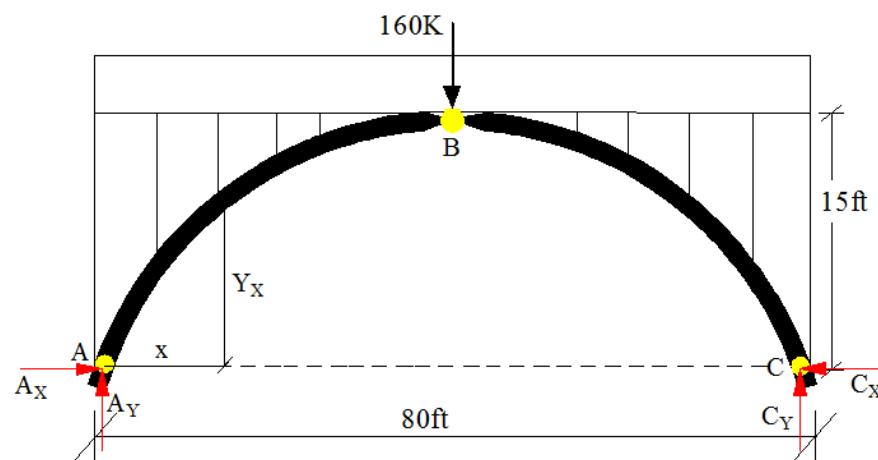
$$H = \frac{\int_0^L M_x \cdot y \, dx}{\int_0^L y^2 \, dx}$$

$$M = M_X - H Y$$

مثال 1: دری مفصلی کمان اتکائی عکس العملونه پیدا کری؟



حل:



$$\sum M_A = 0$$

$$-80C_y + (160 \times 40) = 0$$

$$C_y = 80K$$

$$\sum M_C = 0$$

$$-80A_y + (160 \times 40) = 0$$

$$A_y = 80K$$

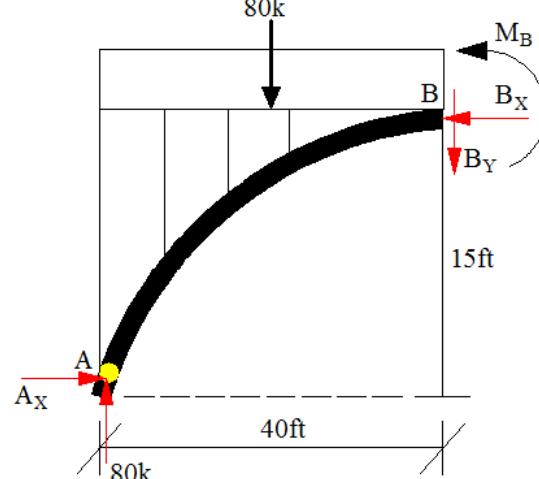
$$\sum M_B = 0$$

$$(80*40) - 15A_x - (80*20) = 0$$

$$A_x = 107K$$

We know that

$$A_x = C_x = 107K$$



کولی شو د فورمول په واسطه پورتنی سوال حل کولومپی د A اتكا خخه په x فاصله د کمان لوبوالی Y_x پیدا کوو.

$$y = \frac{4y_c}{L^2} x(L - x)$$

$$y_x = \frac{4.15}{80^2} x(80 - x)$$

$$Y_x = 0.75x - 0.0094x^2$$

M_x په x فاصله مومنت

$$M_x = -(2.x.x/2) + 80x$$

$$M_x = 80x - x^2$$

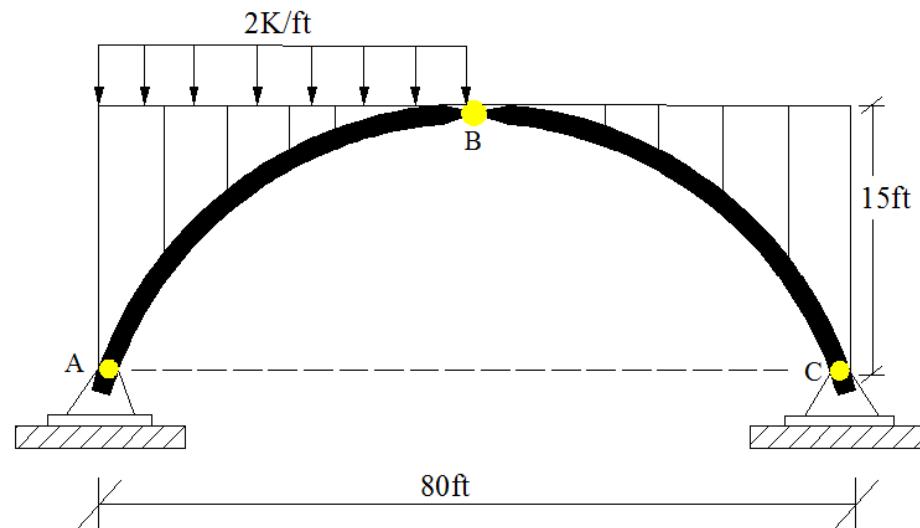
$$H = \frac{\int_0^L M_x \cdot y \, dx}{\int_0^L y^2 \, dx} \rightarrow H = \frac{\int_0^{80} (80x - x^2)(0.75x - 0.0094x^2) \, dx}{\int_0^{80} (0.75x - 0.0094x^2)^2 \, dx} = \frac{1019900}{95236} = 107K$$

$$H = A_x = C_x = 107K$$

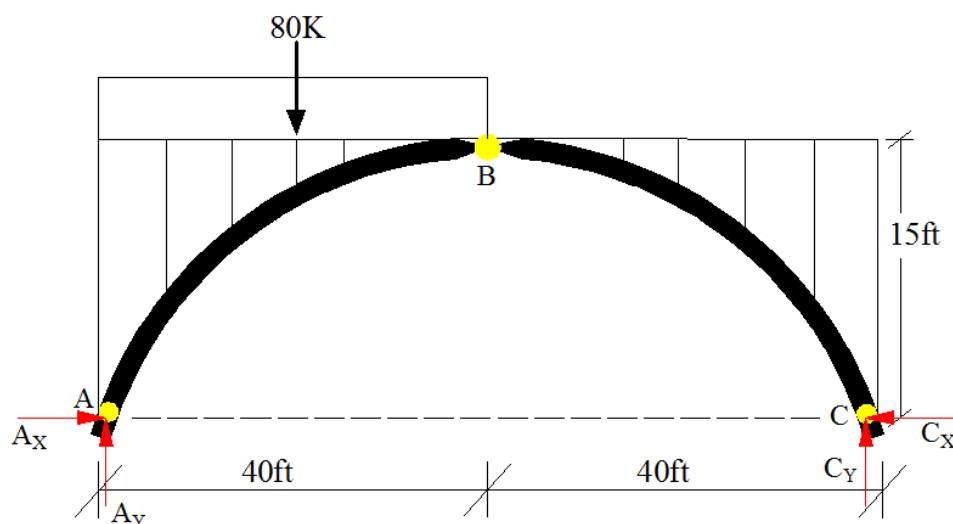
چیک

$$H = \frac{wl^2}{8yc} \longrightarrow H = \frac{2.80^2}{8.15} = 107K$$

مثال 2 یو دری مفصلی کمان چی 80 فت وايي لرونکي ده. تاسي يې د اتكايزو غبرګونونو قيمت پيدا کړي؟



حل:



$$\sum M_C = 0$$

$$80A_Y - (80*60) = 0 \quad \longrightarrow$$

$$A_Y = 60K$$

$$\sum F_y = 0$$

$$A_Y + C_Y - (80) = 0$$

$$A_Y + C_Y = 80 \quad \longrightarrow$$

$$C_Y = 80 - 60 = 20K$$

$$C_Y = 20K$$

$$\sum M_B = 0$$

$$-15A_X + (60*40) - (80*20) = 0$$

$$-15A_X + 2400 - 1600 = 0$$

$$15A_X = 800$$

$$A_X = 53.3K$$

and

$$C_X = 53.3K$$

: چیک

$$H = \frac{WL^2}{16Y_C} \quad \longrightarrow \quad \frac{2(40)2}{16.15} = 53.3K$$



مثال: ۳ په انځور کې بنودل شوی پل دری مفصل لرونکي

کمان خخه جوړ دی او پرabolik شکل لري. که چيری د

پل وائه 30m وی، او 50KN/m منظم ويسل شوی بار

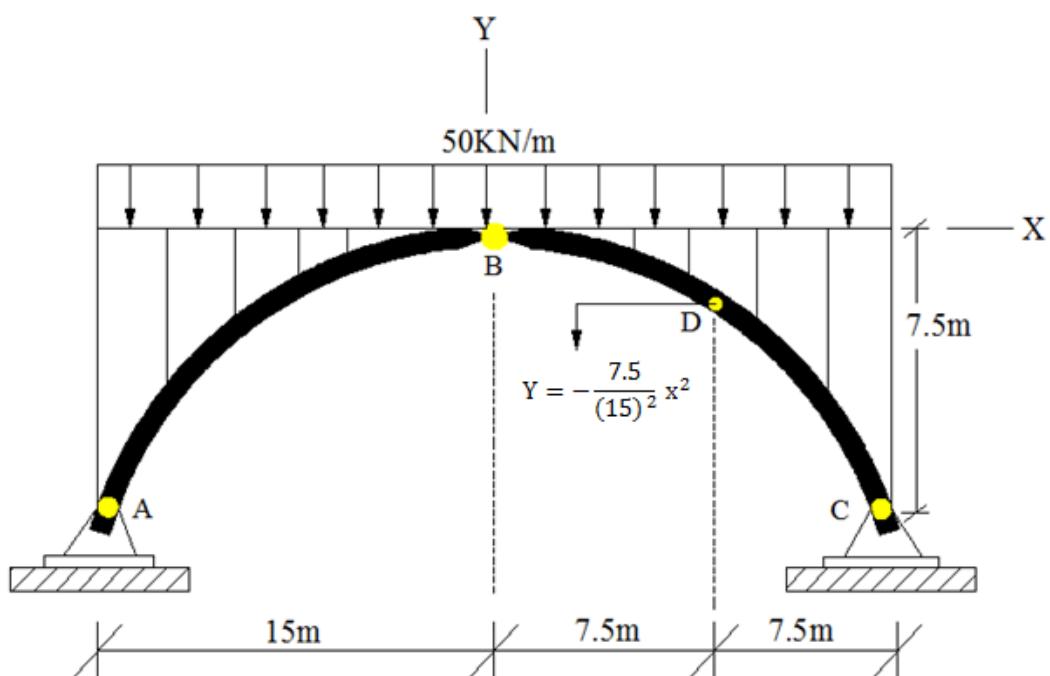
لپاره ډيزائن مطلوب وی، تاسی د نومورې کمان اتكايز

عکس العملونه، په D نقطه کې نارملی فشاری قوه

(V_D) عرضی قوه او مومنت (M_D) محاسبه کړي؟ او وښائی چې کمان د فشاری قوا ولندی

واقع دی او که نه؟

حل:



دلته دواړه اتكاګانی په مساوی ليول واقع دی. اتكائی عکس العملونه پیدا کوو

$$\sum M_A = 0$$

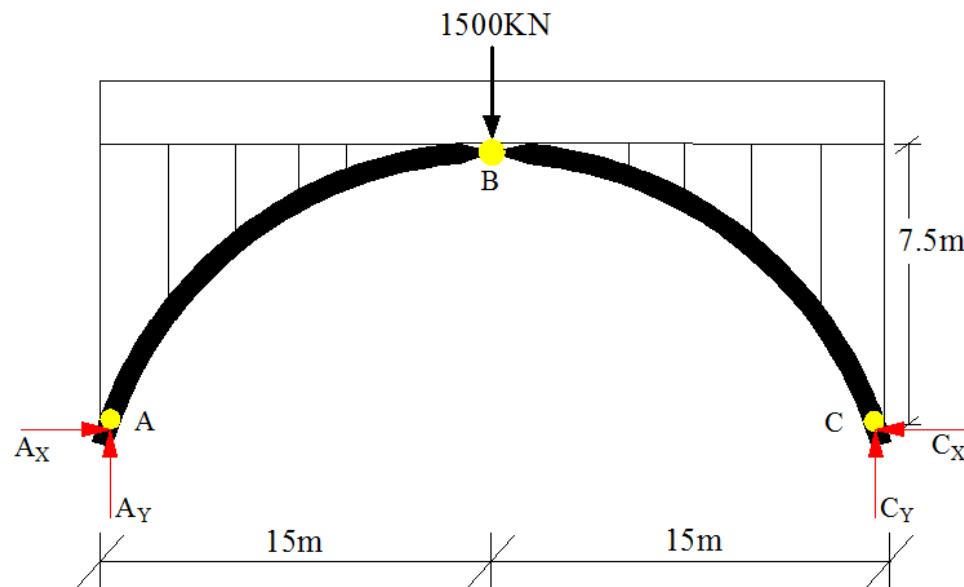
$$-30C_y + (1500 \cdot 15) = 0$$

$$C_y = 750 \text{ KN}$$

$$\sum M_B = 0$$

$$-(750 \cdot 15) + (50 \cdot 15 \cdot 7.5) + 7.5C_x = 0$$

$$C_x = 750 \text{ KN}$$



د کمان BC برخه :

$$\sum F_x = 0$$

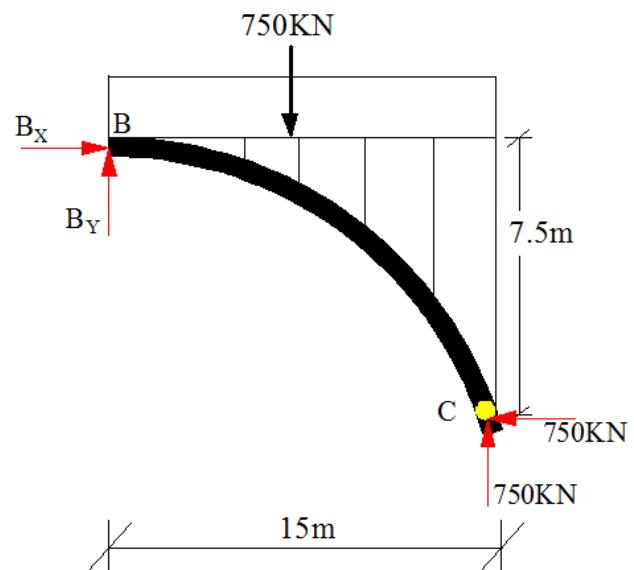
$$B_x - 750 = 0$$

$$B_x = 750 \text{ KN}$$

$$\sum M_c = 0$$

$$15B_y + (750 * 7.5) - (750 * 7.5) = 0$$

$$B_y = 0$$



د نقطي خخه D پوري قطع اخلو او غوبنتل شوي قوي پيدا كوي . (x=7.5m from B)

$$X = 7.5\text{m}$$

$$Y_D = \frac{-7.5}{(15)^2} X^2 = \frac{-7.5}{(15)^2} 7.5^2$$

$$Y_D = -1.875\text{m}$$

$$\tan\theta = \frac{dy}{dx} = \frac{d}{dx} \left(\frac{-7.5}{(15)^2} X^2 \right)$$

$$\tan\theta = \frac{-7.5}{(15)^2} \cdot 2X \quad \text{put } x=7.5$$

$$\tan\theta = \frac{-7.5}{(15)^2} \cdot 2(7.5) = -0.5$$

$$\theta = 26.6^\circ$$

$$\sum F_x = 0$$

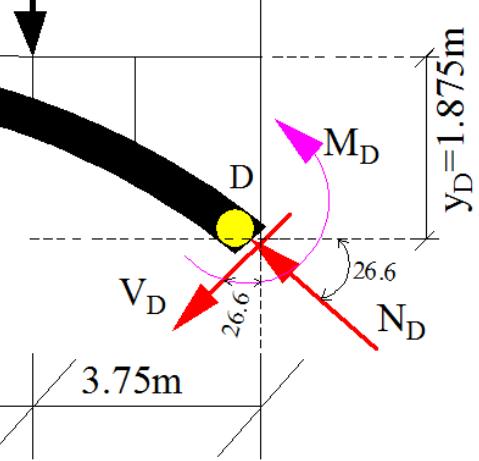
$$-N_D \cos 26.6 - V_D \sin 26.6 + 750 = 0$$

$$-0.894N_D - 0.45V_D + 750 = 0 \dots\dots\dots (1)$$

$$\sum F_y = 0$$

$$N_D \sin 26.6 - V_D \cos 26.6 - 375 = 0$$

$$0.5N_D - 0.894V_D - 375 = 0 \dots\dots\dots (2)$$



د 1 او 2 معادلو حل خخه لرو.

$$N_D = 838\text{KN}$$

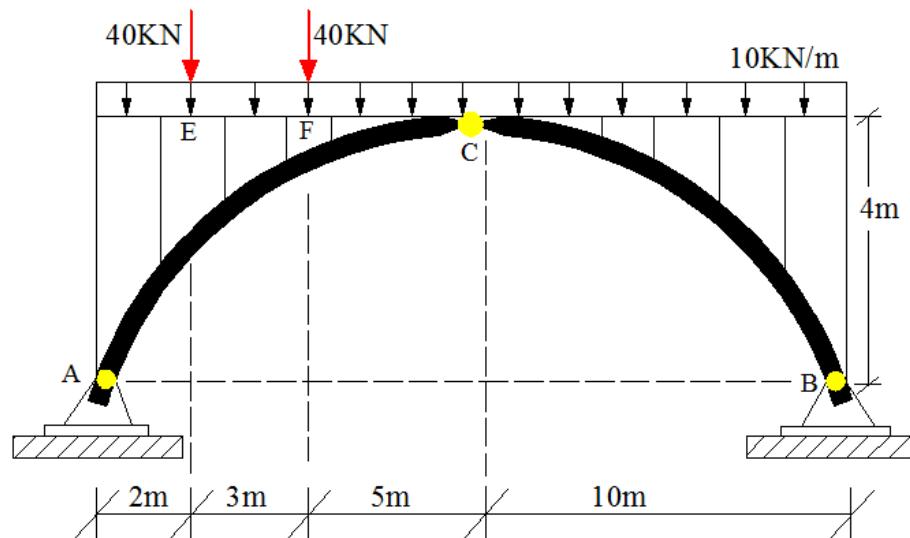
$$V_D = 0$$

$$\sum M_D = 0 \rightarrow (750 * 1.875) - (375 * 3.75) - M_D = 0$$

$$M_D = 0$$

په D نقطه کي عرضي قوه او مومنتي صفر دی يعني په کمان کي صرف فشاري قواوی (N_D) موجود دی.

مثال 4 یودري مفصلي کمان چي 20 متراه و ايي لرونکي ده. تاسي يي د اتكايزو غبر گونونو قيمت پيدا کړي که چيرته په کمان بنودل شوي بارونو عمل کړي وی.



حل:

$$\sum M_B = 0$$

$$20A_Y - (40*18) - (40*15) - (10*20*10) = 0$$

$$A_Y = 166 \text{ KN}$$

$$\sum F_Y = 0$$

$$166 + B_Y - 40 - 40 - (10*20) = 0$$

$$B_Y = 114 \text{ KN}$$

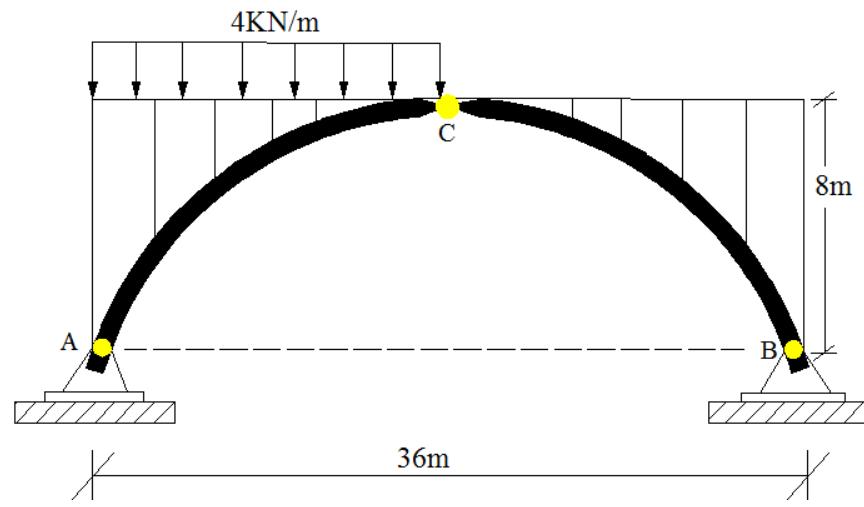
$$\sum M_C = 0$$

$$(166*10) - 4A_X - (40*8) - (40*5) - (10*10*5) = 0$$

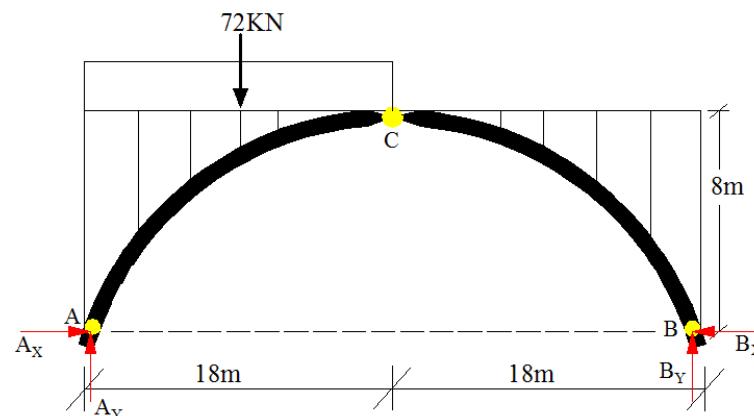
$$A_X = 160 \text{ KN}$$

$$\text{Also } A_X = B_X = 160 \text{ KN}$$

مثال 5 یو دری مفصلی کمان چی 36 متره وايئ لرونکی ده. تاسی بی د اتكايز غبر گونونو قيمت ، په C ټکی کی عرضی قوه (V_C) ، نارملی قوه (C_x) او مومنت (M_C) پیدا کړي.



حل:



1) اتكائی عکس العملونه :

$$\sum M_B = 0$$

$$\sum F_Y = 0$$

$$36A_Y - (72 \cdot 27) = 0$$

$$54 + B_Y - 72 = 0$$

$$A_Y = 54\text{KN}$$

$$B_Y = 18\text{KN}$$

$$\sum M_C = 0$$

$$(54 \cdot 18) - (8A_X) - (72 \cdot 9) = 0$$

$$A_X = 40.5\text{KN}$$

we know that

$$B_X = 40.5\text{KN}$$

$M_C \ , \ N_C \ , \ V_C \ \text{---} 2$

$C_x = 40.5 \text{ KN}$

$\sum F_y = 0$

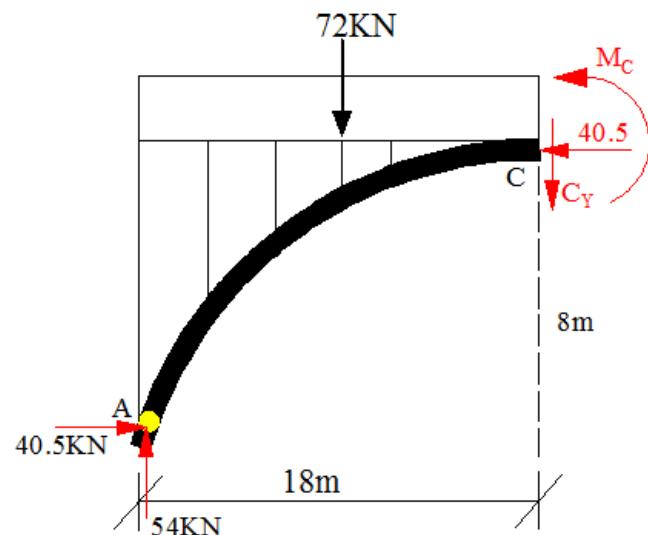
$54 - 72 - C_y = 0$

$C_y = -18 \text{ KN}$

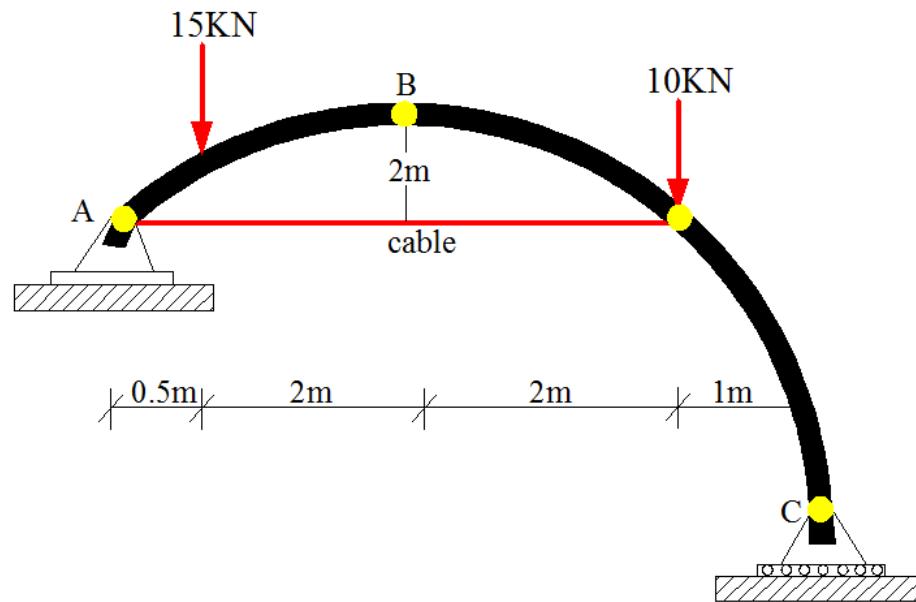
$\sum M_c = 0$

$-M_c + (54 * 18) - (40.5 * 8) - (72 * 9) = 0$

$M_c = 0$



مثال 6 یو ترل شوی دری مفصلی کمان چی 5.5 متره و ائه لری تاسی یی د اتکایزو غبر گونونو قیمت او په ترل شوی کیبل کی کششی قوه پیدا کړي



حل:

$$\sum M_A = 0$$

$$-5.5C_Y + (10 \cdot 4.5) + (15 \cdot 0.5) = 0$$

$$C_Y = 9.55 \text{ KN}$$

$$\sum F_y = 0$$

$$A_Y + 9.55 - 15 - 10 = 0$$

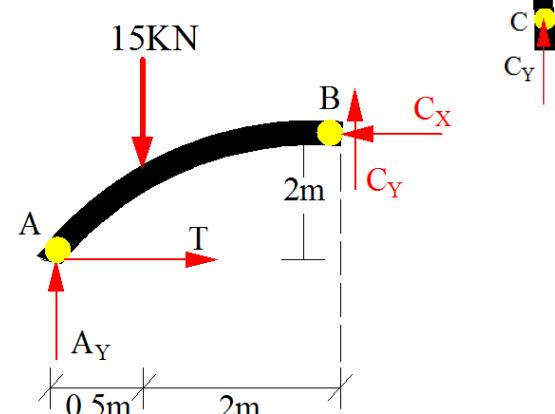
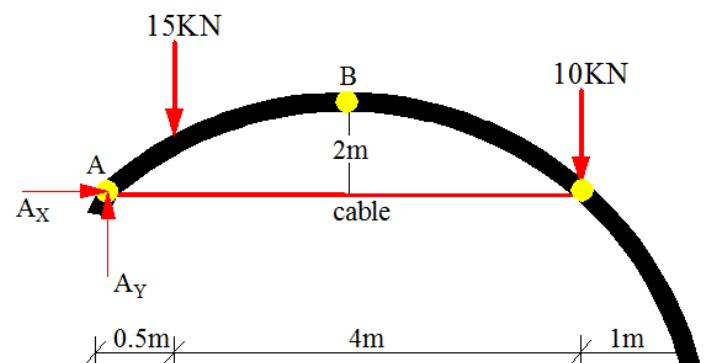
$$A_Y = 15.5 \text{ KN}$$

Section AB

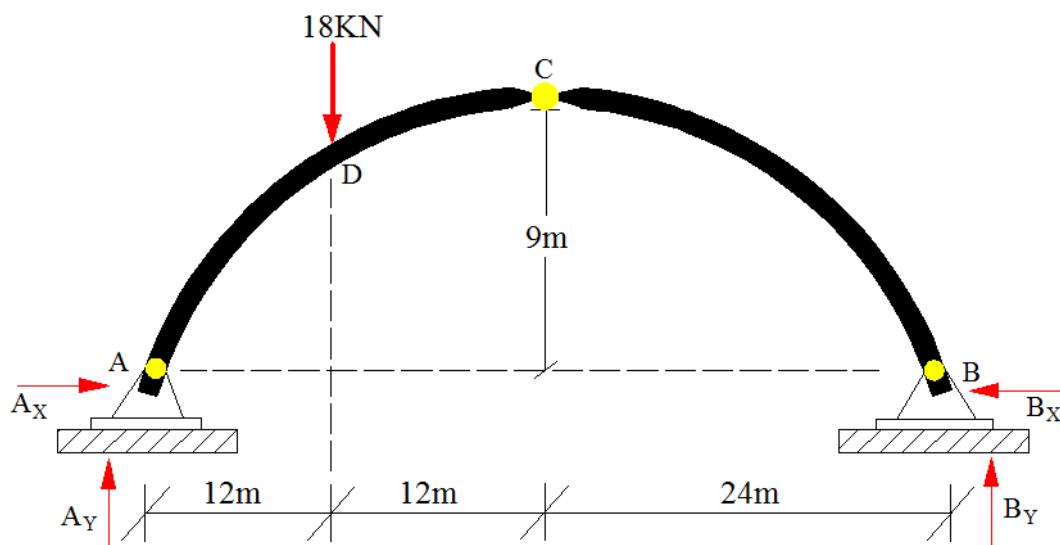
$$\sum M_B = 0$$

$$(15.5 \cdot 2.5) - (2T) - (15 \cdot 2) = 0$$

$$T = 4.32 \text{ K}$$



مثال 7 د ورکړ شوی دری مفصل لرونکی پرابولی کمان د انحنائی مومنټ دیاګرام رسم کړي؟؟



حل:

$$\sum M_B = 0 \rightarrow 48A_Y - (18 * 36) = 0 \rightarrow A_Y = 13.5\text{KN}$$

$$\sum M_A = 0 \rightarrow -48B_Y + (18 * 12) = 0 \rightarrow B_Y = 4.5\text{KN}$$

$$\sum F_x = 0 \rightarrow A_X = B_X$$

$$\sum M_C = 0 \rightarrow -9A_X - (18 * 12) + (13.5 * 24) = 0 \rightarrow A_X = B_X = H = 12\text{KN}$$

د X او Y تر منځ رابطه.

$$y = \frac{4y_c}{L^2} \cdot x \cdot (L - x)$$

$$y = \frac{4.9}{48^2} \cdot x \cdot (48 - x) = 0.75x - 0.0156x^2$$

$$y_{12} = 0.75(12) - 0.0156(12)^2 = 6.75\text{m}$$

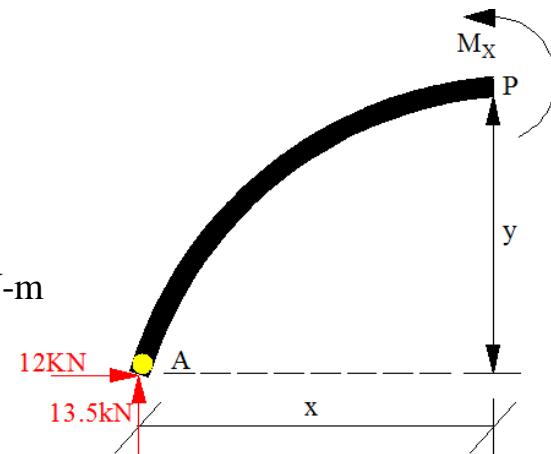
او A د تر منځ قطع:

$$\sum M_p = 0 \rightarrow 13.5x - 12y - M_x = 0 \rightarrow M_x = 13.5x - 12y$$

$$M_x = 13.5x - 12y \rightarrow 0 \leq x \leq 12 \quad \text{او} \quad 0 \leq y \leq 6.75$$

$$\begin{cases} x = 0 \\ y = 0 \end{cases} \quad M_A = 13.5x - 12y = 0$$

$$\begin{cases} x = 12m \\ y = 6.75m \end{cases} \quad M_D = (13.5*12 - 12*6.75) = 81 \text{ KN-m}$$



قطع منع C او D

$$\sum M_P = 0 \rightarrow 13.5(12+x) - 12(6.75+y) - 18x - M_x = 0$$

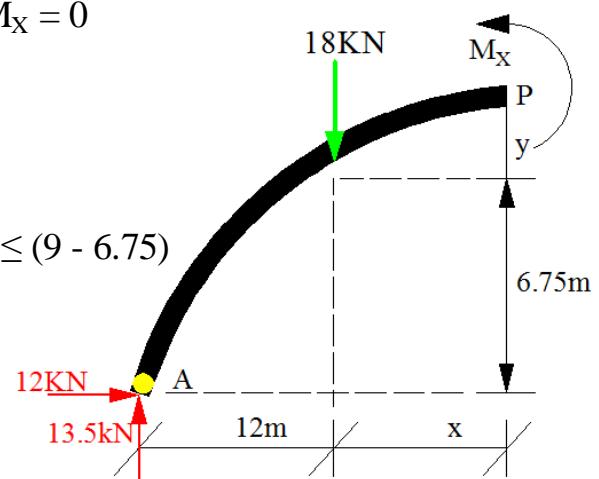
$$\rightarrow M_x = 162 + 13.5x - 81 - 12y - 18x$$

$$M_x = -4.5x - 12y + 81$$

$$M_x = -4.5x - 12y + 81 \rightarrow 0 \leq x \leq 12 \quad \text{و} \quad 0 \leq y \leq (9 - 6.75)$$

$$\begin{cases} x = 0 \\ y = 0 \end{cases} \quad M_D = 81 \text{ KN-m}$$

$$\begin{cases} x = 12m \\ y = 2.25m \end{cases} \quad M_C = 0$$



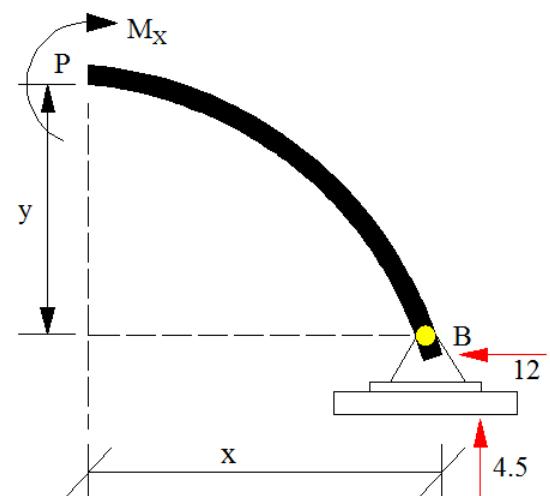
قطع منع C او B

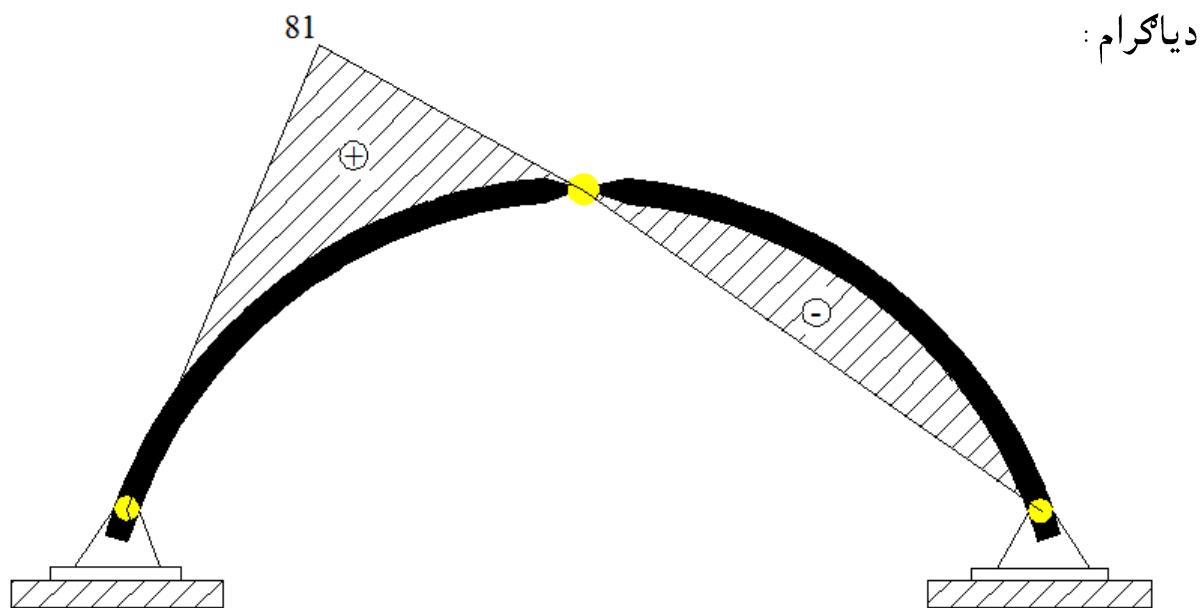
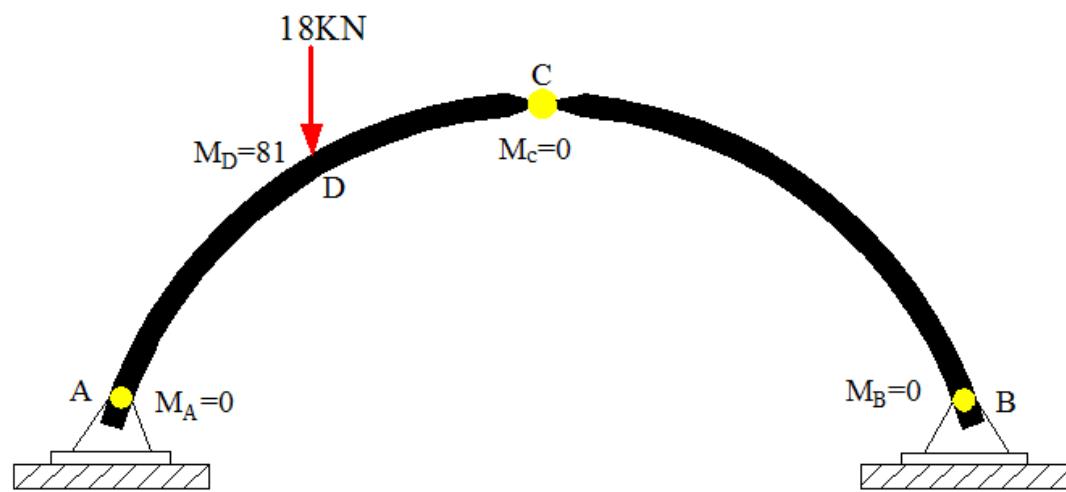
$$\sum M_P = 0 \rightarrow -4.5x + 12y + M_x = 0$$

$$M_x = 4.5x - 12y \quad 0 \leq x \leq 24 \quad \text{و} \quad 0 \leq y \leq 9$$

$$\begin{cases} x = 24m \\ y = 9m \end{cases} \quad M_C = 0$$

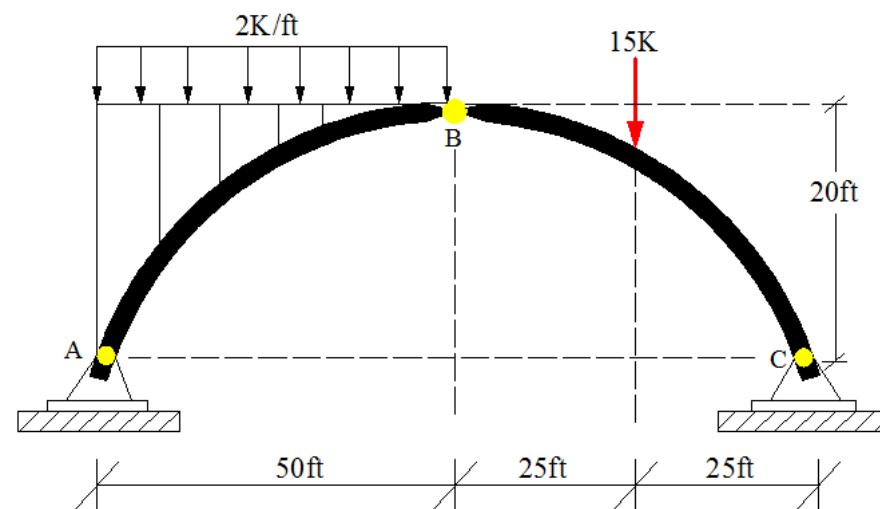
$$\begin{cases} x = 0 \\ y = 0 \end{cases} \quad M_B = 0$$



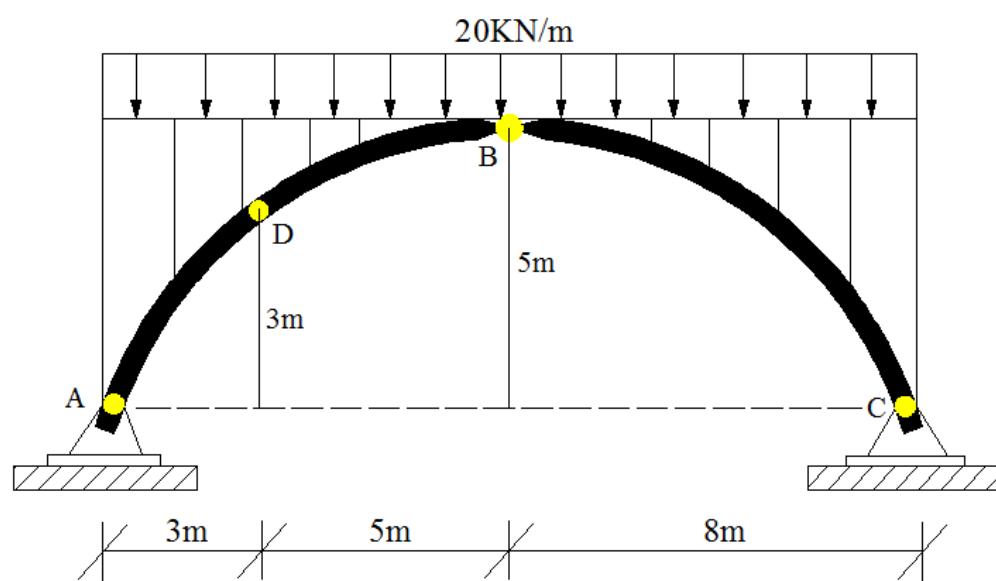


تمرین (Exercise)

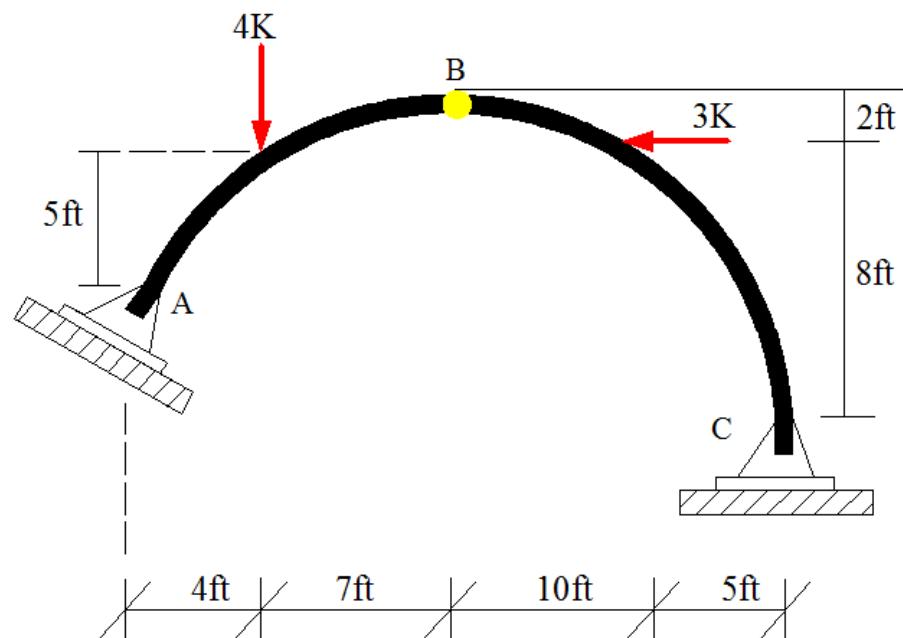
(1) د کمان اتکائی عکس العملونه پیدا کړي؟



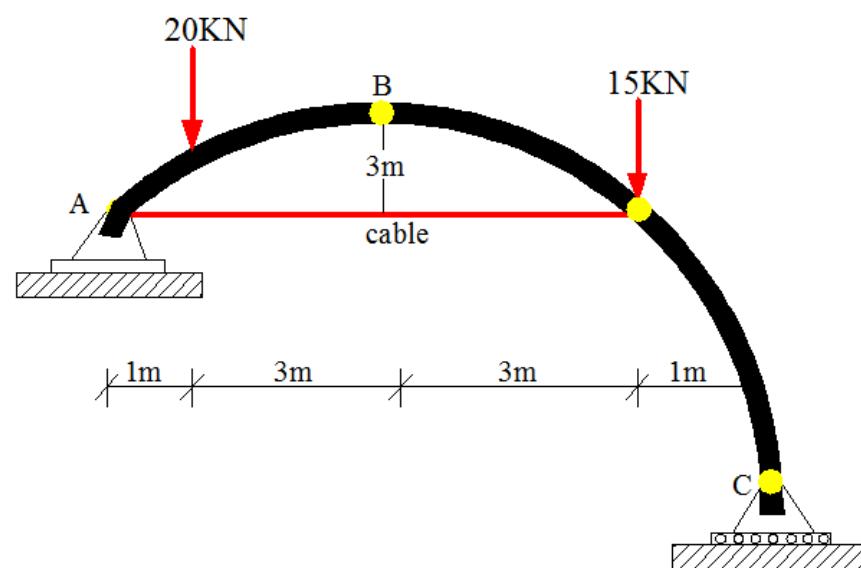
(2) د ورکړل شوی دری مفصلی کمان په D نقطه کې داخلی مومنت پیدا کړي که چېږي کمان د 20KN/m منظم ويشهل شوې بار لاندی واقع وی؟



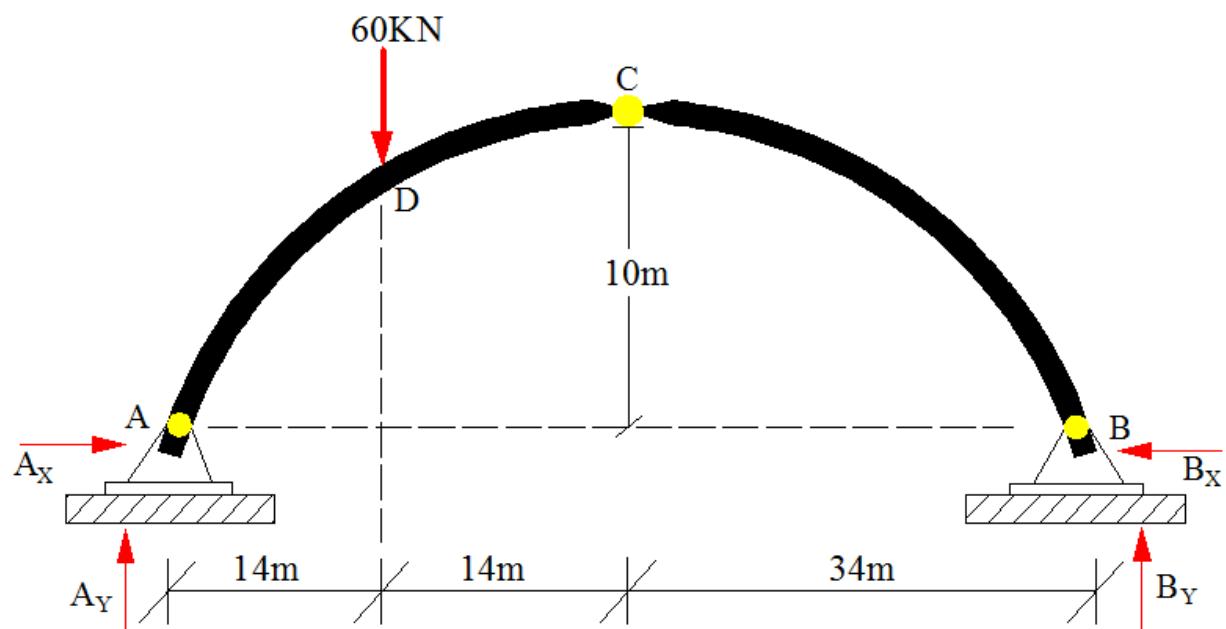
(3) د ورکړل شوی دری مفصلی کمان په A ، B ، C تکو کي اتكائی عکس العملونه پیدا کړي



(4) یو تړل شوی دری مفصلی کمان چې 8 متره وائي لري تاسي یې د اتكايزو غږ ګونونو قيمت او په تړل شوی کېبل کي کششی قوه پیدا کړي



۵) د ورکر شوی دری مفصل لرونکی پرabolی کمان د انحنائی مومنت دیاگرام رسم کری؟؟



اووم خپرکي

د معین ستاتيکي ترسونو تحليل

(Analysis of statically determinate Trusses)

په د فصل کي د معين ستاتيکي ترسونو تحليل تر خيرنۍ لندۍ نيسو او د ترسونو په مختلفو برخو کي کششي يا فشاري قواوي پيدا کولولپاره د غوتتو او قطعي ميتوود تshireح کوو.

ترس (Truss)

د مثلثي برخو خخه جور هجه ساختماني جورخت چي د فلز يا لرکو (Metal and Wood) نري ميلی پکي په مثلثي شکل يو ئاي شوي وي او دا ميلی د کششي يا فشاري قواو لندۍ واقع وي عبارت دی له ترس خخه.

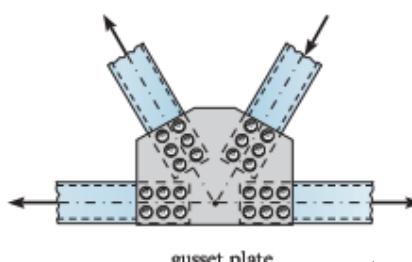
په ترس کي تولي قواوي په محوري بهه اساس ته انتقاليري.

ترسونه په هجه ساختمانونو کښي استعماليري، چي وايه يي لويء وي او د ګادرونو استعمال پکي غير اقتصادي وي.

ترس ته په ګادر هله فوقيت ورکول کيري که موږ د ساخمان په طول کې دلچسيپي ولرونه په ژوروالي کې دا به ډير اقتصادي وي که موږ ترس د 9m خخه 30m فاصله کې استعمال کو، اگرچي دي زيات فاصلې ته هم استعماليري.

په ترسونو کي د عناصر د هندسي شکله ترتیب له امله کوم بار چي د ترس د کوبوالي لامل کيري، د ترسونو په عناصر د کششي او فشاري قواو بدليري.

گزت پليت (Gusset Plate)



د فلزی موادو هجه پليت کوم خخه چي په غوتتو (Joints) کي استفاده کيري او د وصل شويو ميلو په خپل ئاي ساتلو لپاره په جواننت کي کوشير کيري.

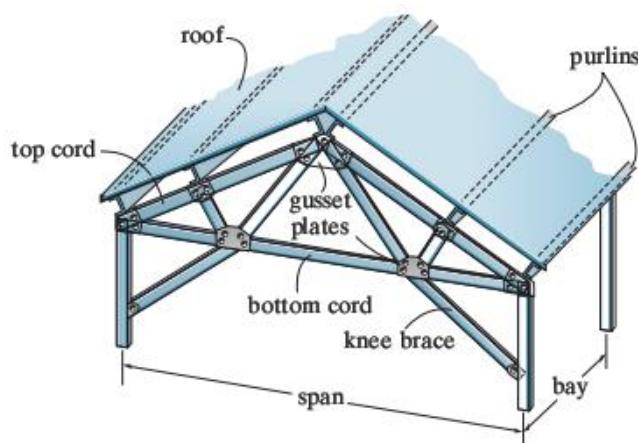
د ترسونو ډولونه (Types of Trusses)

1) په چتونو کي استعماليدونکي ترسونه (Roof Trusses)

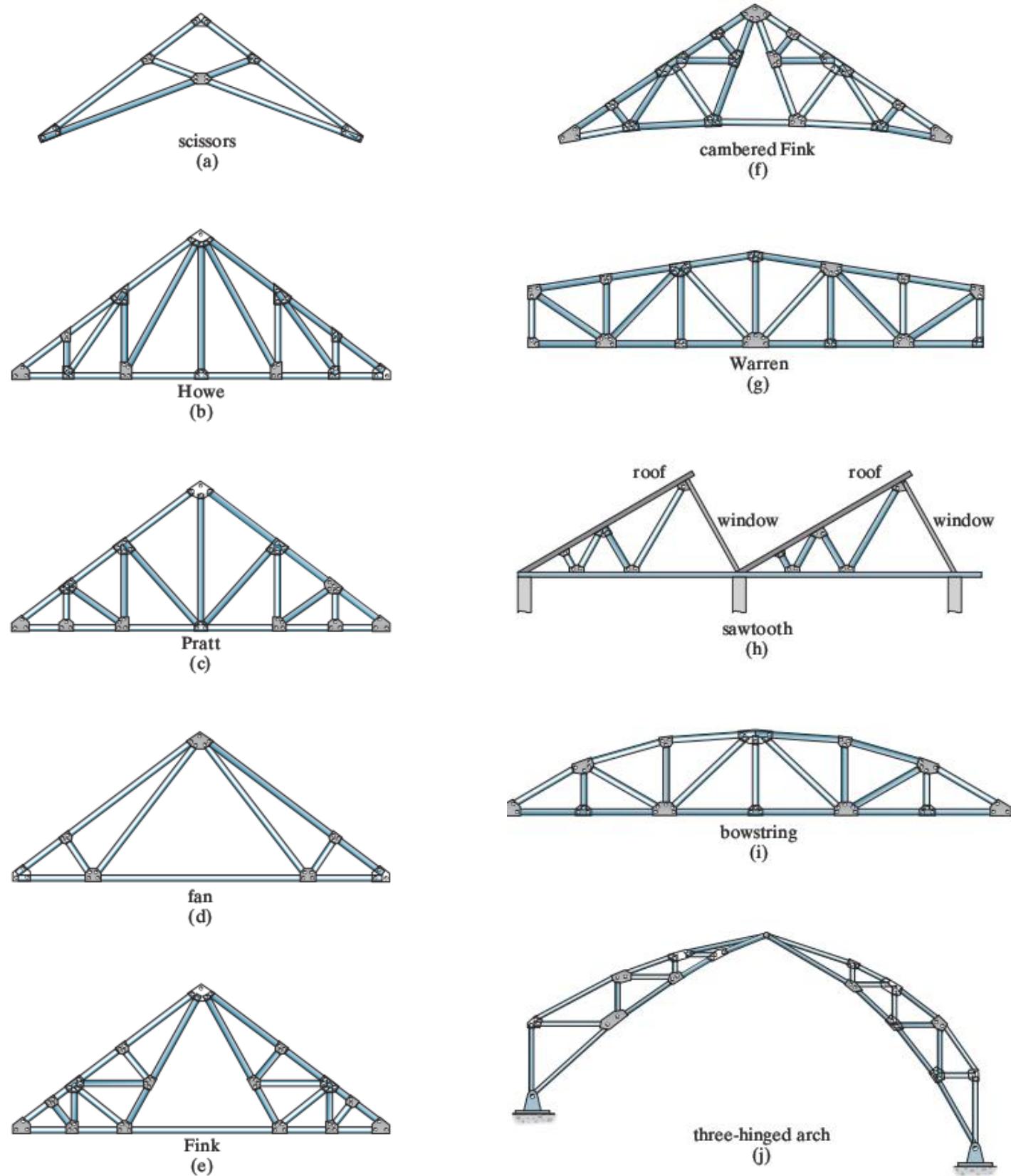


دا ډول ترسونه زياتره د صنعتي تعميراتو يا فابريکو په چتونو کي د مکمل ساختمان یوی برخې په حیث کار کوي لکه خرنګه چې په انځور کي بسodel شوي . دلته د چت خپل وزن او نور چاپيرالي (Joints) پرلنز (purlins) د لاري غوټو او د غوټو خخه تړل شويو ميلو ته . دا ډول ترس سره د تکيه ګانو د بینت (Bent) په نامه يادېږي . دوه ګاونهۍ بینتوونو تر منځ فاصلې ته bay وئيل کېږي . اقتصادي ډيزائين لپاره بائند لاندی نورمونه په پام کي ونيسو .

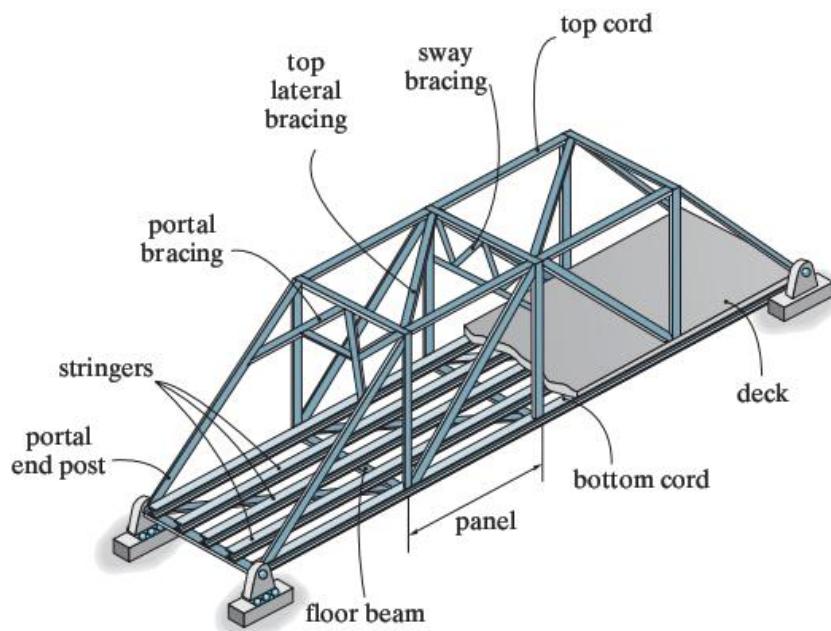
که چيرى ترس 18m وائي لرونکي وي بائند د bay او بدوالى ئى 4.6m .
که چيرى ترس 30m وائي لرونکي وي بائند د bay او بدوالى ئى 6.1m .



کله چې یو ساختمان لپاره ترس مشخص کېږي د تولو مخه د ساختمان وائي ، د چت میلان (slope) او مواد ټاکل کېږي او دغه مشخصات په پام کي نیولو سره د مناسب ترس انتخاب کېږي . په چتونو کي د کوم ډول ترسونو خخه چې استفاده کېږي ، لاندی بسodel شوي دي .



2) په پلونو کي استعماليدونکي ترسونه (Bridge Trusses)



په پلونو کي استعماليدونکي ترسونه مهم غږي په شکل کي بسودل شوي د بارونو اتقال :

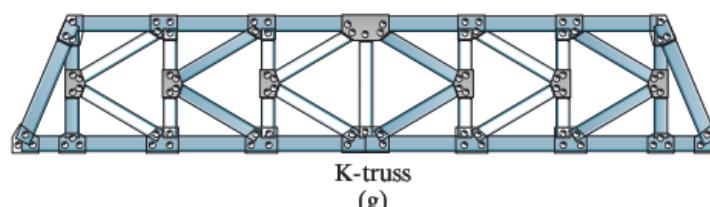
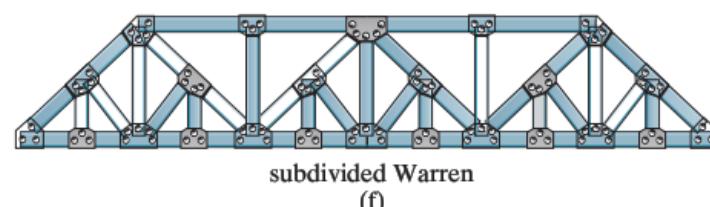
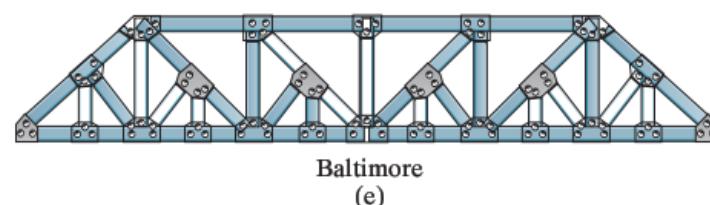
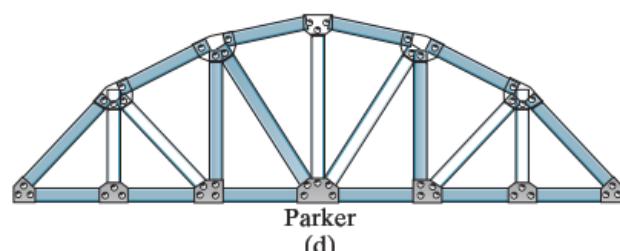
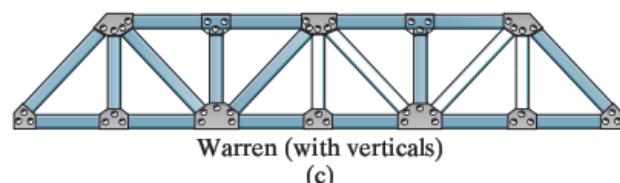
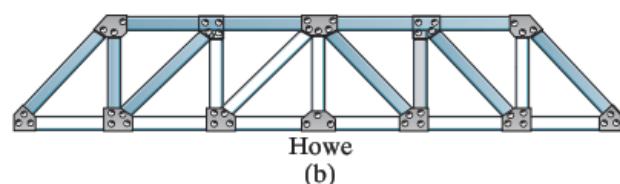
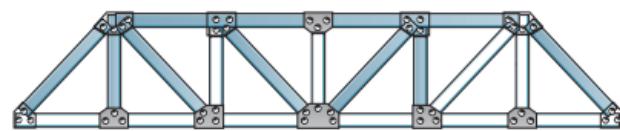
په د ډول ترسونو کي لومړي د عراده جاتو وزن د پل سلب ته اتقالیېري د سلب (deck) خخه طولی ګاډرونو (stringers) ته ، عرضي ګاډرونو (Floor Beams) غوټو (joints) ته اتقالیېري همدارنګه

تول بارونه په منظم ډول غوټو سره وصل شويو ميلو ته او په ورستيو کي اتكاګانو ته اتقالیېري په نوموريو ترسونو کي پورتنۍ او لاندینۍ ميلی خپل مينځ کي د افقی قواو (Wind, EQ) زغملو لپاره تړل کېږي کوم چې د lateral Bracing په نامه بلل کېږي.



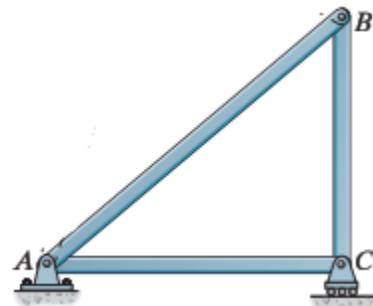
دا چې تودوخى له امله پیدا شوي او برديده د پل ويچارتيا لامل ونه ګړئي په عملی ساحه کي د پل یوی خوا ته متحرکه اتكاء نسب کېږي .

لندی ورکر شویو ترسونو خخه په پلونو کی استفاده کېږي .



د تحلیل له نظره ترسونه په لاتدی ډولونو ويشل کيږي .

(1) ساده ترسونه (Simple trusses)

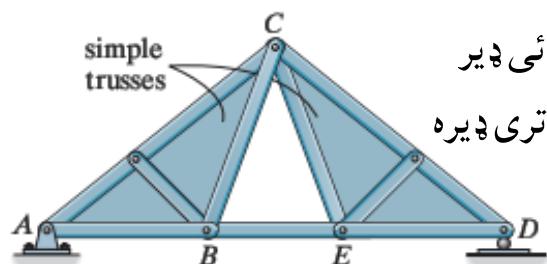


د ډول ترسونه ساده او بنیادی مثلثی غريو خخه جور وی لکه څرنګه چې په شکل کي بنودل شوي . د ويچارتیا مخنيوی لپاره بائند ترس شخ او هندسى تغیر نه منونکي وی .

د ترسونو ستپيلتني ډوئم فصل کي په تفصيل سره تشریح شوي .

(2) مرکبی ترسونه (compound Trusses)

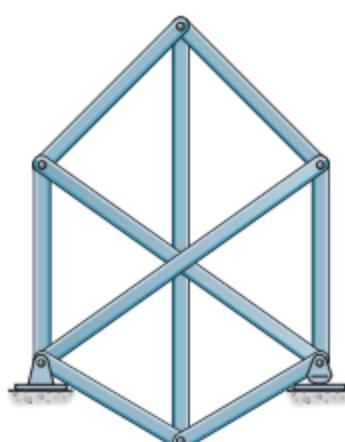
کله چې دوه یا دوو خخه ډير ساده ترسونه خپل مینځ کي د بارونو زغمولپاره وصل کړي شی ، عبارت دی له مرکبی ترسونو خخه .



د ډول ترسونو جورښت ډيراسان او بارونو زغمولو ظرفیت ئی ډير زیات وی همدا وجه ده په عملی ساحه کي او بدرو وائولپاره ترى ډيره استفاده کيږي .

(3) پیچلي ترسونه (Complex Trusses)

د ډول ترس ساده او مرکبی ترسونو سره ډير توپیر لري او تحلیل ئی ساده ترسونو په خير نه گيږي



په ترسونو کي صرف نارملی کششي یا فشاری قوی په داخل د ميلو کي پیدا کيږي او هیچ ډول کوبوالی مومنت یا هم عرضی قوه پکي حضور نه لري .

د ترس په ميلو کې داخلی قوى پیدا کولو لپاره لاندي طريقي لرو

۱. د غوتو طريقيه (Method of joints)

۲. د قطعي طريقيه (Method of section)

۳. گرافيکي طريقيه (Graphical Method)

د معين ستاتيکي ترسونو تحليل (د غوتو طريقيه)

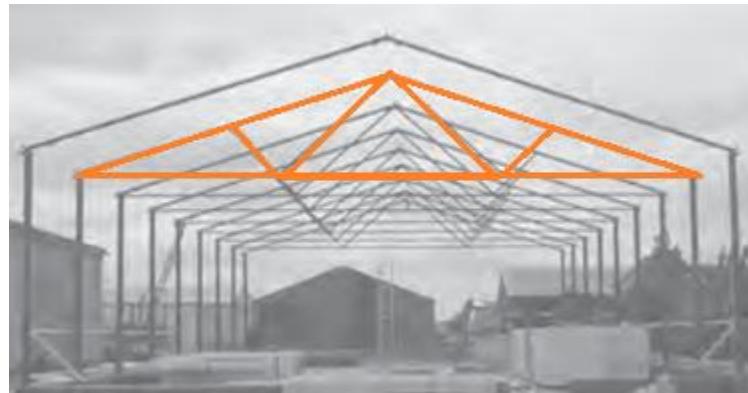
(Analysis of Truss using Method of joint)

د تحليل کرنلاره: (Procedure for Analysis)

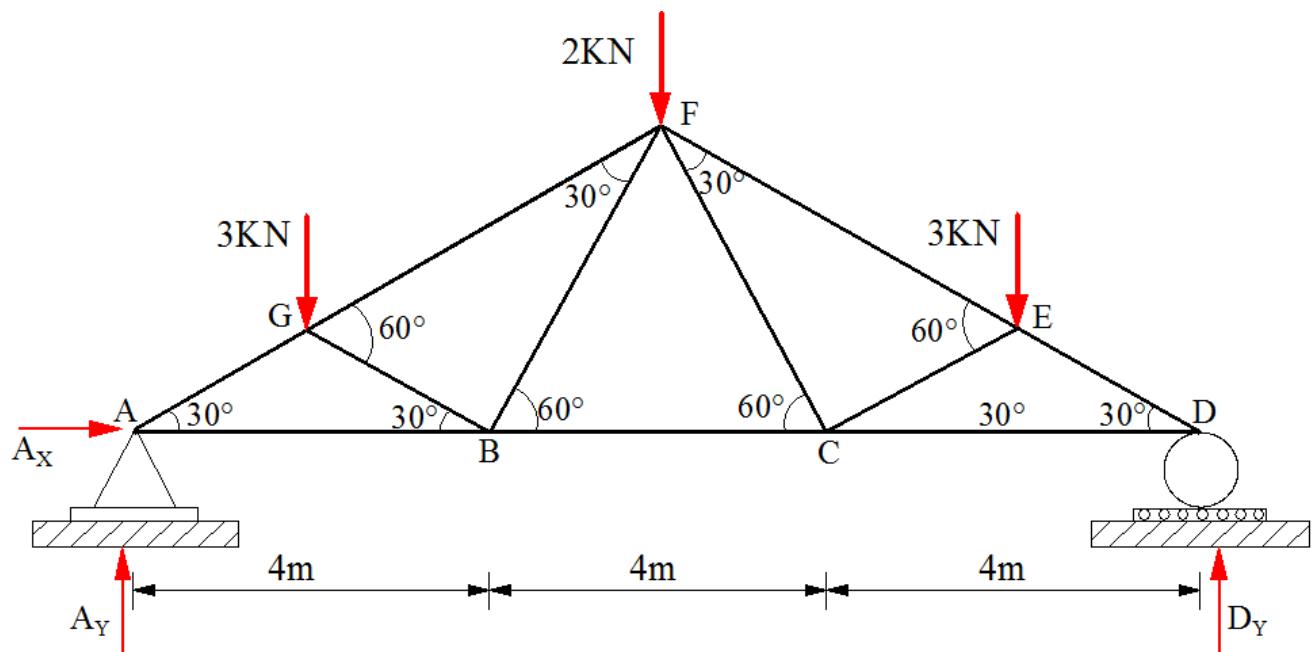
- ✓ لو مری بائدا تکائي غبر گونونه پیدا کرو.
- ✓ د هغه غوتي Free body diagram کابو چې يو یا له يو خخه زياتي معلومى قوى ولري.
- ✓ د قوو اجزا بيلولو لپاره بائد X او Y محور مشخص کو.
- ✓ تعادلى معادلو خخه په استفاده نامعلومى قوى پیدا کوو. $\sum F_Y$ ، $\sum F_X$
- ✓ مثبت او منفي علامت د قوو جهت بنائي مثبت کشش لپاره او منفي فشار لپاره.
- ✓ تحليل لپاره بائد هغه غوتي ته فوقيت ورکول شى کوم چې کم يو او زيات نه زيات دوه معلومى قوى ولري.

✓ کله چې د يو ميلى په سر کي نامعلومه قوه محاسبه شى د ميلى په دوئم سر کي همدا قيمت استعمال يوري (فقط جهت ئى تغير خورى)

- ✓ کله چې ميله په کشش کي واقع وي غوتي به ئى فشار کي وي
- ✓ کله چې ميله په فشار کي واقع وي غوتي به ئى کشش کي وي



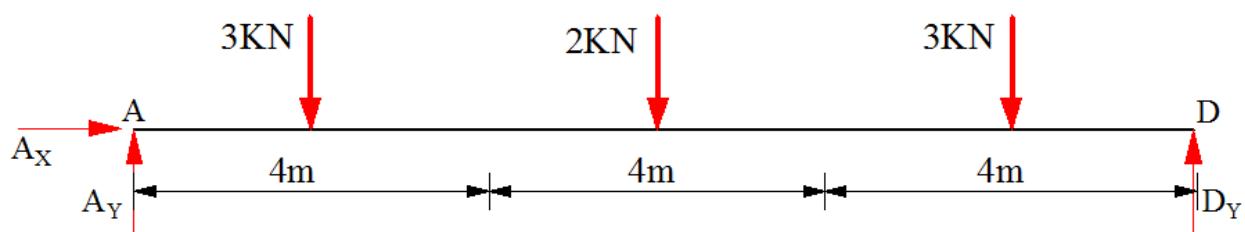
1) مثال: په انځور کې د بنودل شوي
ترس (Roof Truss) د ټولو ميلو
داخلی قوى محاسبه کړي او وښائي
کومه برخه په کشش یا فشار کې
واقع ده. نور معلومات په لاتدي
ډول دي.



حل:

دا چې ترس د قوو او هندسي شکل دواړو د لحاظه مشابهه دی نو صرف یواړخ ئی تحلیل کوو

1) اتكائي غبرګونونه



$$\sum M_D = 0 \rightarrow 12A_Y - (3*10) - (2*6) - (3*2) = 0 \rightarrow A_Y = 4\text{KN}$$

$$\sum F_Y = 0 \rightarrow 4 + D_Y - 3 - 2 - 3 = 0 \rightarrow D_Y = 4\text{KN}$$

$$\sum F_X = 0 \rightarrow A_X = 0$$

Joint A:

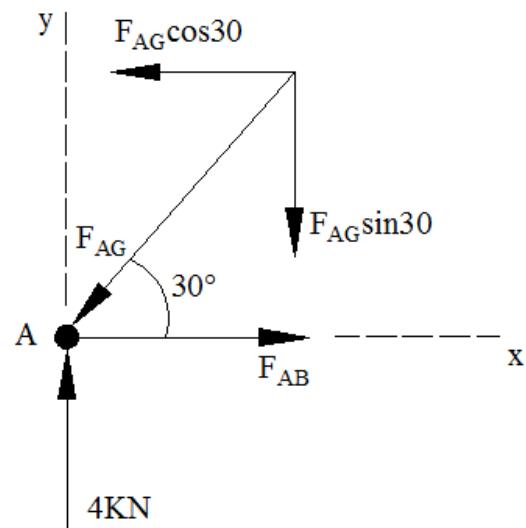
$$\sum F_Y = 0 \rightarrow 4 - F_{AG} \sin 30 = 0$$

$F_{AG} = 8\text{KN}$ (compression)

$$\sum F_X = 0 \rightarrow F_{AB} - F_{AG} \cos 30 = 0$$

$$F_{AB} = 8 \cos 30$$

$F_{AB} = 6.93\text{KN}$ (Tension)



Joint G:

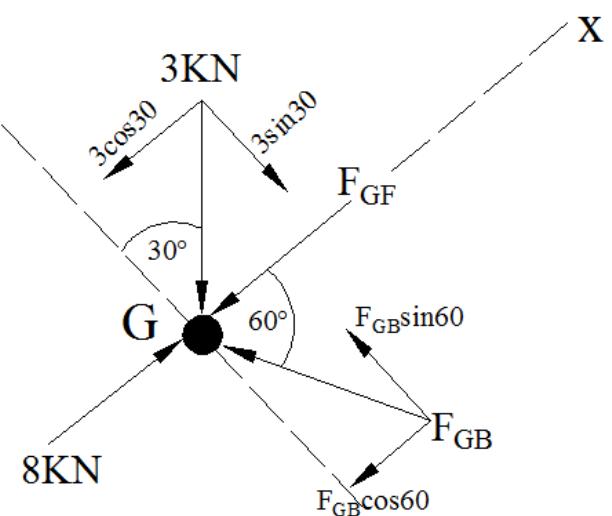
د محوراتو په تغیر کولو سره سوال د اوږدی محاسبې خخه ژغورل کيږي.

$$\sum F_Y = 0 \rightarrow F_{GB} \sin 60 - 3 \sin 30 = 0$$

$F_{GB} = 3\text{KN}$ (compression)

$$\sum F_X = 0 \rightarrow 8 - F_{GF} - 3 \cos 30 - 3 \cos 60 = 0$$

$F_{GF} = 5\text{KN}$ (compression)



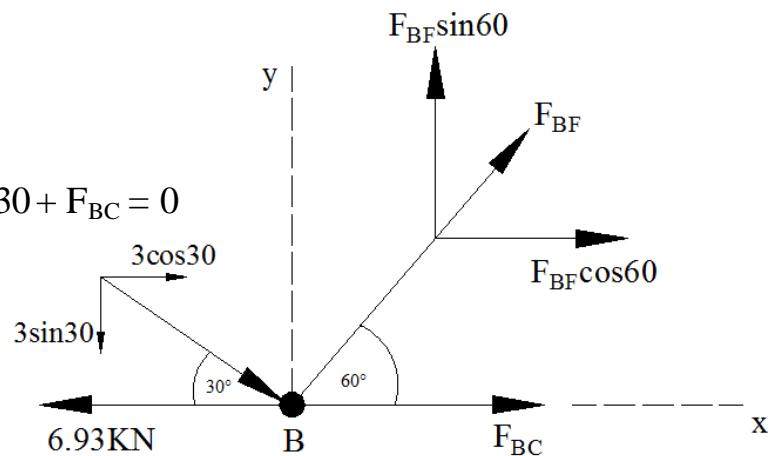
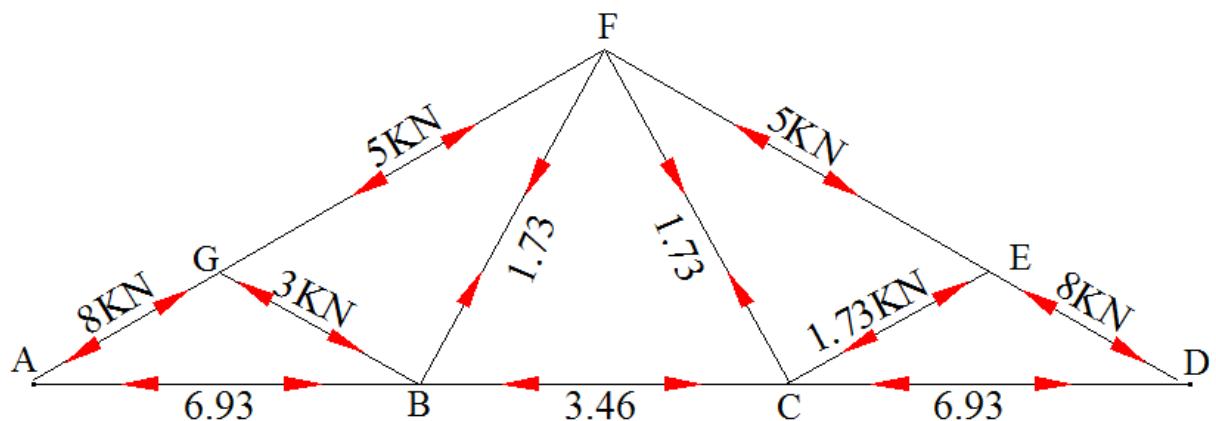
Joint B:

$$\sum F_Y = 0 \rightarrow F_{BF} \sin 60 - 3 \sin 30 = 0$$

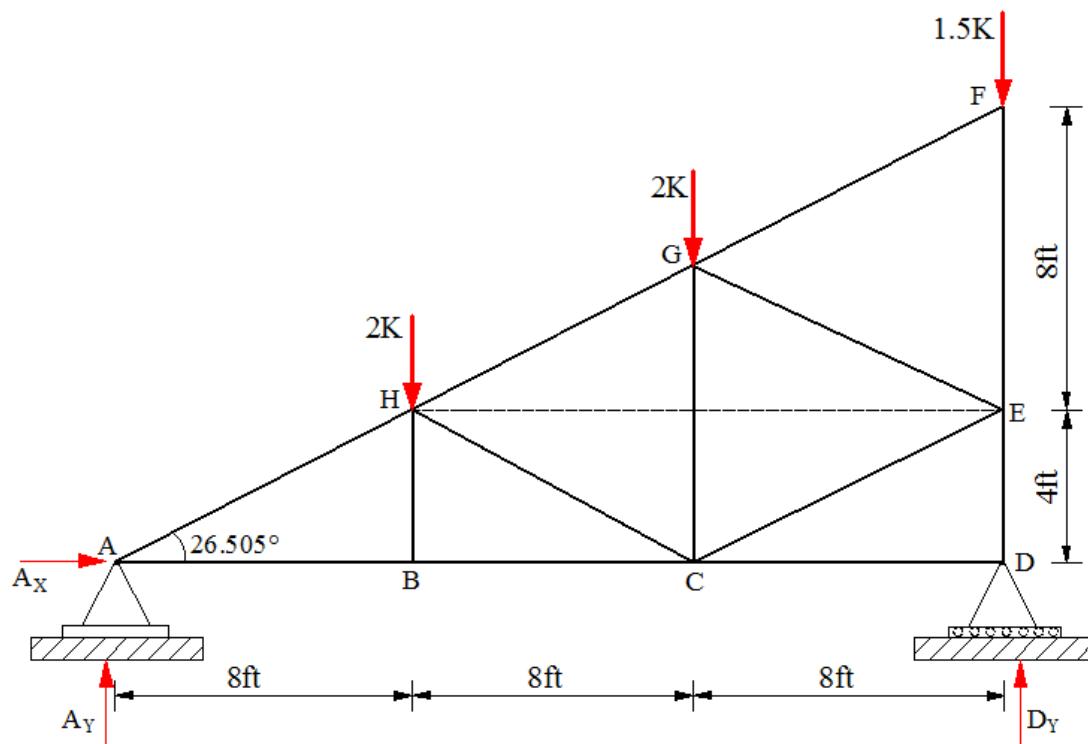
$F_{BF} = 1.73 \text{ KN}$ (Tension)

$$\sum F_X = 0 \rightarrow 6.93 + 1.73 \cos 60 + 3 \cos 30 + F_{BC} = 0$$

$F_{BC} = 3.46 \text{ KN}$ (Tension)

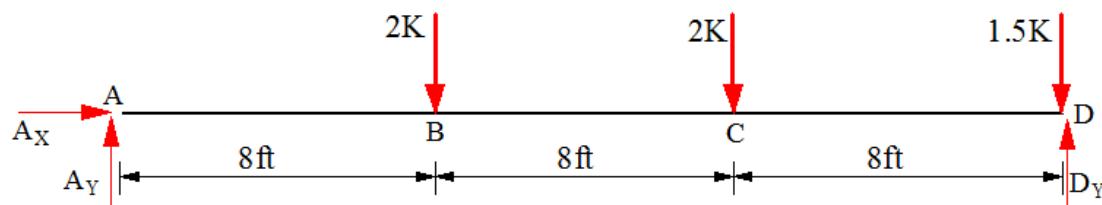
**Final Diagram**

مثال: 2 د ورکول شوي ترس په ټولو برخو کې قوي پيدا کړي او وبنائي کومه برخه په کشش يا فشار کې واقع ده.



حل:

(1) اتكائي غړونونه (Support Reactions)



$$\sum M_D = 0 \rightarrow 24A_Y - (2*16) - (2*8) = 0 \rightarrow A_Y = 2K$$

$$\sum F_Y = 0 \rightarrow 2 + D_Y - 2 - 2 - 1.5 = 0 \rightarrow D_Y = 3.5K$$

$$\sum F_X = 0 \rightarrow A_X = 0$$

Joint A:

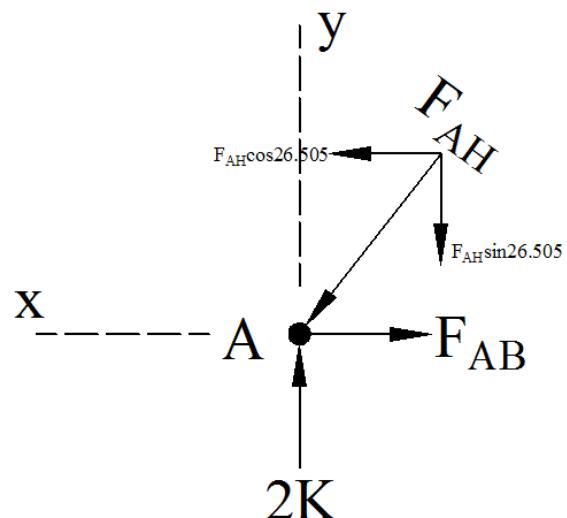
$$\sum F_Y = 0 \rightarrow 2 - F_{AH} \sin 26.505 = 0$$

$F_{AH} = 4.48K$ (compression)

$$\sum F_X = 0$$

$$F_{AB} - 4.48 \cos 26.505 = 0$$

$F_{AB} = 4K$ (Tension)

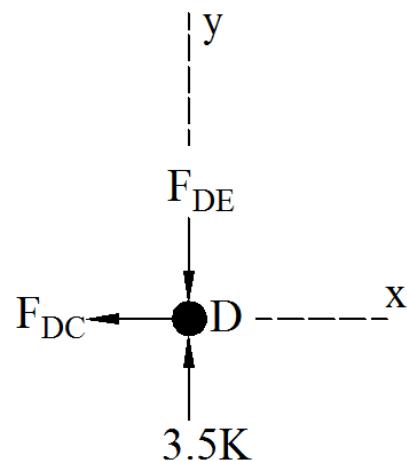
**Joint D:**

$$\sum F_Y = 0 \rightarrow 3.5 - F_{DE} = 0$$

$F_{DE} = 3.5KN$ (compression)

$$\sum F_X = 0 \rightarrow F_{DC} = 0$$

$F_{DC} = 0$

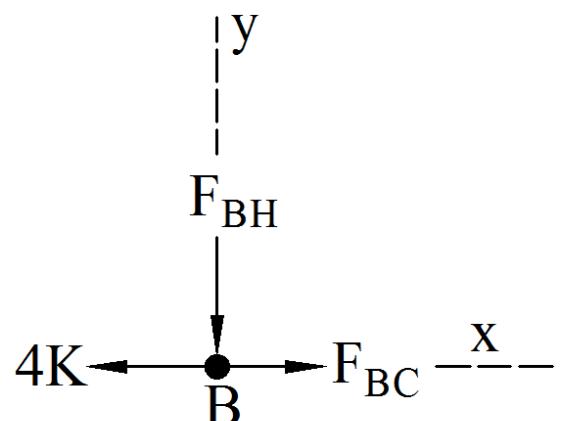
**Joint B:**

$$\sum F_Y = 0 \rightarrow F_{BH} = 0$$

$F_{BH} = 0$

$$\sum F_X = 0 \rightarrow F_{BC} = 0$$

$$-4 + F_{BC} = 0 \rightarrow F_{BC} = 4K \text{ (Tension)}$$



Joint H:

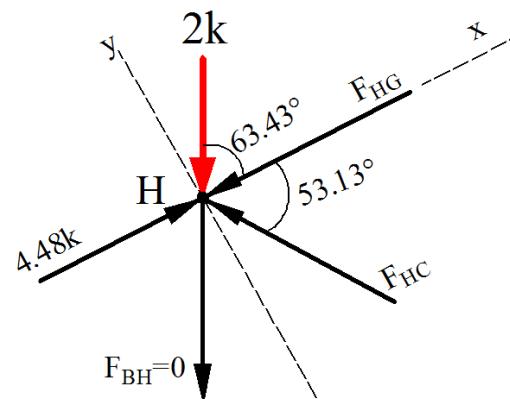
$$\sum F_Y = 0 \rightarrow -2\sin 63.43^\circ + F_{HC} \sin 53.13^\circ = 0$$

$$F_{HC} = 2.24K \text{ (compression)}$$

$$\sum F_X = 0 \rightarrow F_{BC} = 0$$

$$+4.48 - F_{HG} - 2\cos 63.43^\circ - 2.24\cos 53.13^\circ = 0$$

$$F_{HG} = 2.24K \text{ (compression)}$$

**Joint F:**

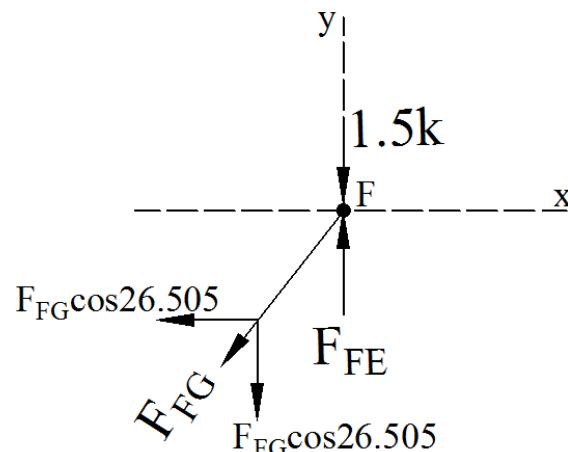
$$\sum F_X = 0 \rightarrow F_{BC} = 0$$

$$F_{FG}\cos 26.505 = 0$$

$$F_{FG} = 0$$

$$\sum F_Y = 0 \rightarrow F_{FE} - 1.5 = 0$$

$$F_{FE} = 1.5K \text{ (compression)}$$

**Joint G:**

$$\sum F_X = 0 \rightarrow F_{BC} = 0$$

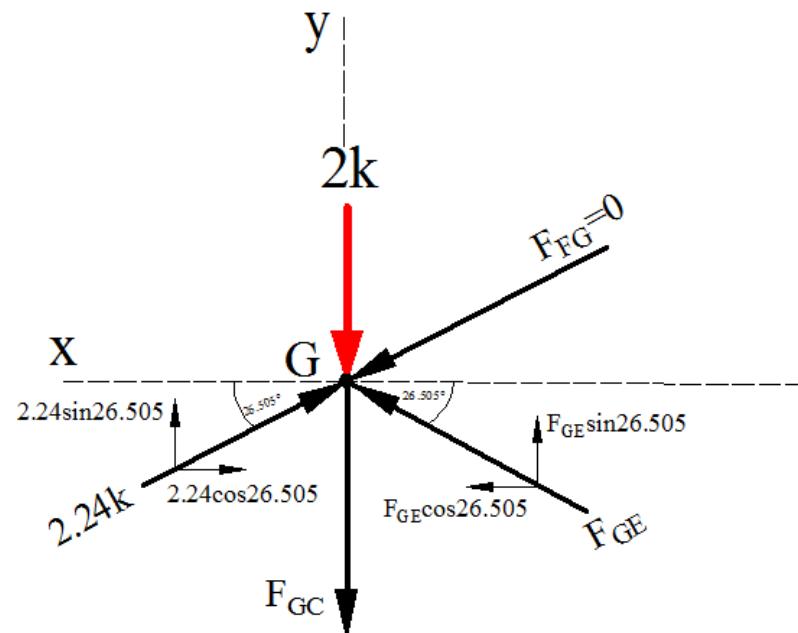
$$2.24\cos 26.505 - F_{GE}\cos 26.505 = 0$$

$$F_{GE} = 2.24K \text{ (compression)}$$

$$\sum F_Y = 0 \rightarrow$$

$$-2F_{GC} + 2(2.24\sin 26.505) = 0$$

$$F_{GC} = 0$$



Joint E:

$$\sum F_x = 0 \rightarrow F_{BC} = 0$$

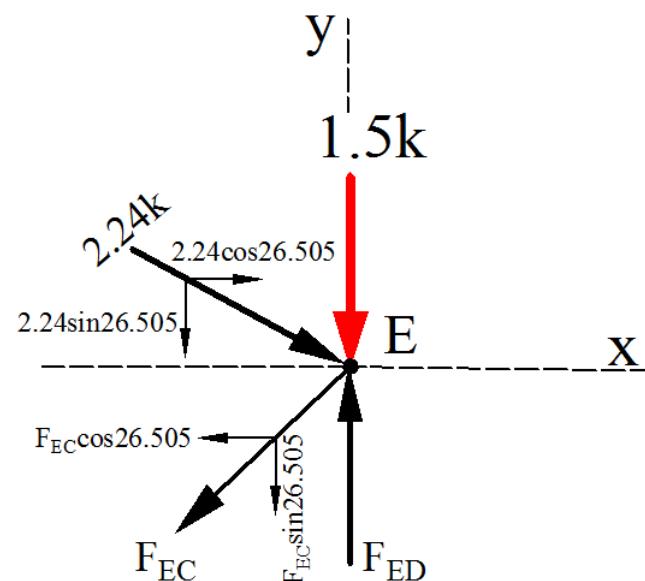
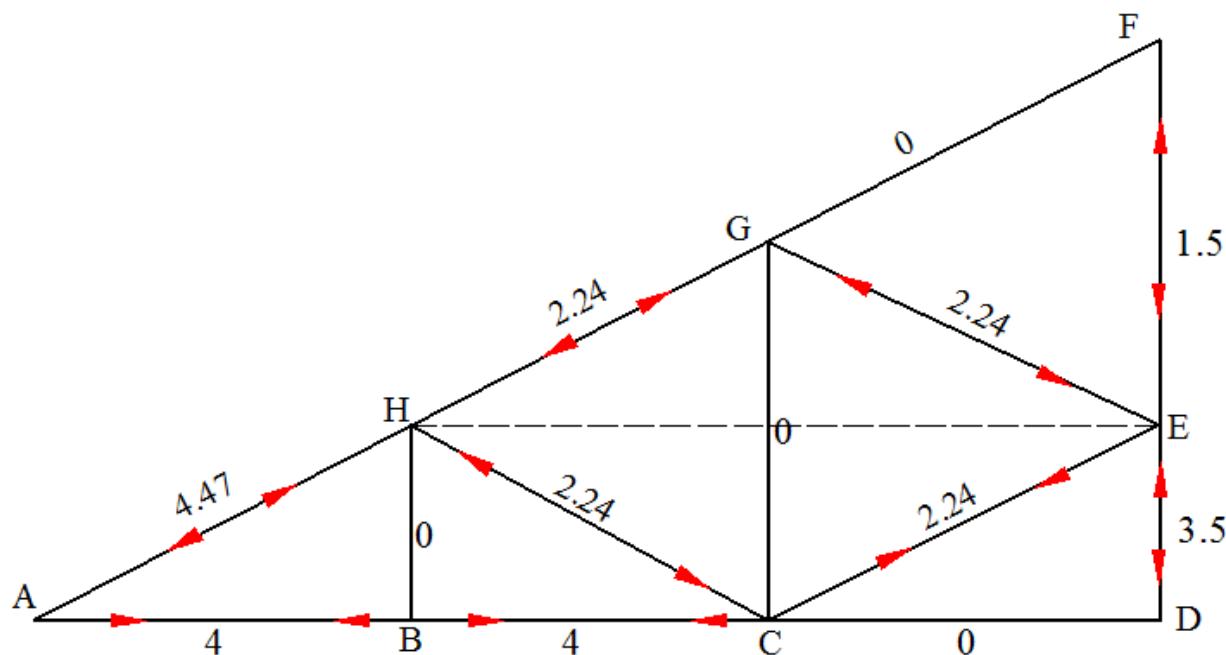
$$2.24\cos 26.505 - F_{EC}\cos 26.505 = 0$$

$F_{EC} = 2.24K$ (Tension)

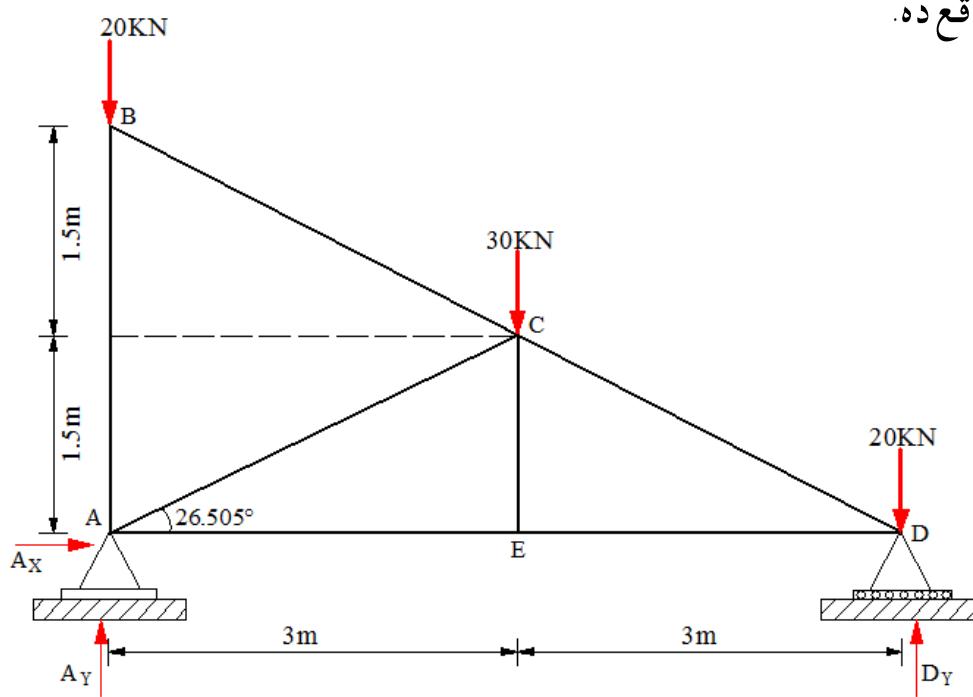
$$\sum F_y = 0 \rightarrow$$

$$-1.5 + F_{ED} - 2(2.24\sin 26.505) = 0$$

$F_{ED} = 3.5k$ (Compression)

**Force Diagram:**

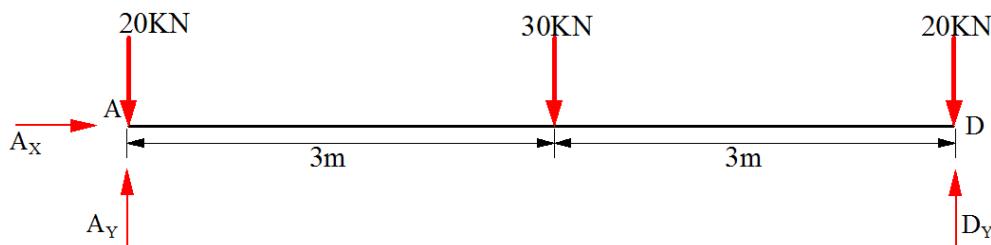
مثال: ۳ د ورکرل شوی ترس په ټولو برخو کې قوي پیدا کړي او وبنيا چي کومه برخه په کشش يا فشار کې واقع ډه.



حل:

$$S.I = m + r - 2j = 7 + 3 - (2 \cdot 5) = 0 \quad (\text{معین ستاتیکی سیستم})$$

اتکائی عکس العملونه: (Support Reactions)



$$\sum M_D = 0 \rightarrow 6A_Y - (20 \cdot 6) - (30 \cdot 3) = 0 \rightarrow A_Y = 35\text{kN}$$

$$\sum F_Y = 0 \rightarrow 35 + D_Y - 20 - 30 = 0 \rightarrow D_Y = 35\text{kN}$$

$$\sum F_X = 0 \rightarrow A_X = 0$$

Joint D:

$$\sum F_Y = 0 \rightarrow$$

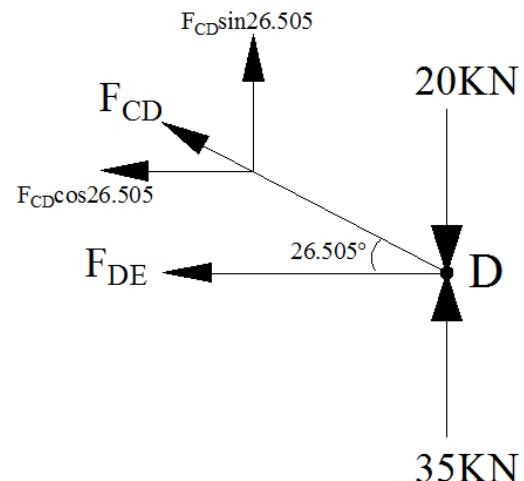
$$35 + F_{CD} \sin 26.505 - 20 = 0$$

$$F_{CD} = -33.5 \text{ KN (Compression)}$$

$$\sum F_X = 0 \rightarrow F_{BC} = 0$$

$$-F_{DE} - (-33.5 \cos 26.505) = 0$$

$$F_{DE} = 30 \text{ kN (Tension)}$$

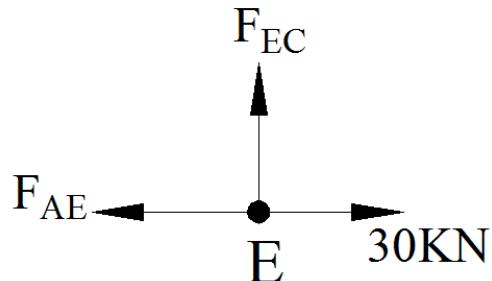
**Joint E:**

$$\sum F_Y = 0 \rightarrow$$

$$F_{EC} = 0$$

$$\sum F_X = 0 \rightarrow -F_{AE} + 30 = 0$$

$$F_{AE} = 30 \text{ kN (Tension)}$$

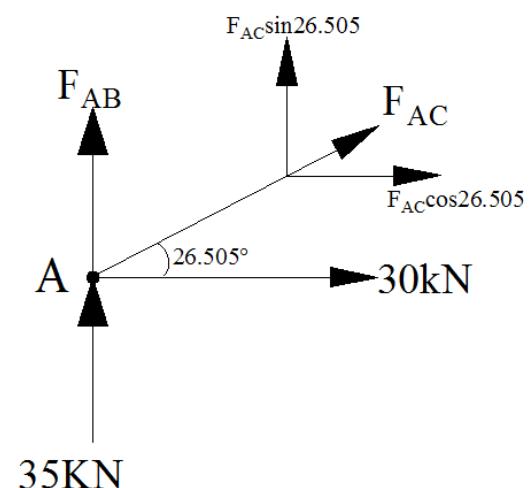
**Joint A:**

$$\sum F_X = 0 \rightarrow +F_{AC} \cos 26.505 + 30 = 0$$

$$F_{AC} = -33.5 \text{ KN (compression)}$$

$$\sum F_Y = 0 \rightarrow (-33.5 \sin 26.505) + 35 + F_{AB} = 0$$

$$F_{EC} = -20 \text{ (compression)}$$

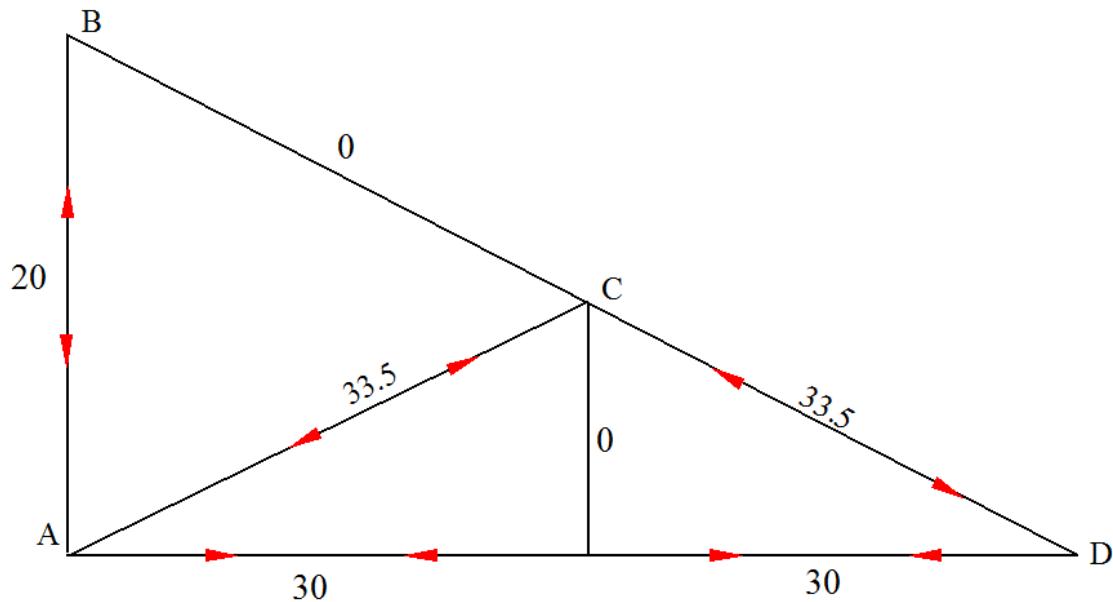


Joint B:

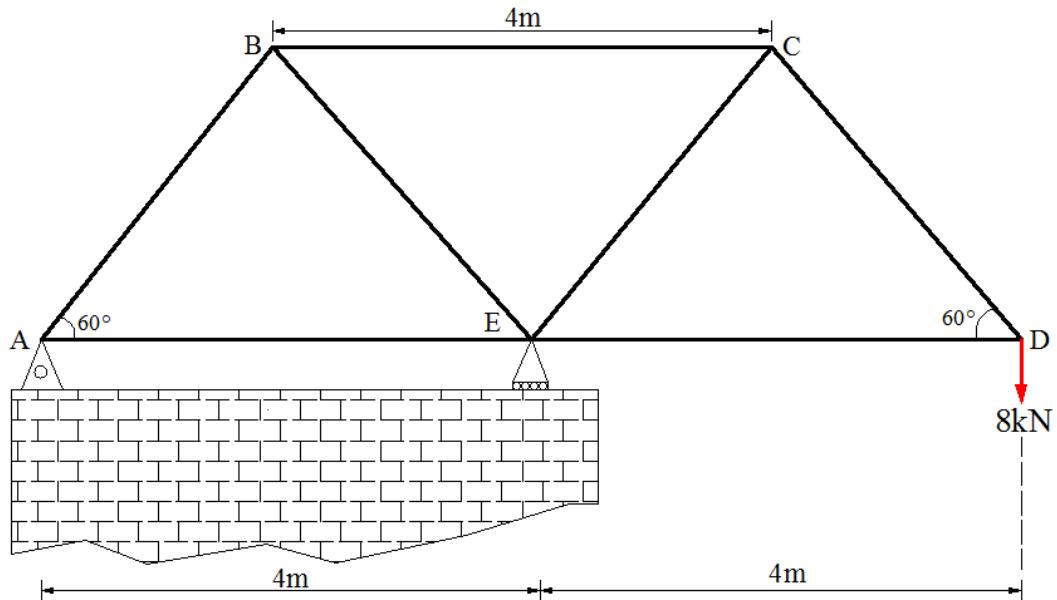
$$\sum F_x = 0 \rightarrow +F_{BC} \cos 26.505 = 0$$

$$F_{BC} = 0$$

Force Diagram:

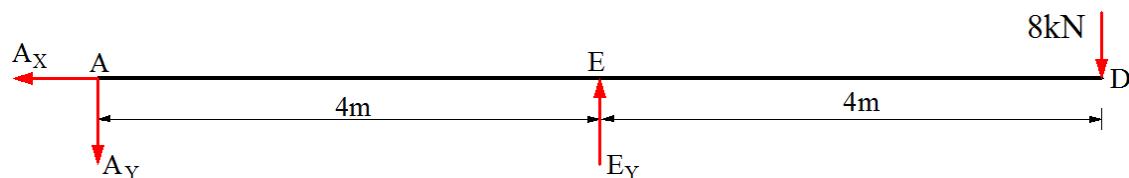


مثال: ۴۰ ورکر شوی ترس په ټولو برخو کې قوي پیدا کړي او وبنيا چي کومه برخه په کشش يا
فشار کې واقع ده. $P=8\text{KN}$



حل: جواينت ميتوه:

اتکائي عکس العملونه (Support Reactions)



$$\sum M_E = 0 \rightarrow -4A_Y + (8*4) = 0 \rightarrow A_Y = 8\text{kN}$$

$$\sum F_Y = 0 \rightarrow -8 + E_Y - 8 = 0 \rightarrow E_Y = 16\text{kN}$$

$$\sum F_X = 0 \rightarrow A_X = 0$$

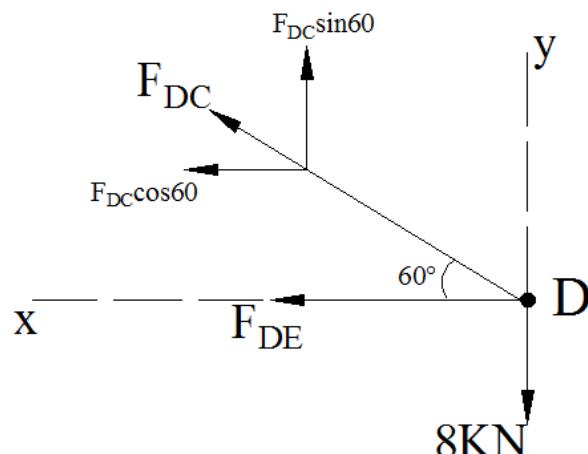
Joint D:

$$\sum F_y = 0 \rightarrow +F_{DC}\sin 60 - 8 = 0$$

$F_{DC} = 9.24 \text{ KN (Tension)}$

$$\sum F_x = 0 \rightarrow -F_{DE} - 9.24\cos 60 = 0$$

$F_{DE} = -4.62 \text{ (compression)}$

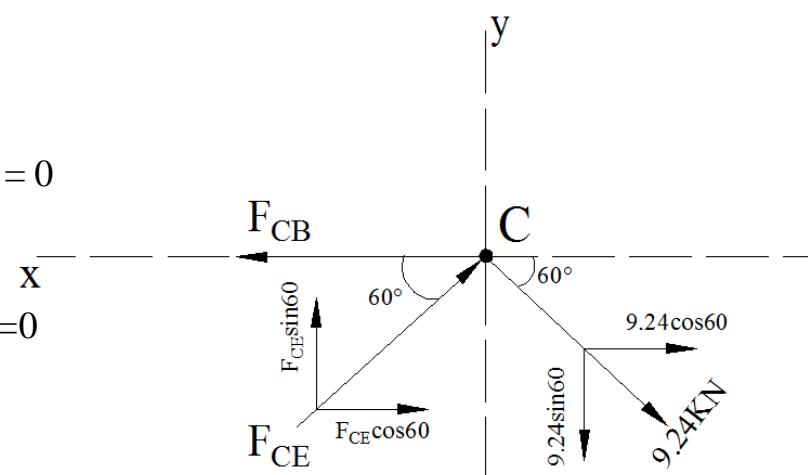
**Joint C:**

$$\sum F_y = 0 \rightarrow +F_{CE}\sin 60 - 9.24\sin 6 = 0$$

$F_{CE} = 9.24 \text{ KN (compression)}$

$$\sum F_x = 0 \rightarrow -F_{CB} + 2(9.24\cos 60) = 0$$

$F_{CB} = 9.24 \text{ KN (Tension)}$

**Joint B:**

$$\sum F_y = 0 \rightarrow +F_{BE}\sin 60 - F_{BA}\sin 6 = 0$$

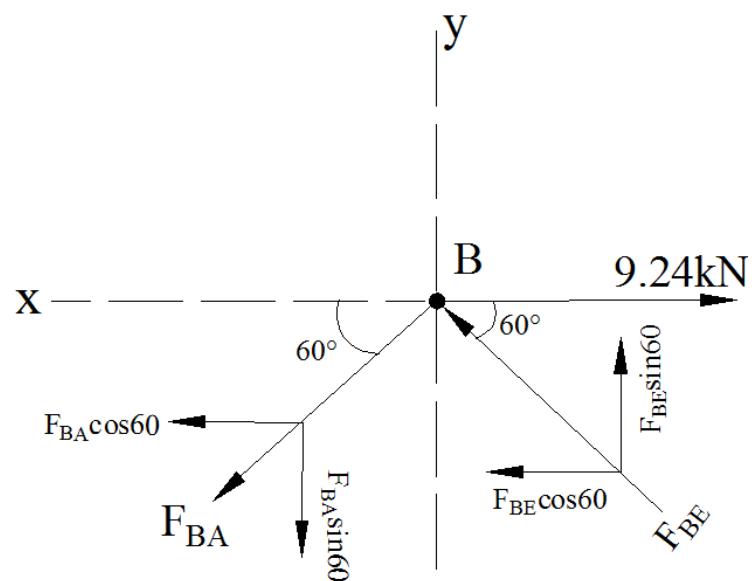
$F_{BE} = F_{BA}$

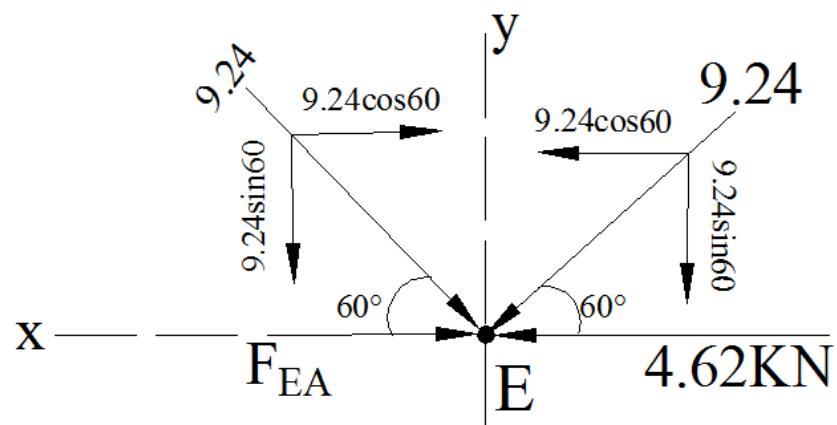
$$\sum F_x = 0 \rightarrow 9.24 - 2F\cos 60 = 0$$

$F = 9.24 \text{ KN}$

$F_{BE} = 9.24 \text{ KN (compression)}$

$F_{BA} = 9.24 \text{ KN (Tension)}$



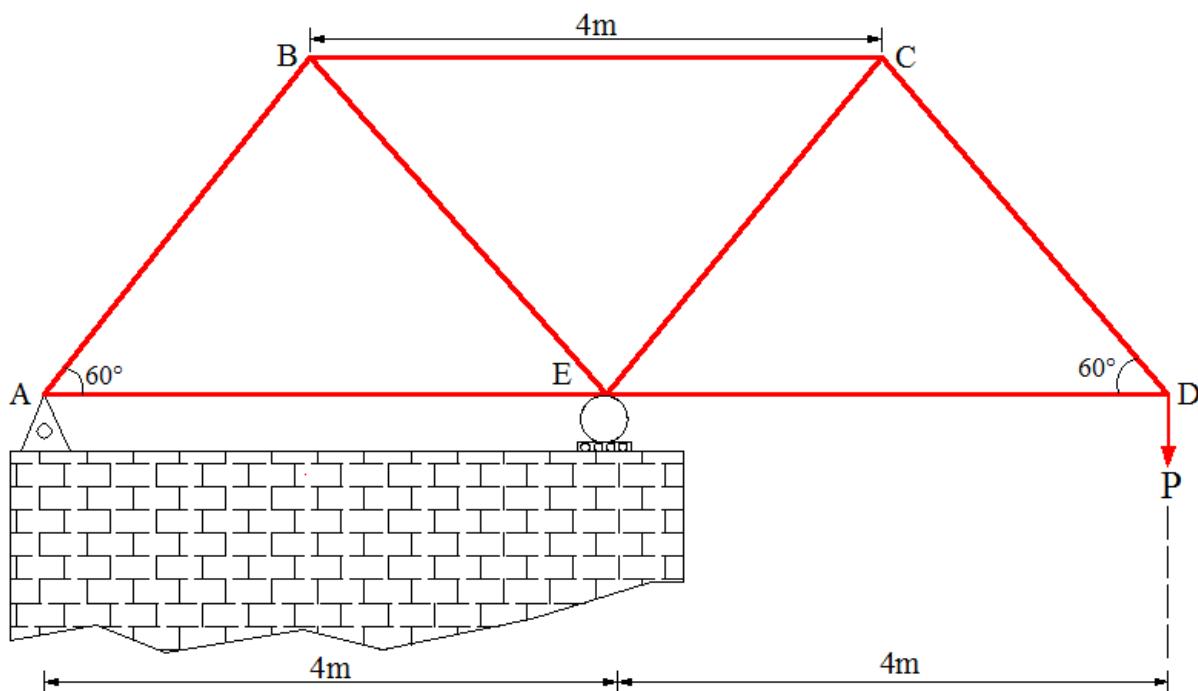


Joint E:

$$\sum F_x = 0 \rightarrow F_{EA} + 9.24\cos 60 - 9.24\cos 60 - 4.62 = 0$$

$F_{EA} = 4.62 \text{ KN}$ (Compression)

مثال: 5 که چیری په بنودل شوی ترس کی د هری میلې د کششی قواو زغملو ظرفیت 8KN او فشاری قواو ظرفیت 6kN وی تاسی په D نقطه کی نامعلومه قوه (P) پیدا کړي؟



حل: اتكائي عکس العملونه محاسبې ته اړتیا نه لري.

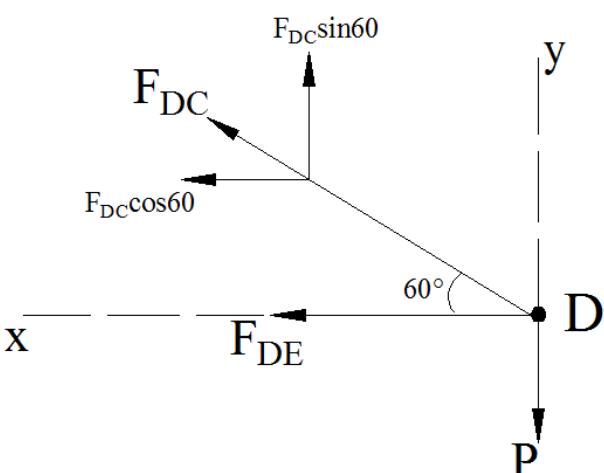
Joint D:

$$\sum F_y = 0 \rightarrow +F_{DC}\sin 60 - P = 0$$

$$F_{DC} = 1.1547P \text{ (Tension)}$$

$$\sum F_x = 0 \rightarrow -F_{DE} - (1.1547P) \cos 60 = 0$$

$$F_{DE} = -0.57735P \text{ (compression)}$$



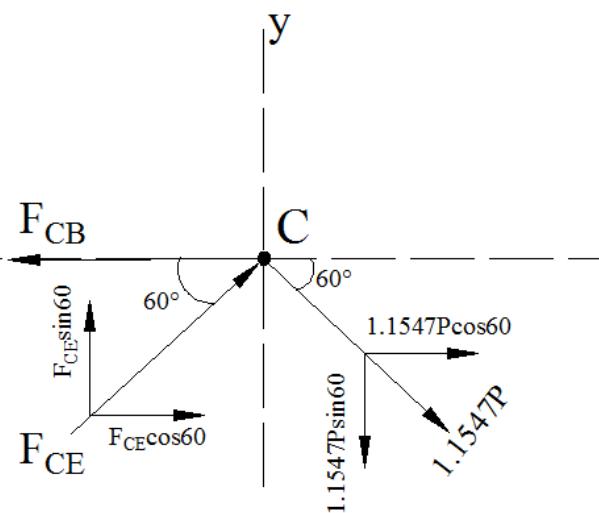
Joint C:

$$\sum F_y = 0 \rightarrow +F_{CE} \sin 60 - 1.1547P \sin 60 = 0$$

$F_{CE} = 1.1547P$ (compression)

$$\sum F_x = 0 \rightarrow -F_{CB} + 2(1.1547P \cos 60) = 0$$

$F_{CB} = 1.1547P$ (Tension)

**Joint B:**

$$\sum F_y = 0 \rightarrow +F_{BE} \sin 60 - F_{BA} s \in 6 = 0$$

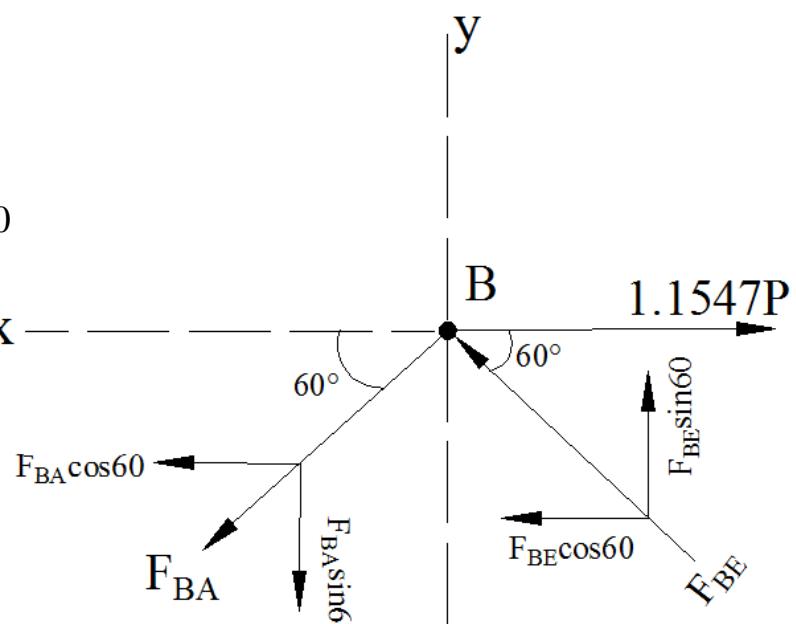
$F_{BE} = F_{BA}$

$$\sum F_x = 0 \rightarrow 1.1547P - 2F \cos 60 = 0$$

$F = 1.1547P$

$F_{BE} = 1.1547P$ (compression)

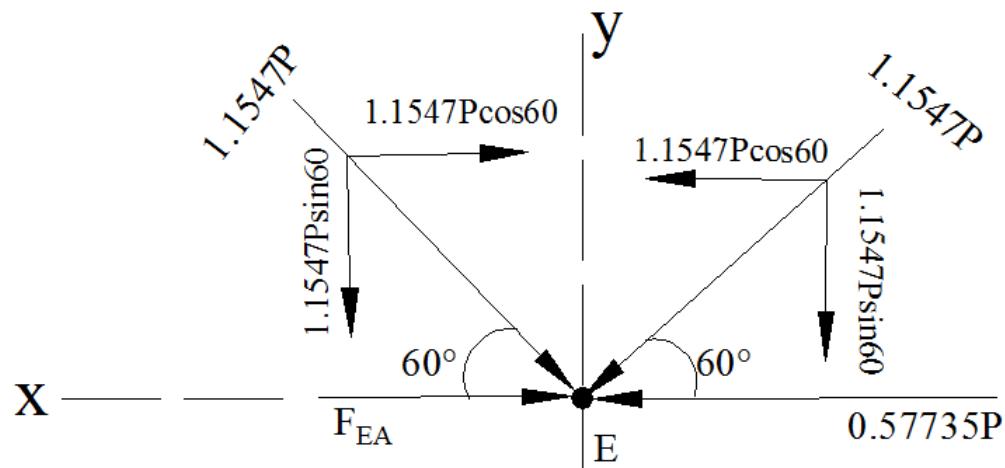
$F_{BA} = 1.1547P$ (Tension)



Joint E:

$$\sum F_x = 0 \rightarrow F_{EA} + 1.1547P\cos 60 - 1.1547P\cos 60 - 0.57735P = 0$$

$$F_{EA} = 0.57735P \text{ (Compression)}$$



پورتنی تحلیل خخه پوهیبرو

$$\text{اعظمی کششی قوه} = 1.1547P$$

$$\text{اعظمی فشاری قوه} = 1.1547P$$

$$1.1547P = 8 \quad \text{د} P \text{ قیمت کششی قواولپاره :}$$

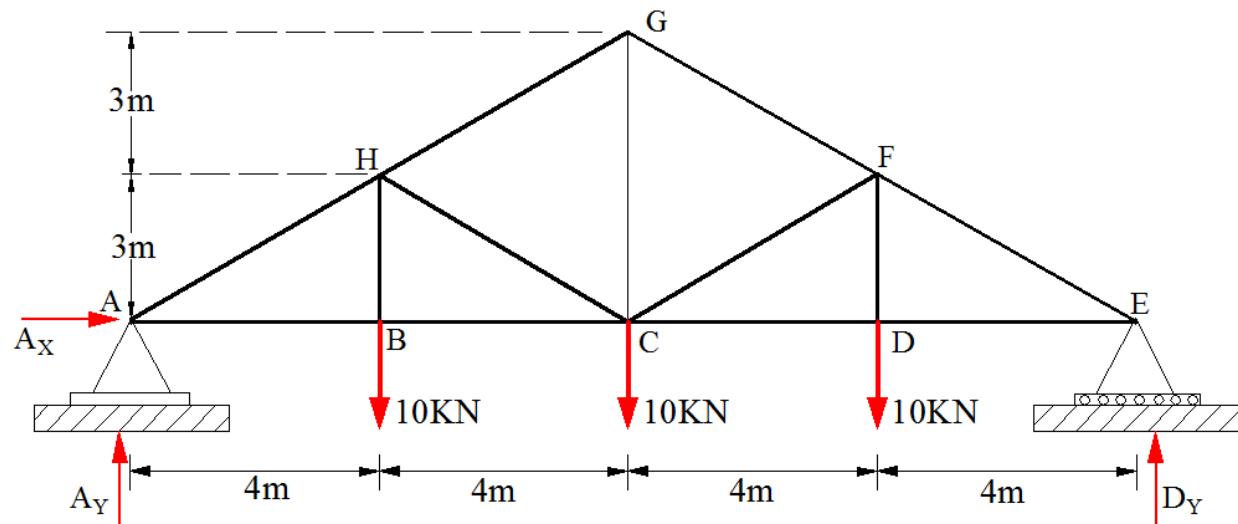
$$P = 6.93\text{KN}$$

$$1.1547P = 6 \quad \text{د} P \text{ قیمت فشاری قواولپاره :}$$

$$P = 5.20\text{KN}$$

Here the value of $P=5.20\text{KN}$ controls the design, if we assume $p=6.93$ then it exceeds the capacity of compressive forces

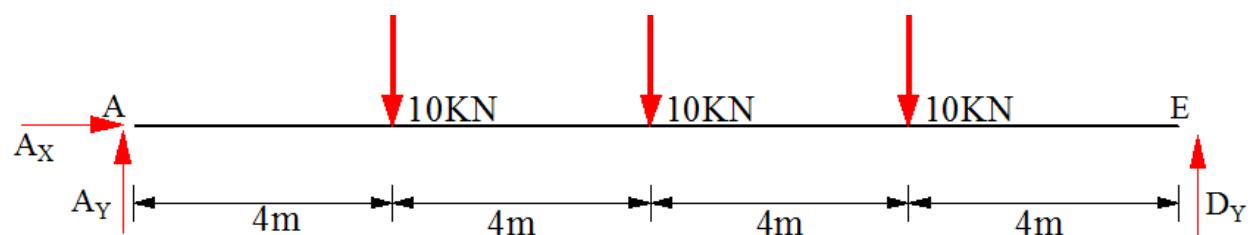
مثال 6: د لاندی ورکر شوی ترس په تولو ميلو کی داخلی قوى محاسبه کري؟ او وبنائي کوم غږي ئې په کشش يا فشار کي واقع دي؟ (د غوتو طريقه)



حل:

دا چې ترس د قوو او هندسى شکل دواړو د لحاظه مشابهه دی نو صرف یواړخ ئې تحلیل کوو

2) اتكائي غړڳونونه



$$\sum M_D = 0 \rightarrow 16A_Y - (10*12) - (10*8) - (10*4) = 0 \rightarrow A_Y = 15KN$$

$$\sum F_Y = 0 \rightarrow 15 + D_Y - 10 - 10 - 10 = 0 \rightarrow D_Y = 15KN$$

$$\sum F_X = 0 \rightarrow A_X = 0$$

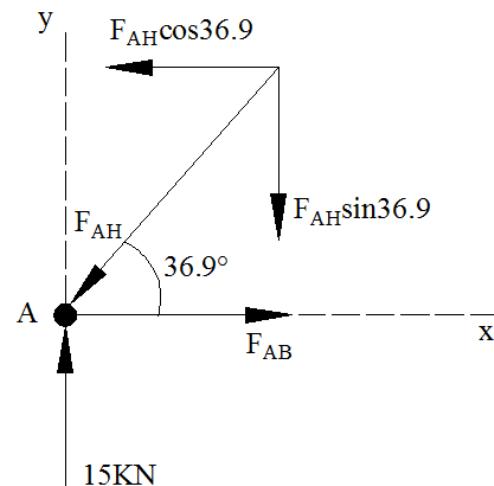
Joint A:

$$\sum F_y = 0 \rightarrow -F_{AH}\sin 36.9 + 15 = 0$$

$F_{AH} = 25\text{KN}$ (compression)

$$\sum F_x = 0 \rightarrow -25\cos 36.9 + F_{AB} = 0$$

$F_{AB} = 20\text{KN}$ (Tension)

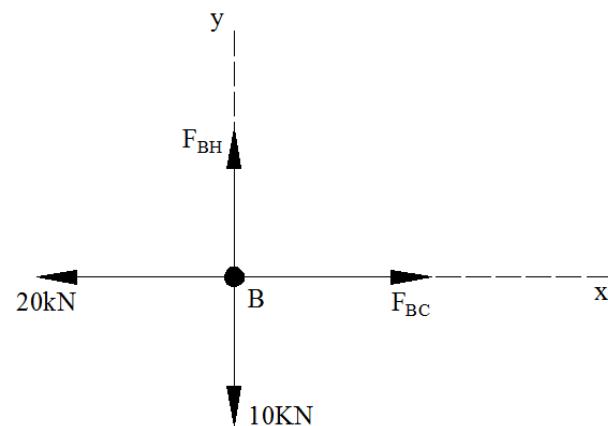
**Joint B:**

$$\sum F_y = 0 \rightarrow -10 + F_{BH} = 0$$

$F_{BH} = 10\text{KN}$ (Tension)

$$\sum F_x = 0 \rightarrow -20 + F_{BC} = 0$$

$F_{BC} = 20\text{KN}$ (Tension)

**Joint H:**

$$\sum F_y = 0 \rightarrow$$

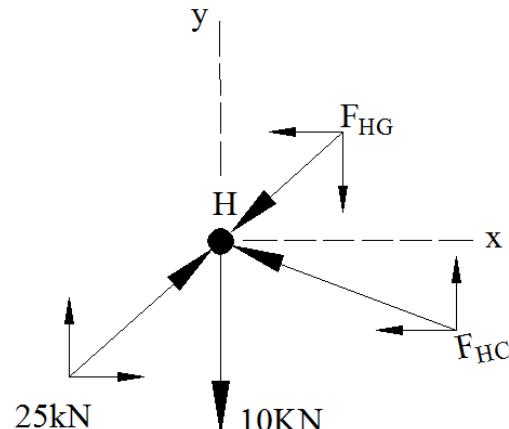
$$-F_{HG}\sin 36.9 + F_{HC}\sin 36.9 + 25\sin 36.9 = 0$$

$$-0.6F_{HG} + 0.6F_{HC} + 15 = 0 \dots\dots (1)$$

$$\sum F_x = 0 \rightarrow$$

$$-F_{HG}\cos 36.9 - F_{HC}\cos 36.9 + 25\cos 36.9 = 0$$

$$-0.8F_{HG} - 0.8F_{HC} + 20 = 0 \dots\dots (2)$$



Solving (1) and (2) We get. $F_{HG} = 16.7\text{KN(C)}$ and $F_{HC} = 8.33\text{KN(C)}$

Joint G:

$$\sum F_y = 0 \rightarrow$$

$$F_{GF}\sin 36.9 + 16.7\sin 36.9 - F_{GC} = 0$$

$$0.6F_{GF} - F_{GC} + 10 = 0 \dots\dots (1)$$

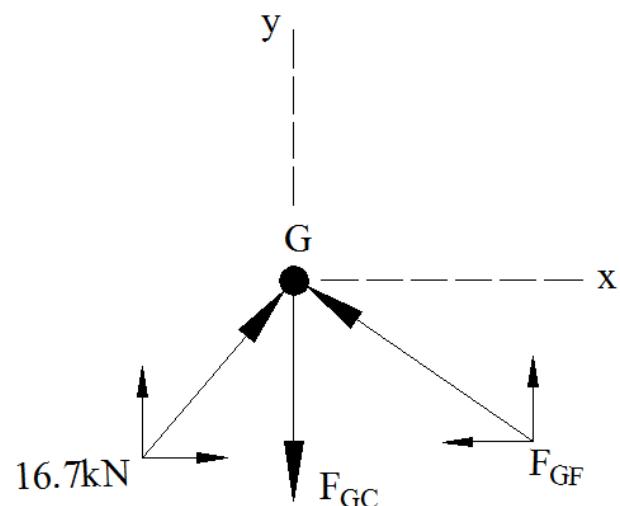
$$\sum F_x = 0 \rightarrow$$

$$-F_{GF}\cos 36.9 + 16.7\cos 36.9 = 0$$

$$F_{GF} = 16.7 \text{ KN (C)}$$

Putting in Equation (1) we get

$$F_{GC} = 20 \text{ KN (T)}$$

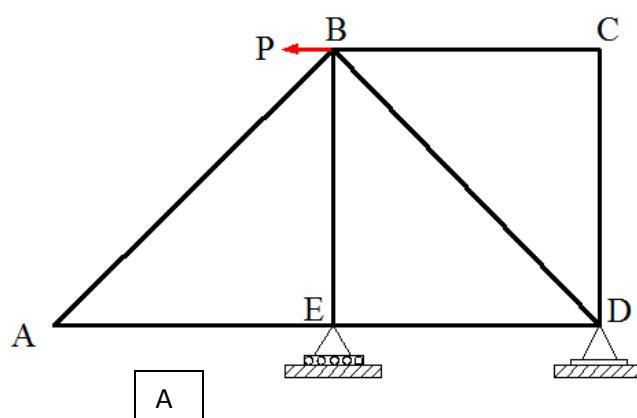


هغه ميلی چي قوي پکي صفر وی (Zero Force Members)

د ترسونو تحليل د جواننت ميتوود په استعمال ډير اسانۍ کي که چيري لوړۍ په دی وتوانيګو هغه ميلی چي قوي نه زغمې په گوته کوئنګه دا ميلی په ترسونو کي د بارونو انتقال پر ځائي Stability لپاره استعمالیږي . او په لاندی ډول محاسبه کيږي .

1) لوړۍ حالت :

د A شکل په C غوته کي افقی او عمودی ميلی په 90 درجه خپلو کي تړل شوی او هیڅ ډول

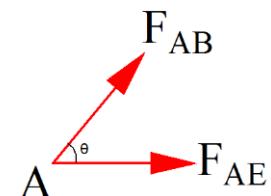


خارجی بار پری عمل نه دی کړي . تعادل برقرار ساتلو لپاره باند CD او CB ميلو کي قوي صفر وی .

$$\begin{aligned}\sum F_x &= 0 \rightarrow F_{CB} = 0 \\ \sum F_y &= 0 \rightarrow F_{CD} = 0\end{aligned}$$

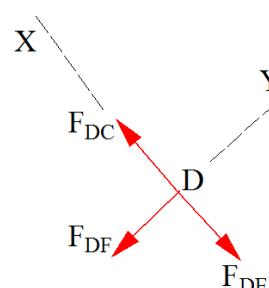
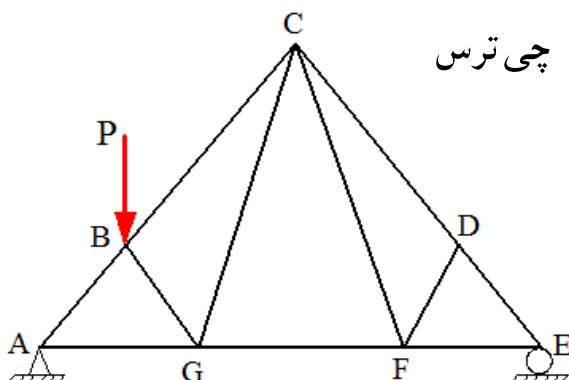
همدا رنګه A غوته سره تړلی ميلو کي هم قوي صفر دی

$$\begin{aligned}\sum F_y &= 0 \rightarrow F_{AB} \sin \theta = 0 \rightarrow F_{AB} = 0 \\ \sum F_x &= 0 \rightarrow (0) \cos \theta + F_{AE} = 0 \rightarrow F_{AE} = 0\end{aligned}$$



2) دوئم حالت :

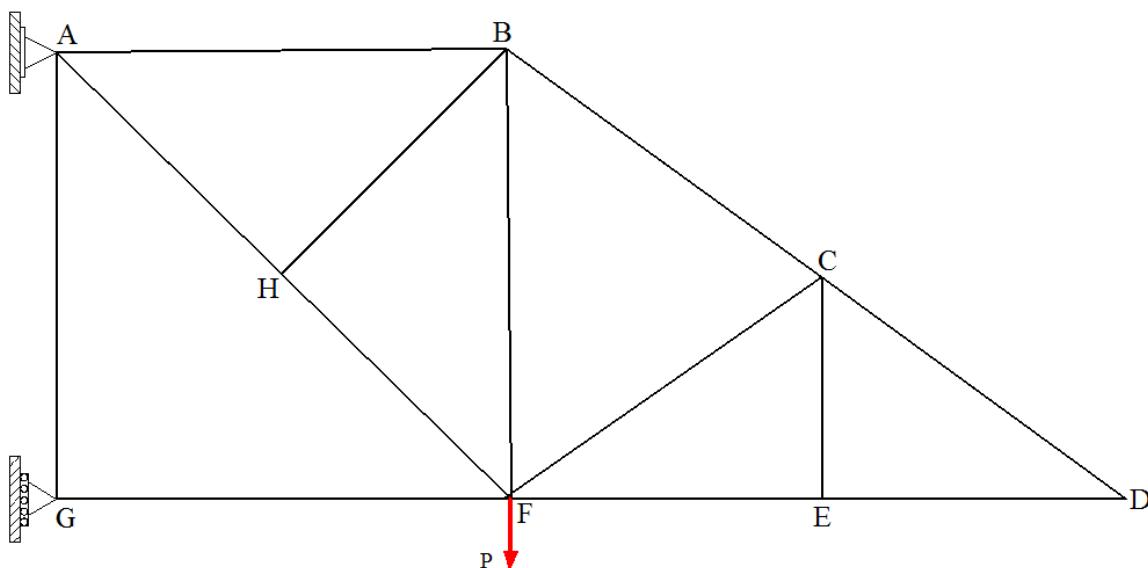
قوی نه لرونکی ميلی په هغه حالت کي هم پیدا کيږي کله چي ترس د جواننت په خير هندسي شکل ولري .



$$\begin{aligned}\sum F_y &= 0 \rightarrow F_{DF} = 0 \\ F_{CF} &= 0\end{aligned}$$

مثال 4: په بنودل شوی ترس کی قوي نه لرونکی غړی پیدا کړي؟ تحليل لپاره د جوائنت میتود

څخه استفاده وکړي

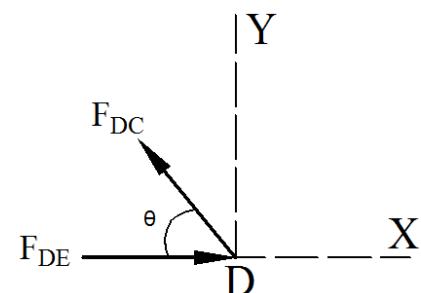


حل:

Joint D:

$$\sum F_Y = 0 \rightarrow F_{DC} \sin \theta = 0 \rightarrow F_{DC} = 0$$

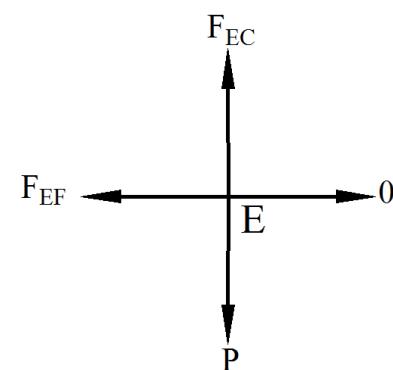
$$\sum F_x = 0 \rightarrow F_{DE} - (0) \cos \theta = 0 \rightarrow F_{DE} = 0$$



Joint E:

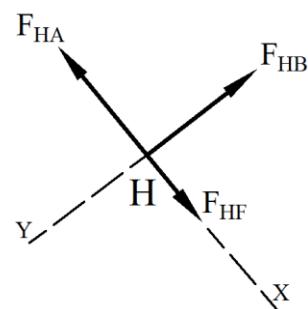
$$\sum F_Y = 0 \rightarrow F_{EC} - P = 0 \rightarrow F_{EC} = P$$

$$\sum F_x = 0 \rightarrow -F_{EF} + 0 = 0 \rightarrow F_{EF} = 0$$

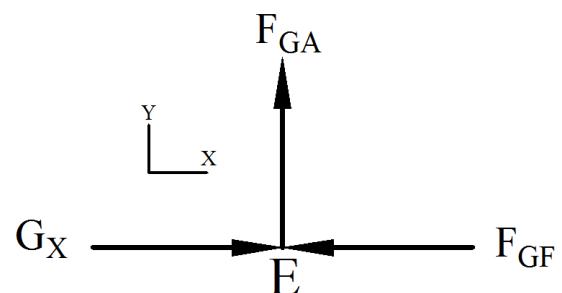


Joint H:

$$\sum F_Y = 0 \rightarrow F_{HB} = 0 \rightarrow F_{HB} = 0$$

**Joint G:**

$$\sum F_Y = 0 \rightarrow F_{GA} = 0 \rightarrow F_{GA} = 0$$



قوی نہ لرونکی غریب
Zero force Members

GA, HB, EF, DE, and DC

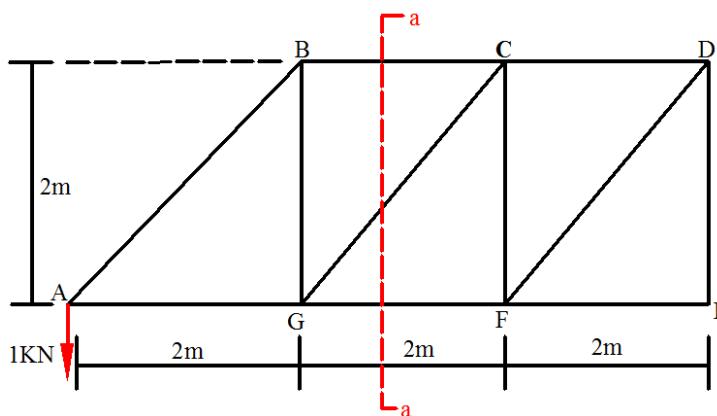
د ترسونو تحلیل لپاره د قطعی طریقه

Analysis of truss using method of section

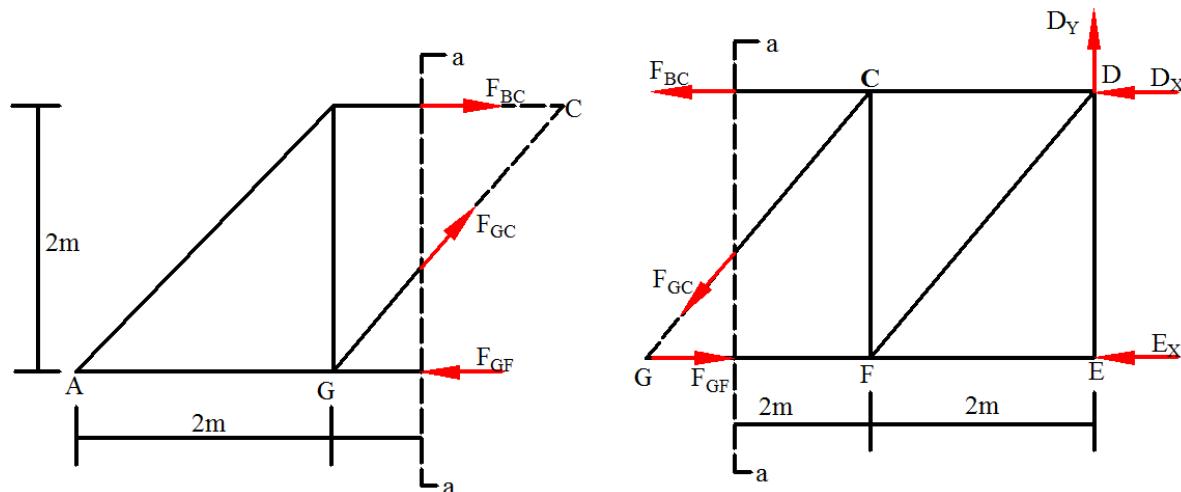
که چیری د ترسونو په یو خو مشخصو ميلو کي داخلی قوي پیدا کول مطلوب وي په داسی حال کي
د قطعی طریقه هير مناسب او چتک تائج ورکوي.

په نوموري ميتود کي یو فرضي خط (قطي) د ترس خخه تيريکي او ترس په دوو برخو ووישل
کيږي او هري برخى لپاره تعادل په پام کي نيو لو سره نامعلومي قوي محاسبه کيږي.
د قطبي اخيستو کي بائند ډير دقت خخه کار و اخيستل شی او له داسی ئې قطع و اخيستل شی
چي له دری نامعلومو ميلو خخه پکي زياتي ميلی غوځي نه شي.

بیلګه :



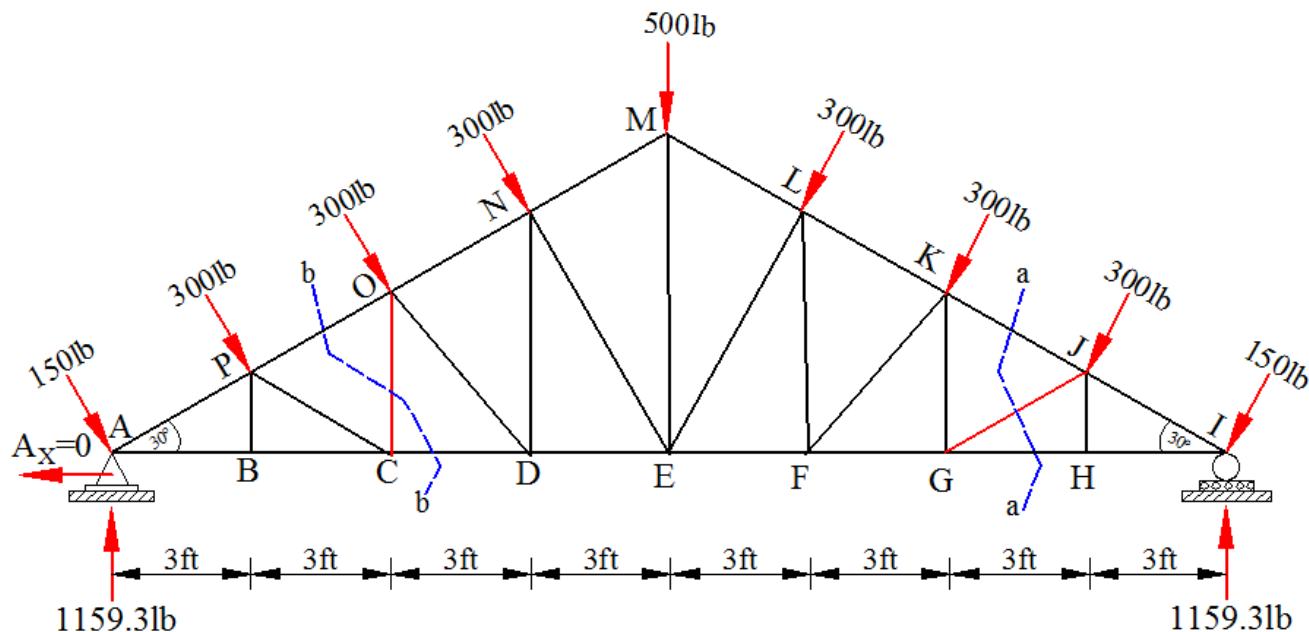
که چيری د ترس په GC ميله کي قوه
پیدا کول غواړو بائند د BC او GF ترمنځ
قطع (a-a) واخلوئکه د دوه نامعلومي
قوي لرونکي ميلی غوځوي . د هري
ميلی قوه به د هغه ميلی په محور عمل
کوي .





مثال 1: په انځور کې د بنسوډل شوی ترس په CO او GJ او غریو کې قوى محاسبه کړي او وښائی کوم یو په کشش یا فشار کې واقع دی اتکائي غبرګونونه محاسبه شوی دی.

نور معلومات په لاندۍ ډول دی.



حل:

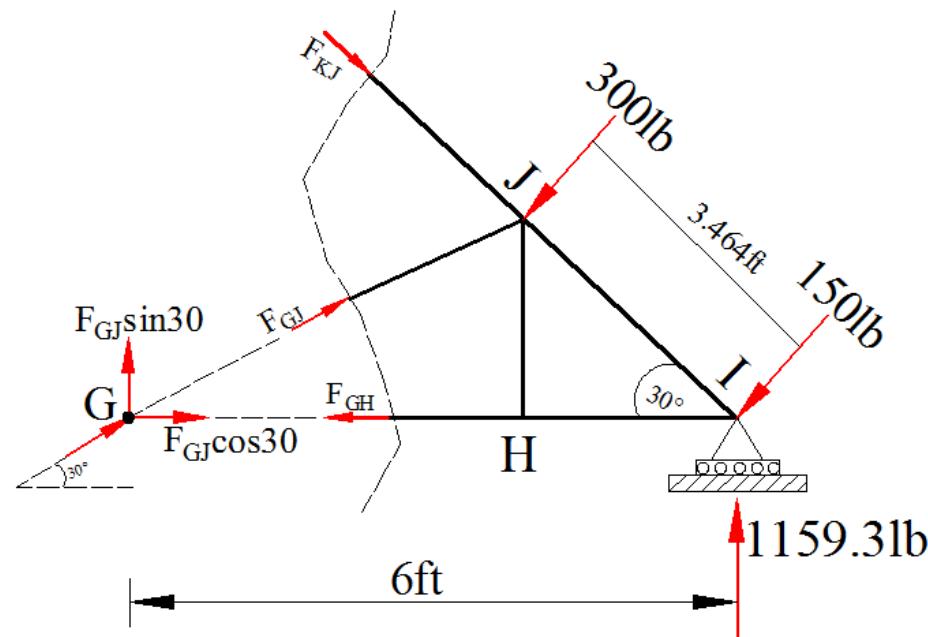
په GJ غری کې داخلی قوه پیدا کولو لپاره a-a قطع په پام کې نیسو. د نوموری قطعی بنی اړخ لاندۍ بنسوډل شوی دی.

$$\sum M_I = 0 \rightarrow 6F_{GJ} \sin 30^\circ - (300 * 3.464) = 0$$

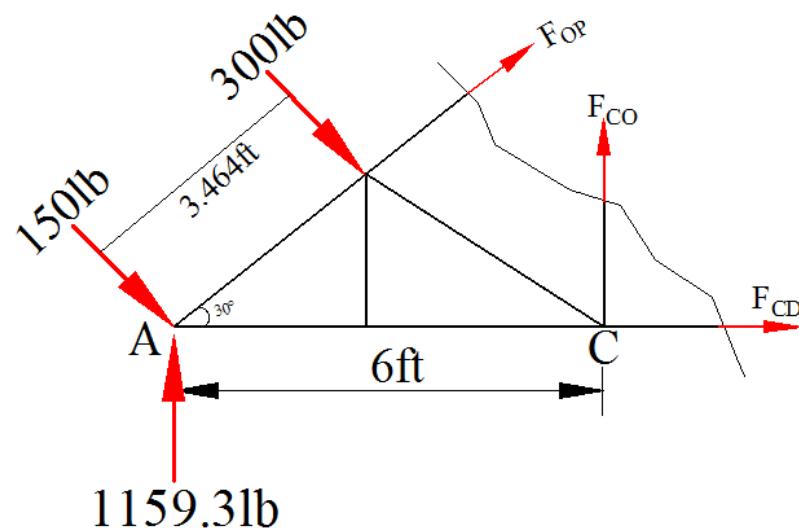
$$6F_{GJ} \sin 30^\circ - (300 * 3.464) = 0$$

$$F_{GJ} = \frac{300 * 3.464}{6 \sin 30^\circ}$$

$$F_{GJ} = 346 \text{ lb (compression)}$$



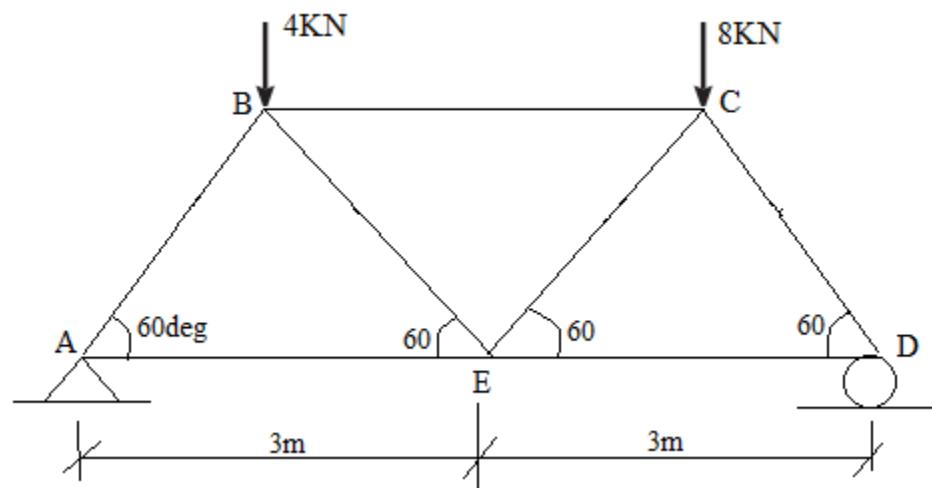
په CO غړی کي داخلی قوه پیدا کولو لپاره b-b قطع په پام کي نیسو.



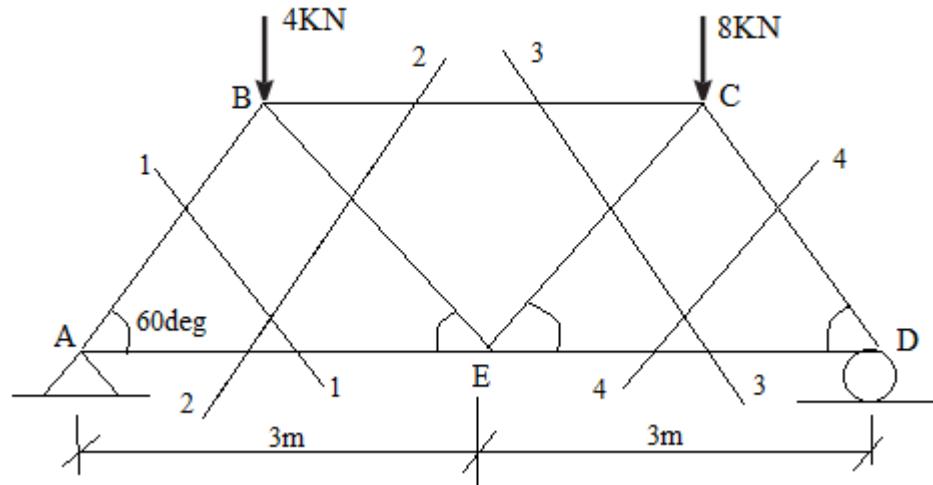
$$\sum M_A = 0 \rightarrow 6F_{CO} + (300 * 3.464) = 0$$

$$F_{CO} = 173 \text{ lb (Tension)}$$

مثال 2: د لاتدی ورکر شوی ترس په ټولو ميلو کی داخلی قوي محاسبه کړي؟



حل: اتكايز عکس العملونه پيدل کوو. (Support Reactions)



$$\sum M_D = 0$$

$$12R_A - (4 \times 4.5) - (8 \times 1.5) = 0 \rightarrow R_A = 5 \text{ KN}$$

$$\sum F_y = 0$$

$$5 + R_D - 8 - 4 = 0 \rightarrow R_D = 7 \text{ KN}$$

سکشن 1-1

$$\sum F_y = 0$$

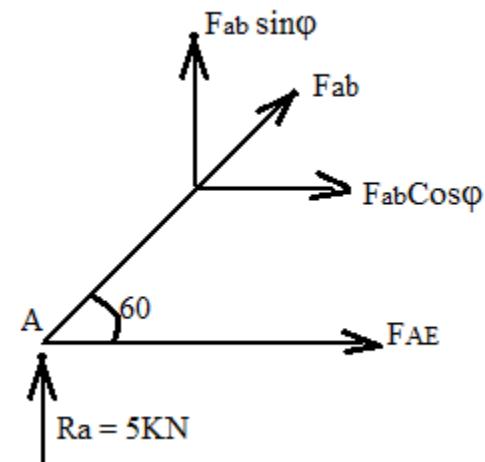
$$F_{AB} \sin 60 + 5 = 0$$

$$F_{AB} = -5.77 \text{ KN}$$

$$\sum F_x = 0$$

$$(-5.77) \cos 60 + F_{AE} = 0$$

$$F_{AE} = 2.88 \text{ KN}$$



سکشن 4-4

$$\sum F_y = 0$$

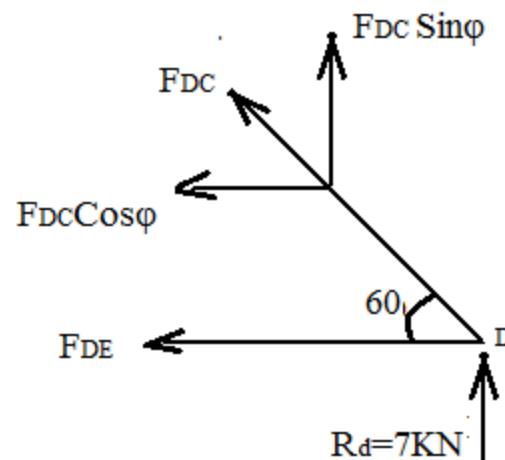
$$F_{DC} \sin 60 + 7 = 0$$

$$F_{DC} = -8.08 \text{ KN}$$

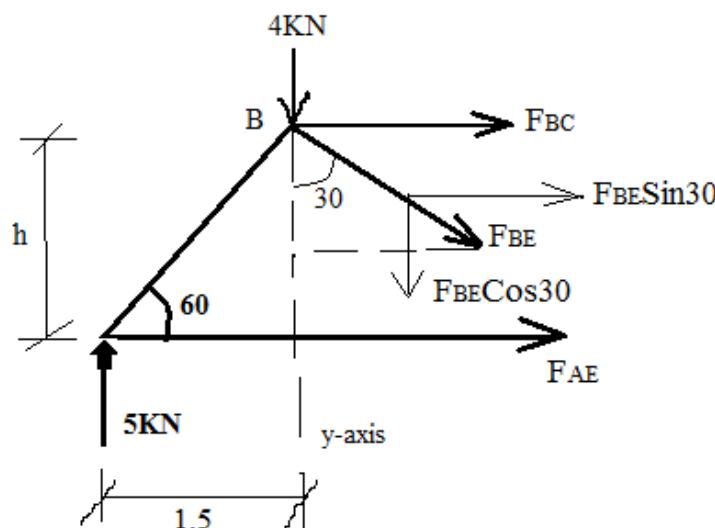
$$\sum F_x = 0$$

$$(-8.08) \cos 60 + F_{DE} = 0$$

$$F_{DE} = 4.04 \text{ KN}$$



سکشن 2-2



$$\tan \varphi = \frac{h}{1.5}$$

$$h = \tan 60 (1.5)$$

$$h = 2.6 \text{ m}$$

$$\sum F_y = 0$$

$$5 - 4 - F_{BE} \cos 30 = 0$$

$$F_{BE} = 1.15 \text{ KN}$$

$$\sum M_A = 0$$

$$(4 \times 1.5) + (1.15 \cos 30 \times 1.5) + (1.15 \sin 30 \times 2.6) + 2.6 F_{BC} = 0$$

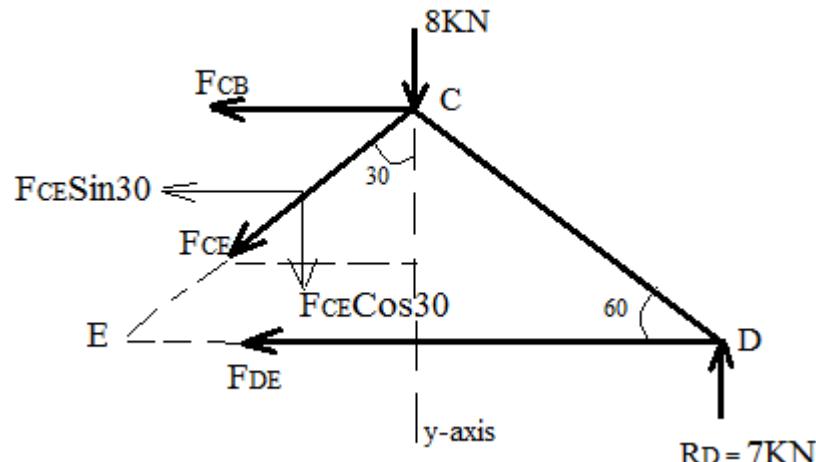
$$F_{BC} = -3.5 \text{ KN}$$

$$\sum F_x = 0$$

$$F_{AE} + (1.15 \sin 30) - 3.5 = 0$$

$$F_{AE} = 2.9 \text{ KN}$$

سکشن 3-3



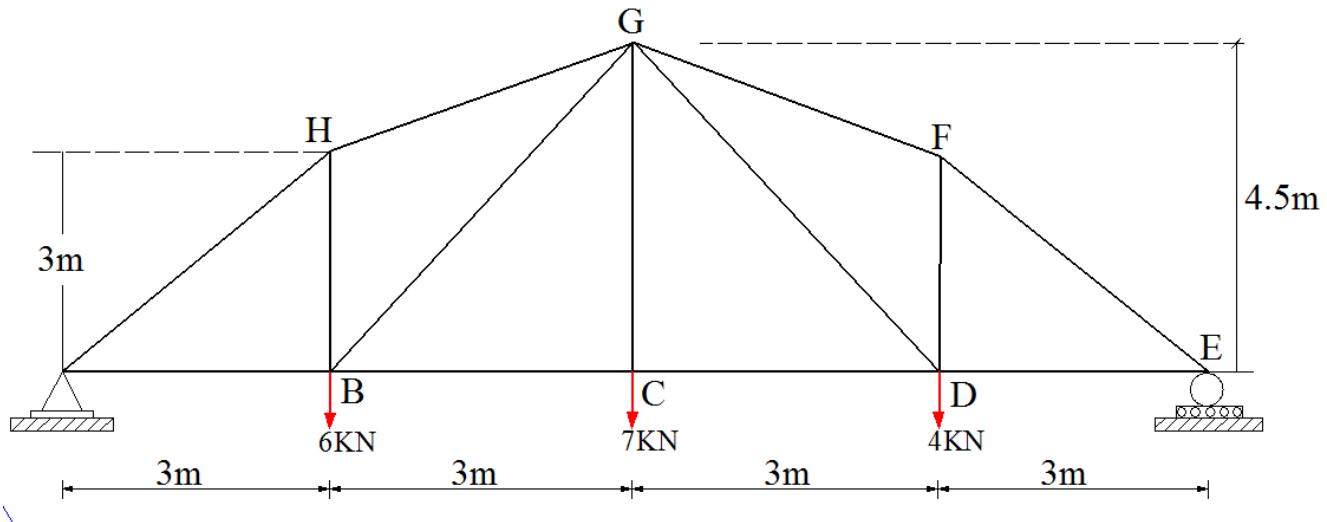
$$\sum F_y = 0$$

$$7 - 8 - F_{CE} \cos 30 = 0$$

$$F_{CE} = -1.15 \text{ KN}$$

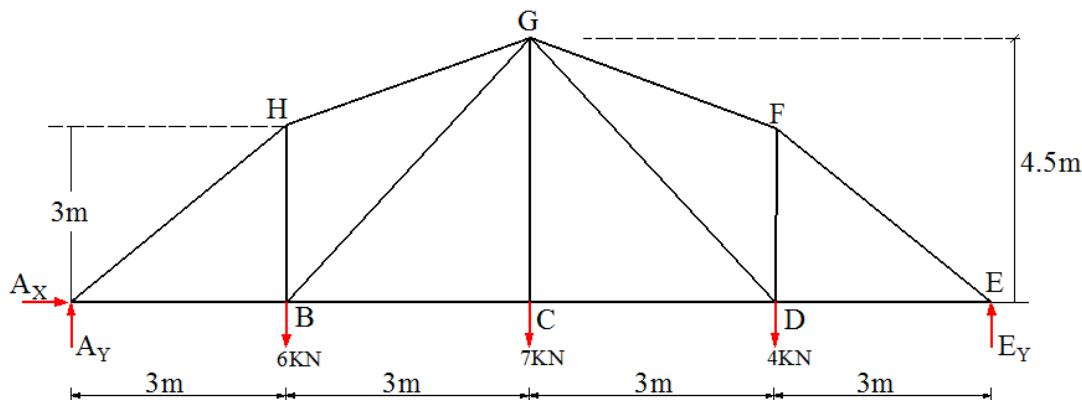
عناصر	قوى	دولونه
AB	5.77	فشار
AE	2.88	کشش
BC	3.5	فشار
BE	1.15	کشش
DE	4.04	کشش
DC	8.08	فشار
CE	1.15	فشار

مثال: ۳ د ورکر شوی ترس په BC ميلو کې داخلی قوي محاسبه کړي او وښايي کومه
برخه په کشش يا فشار کې واقع ده؟ (سکشن ميتود خخه په استفاده)



حل:

۱) اتكائي عكس العملونه پيدا کوو



$$\sum M_E = 0$$

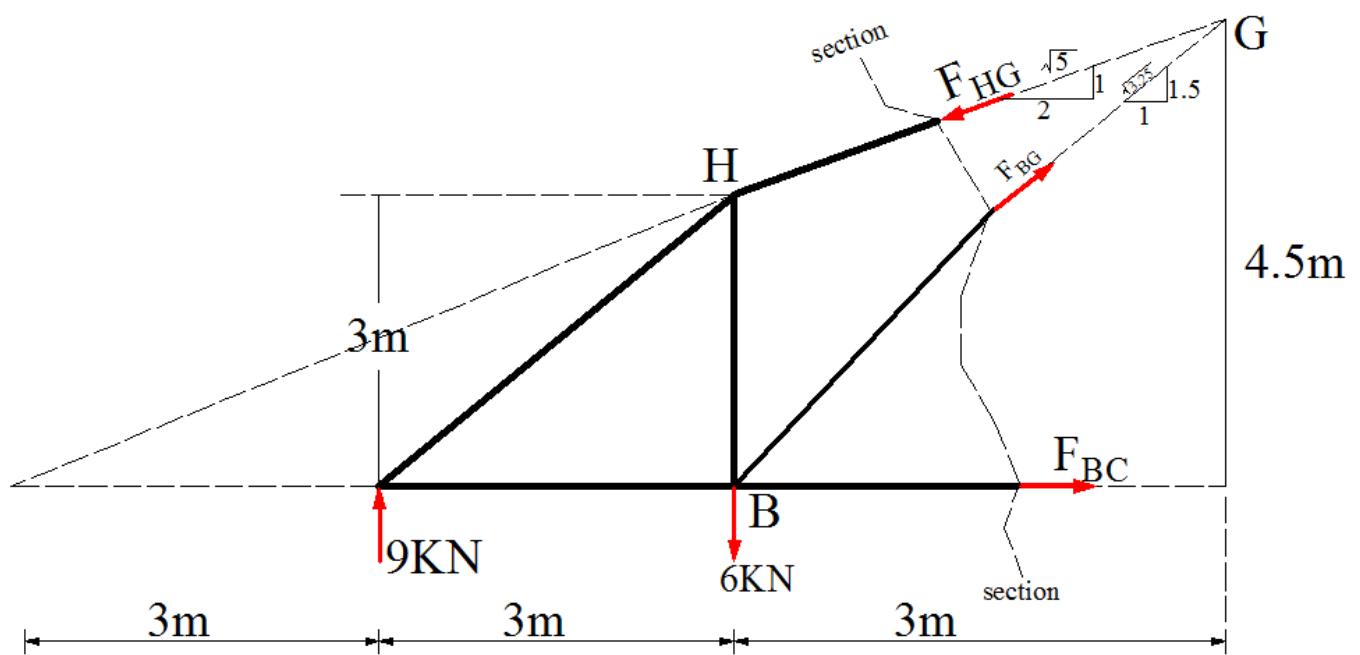
$$12A_Y - (6*9) - (7*6) - (4*3) = 0 \rightarrow A_Y = 9\text{KN}$$

$$\sum F_Y = 0$$

$$9 + E_Y - 6 - 7 - 4 = 0 \rightarrow E_Y = 8\text{KN}$$

$$\sum F_X = 0$$

$$A_X = 0$$



Method of Section:

$$\sum M_G = 0$$

$$F_{BC} (4.5) + (6*3) - (9*6) = 0$$

$$F_{BC} = 8\text{KN (T)}$$

$$\sum M_B = 0$$

$$F_{HG} \left(\frac{1}{\sqrt{5}} \right) (6) - (9*3) = 0$$

$$F_{HG} = 10.1\text{KN (C)}$$

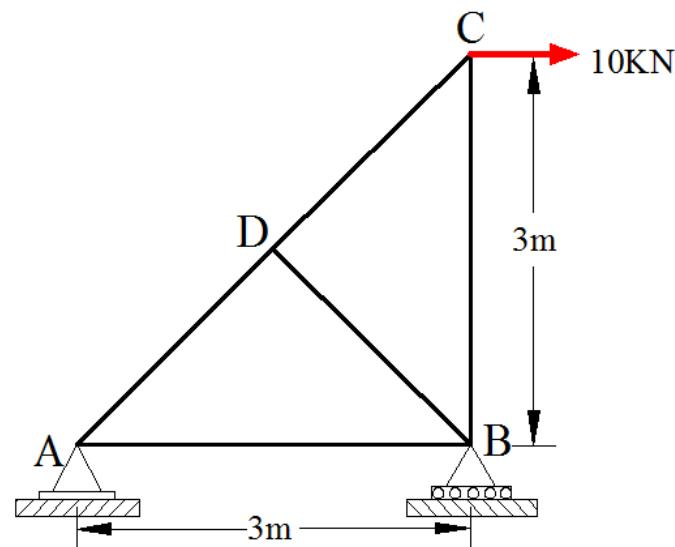
$$\sum M_o = 0$$

$$F_{BG} \left(\frac{1.5}{\sqrt{3.25}} \right) (6) + (9*3) - (6*6) = 0$$

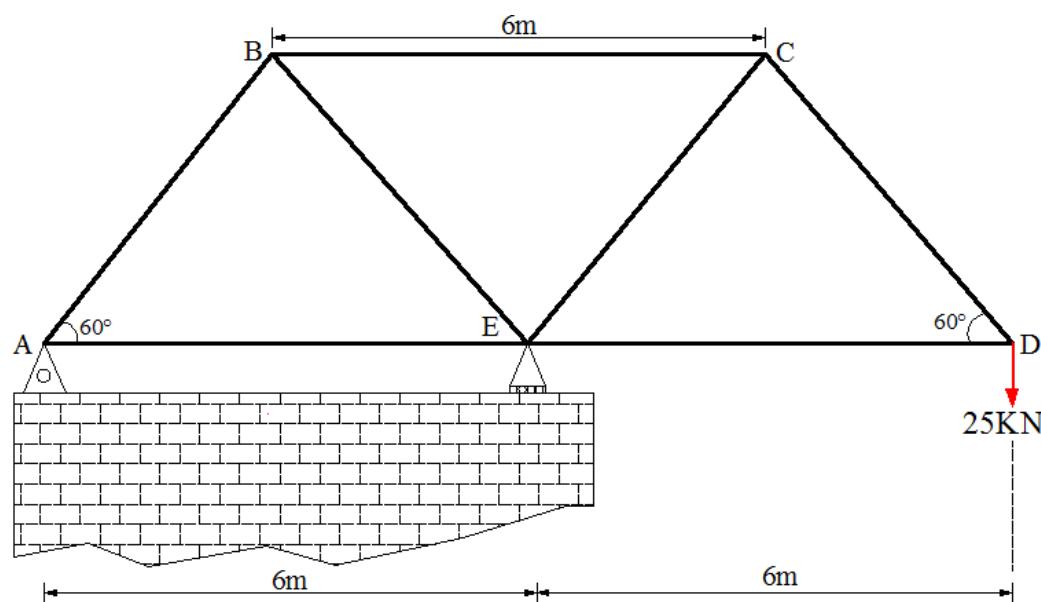
$$F_{BG} = 1.8\text{KN (T)}$$

تمرین (Exercise)

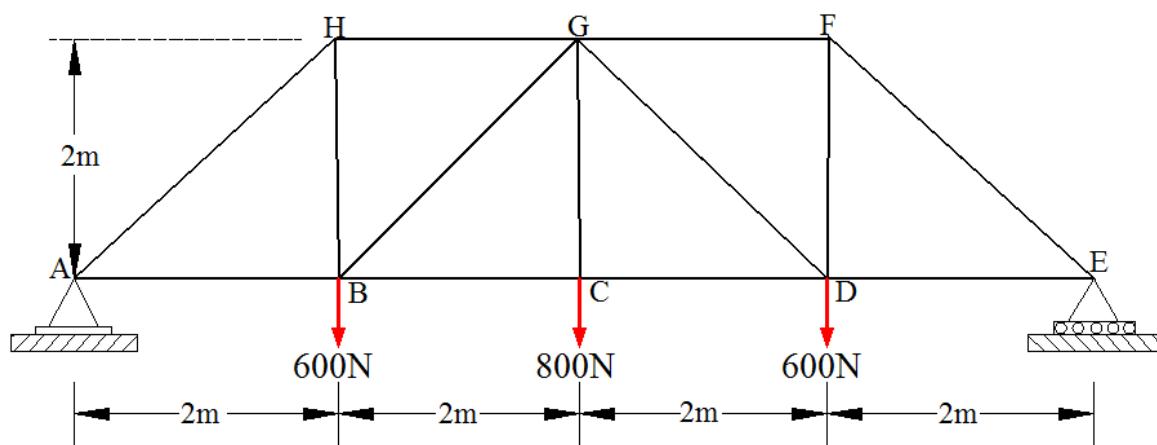
1) د لاندی ورکړ شوی ترس په ټولو ميلو کې داخلی قوي محاسبه کړي؟ او وبنائي چې په کشش کې واقع دي او که فشار؟ (د غوټو طريقه)



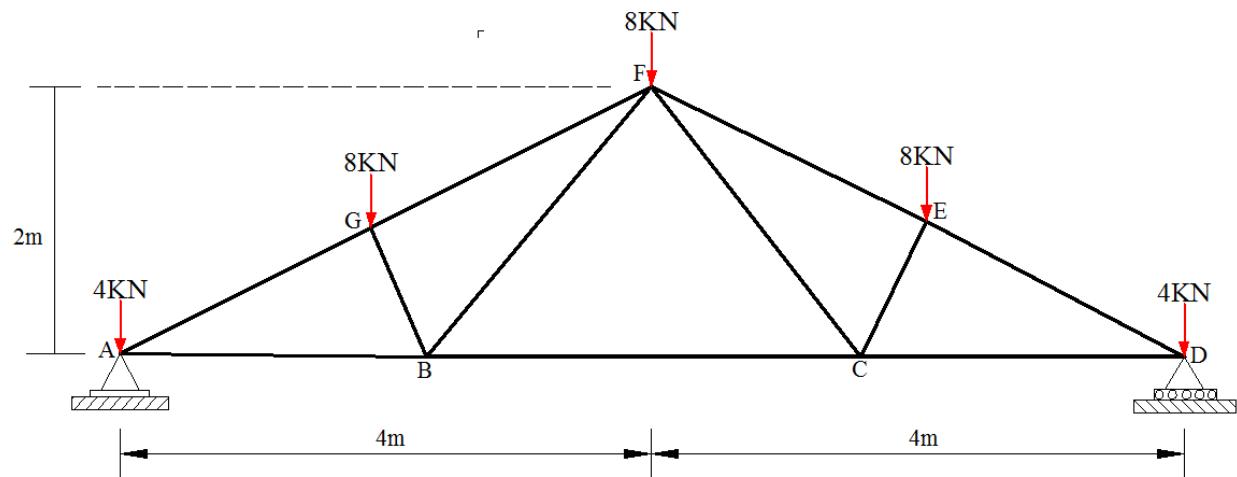
2) د لاندی ورکړ شوی ترس په ټولو ميلو کې داخلی قوي محاسبه کړي؟ او وبنائي کوم غږې ئې په کشش يا فشار کې واقع دي؟ (د غوټو طريقه)



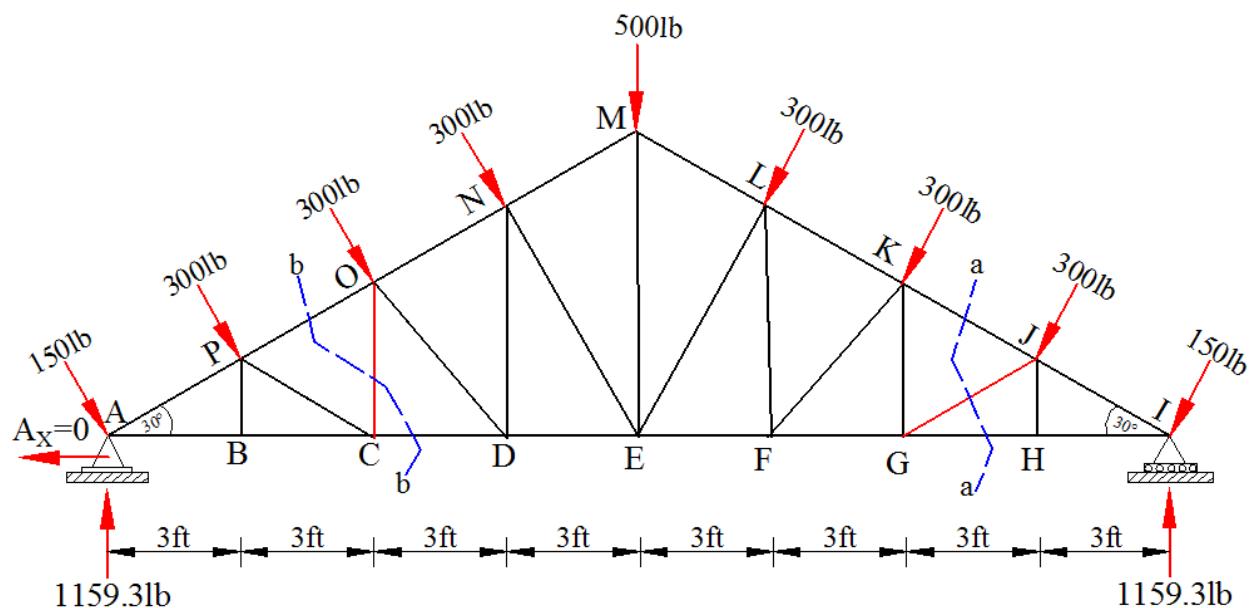
3) د لاتدی ورکړ شوی ترس په ټولو ميلو کې داخلي قوي محاسبه کړي؟ او وبنائي کوم غريې ئې په کشش يا فشار کې واقع دي؟ (د غوټو طریقه)



4) د لاتدی ورکړ شوی ترس په ټولو ميلو کې داخلي قوي محاسبه کړي؟ او وبنائي کوم غريې ئې په کشش يا فشار کې واقع دي؟ (د غوټو طریقه) $AG=GF=FE=ED$



5) په شکل کې د بنودل شوی ترس په KF غړيو کې قوي محاسبه کړي او وښائي کوم
يو په کشش يا فشار کې واقع دی. اتكائي غږونه محاسبه شوی دی.
نور معلومات په لاتدي ډول دی.



اتم خپرکی

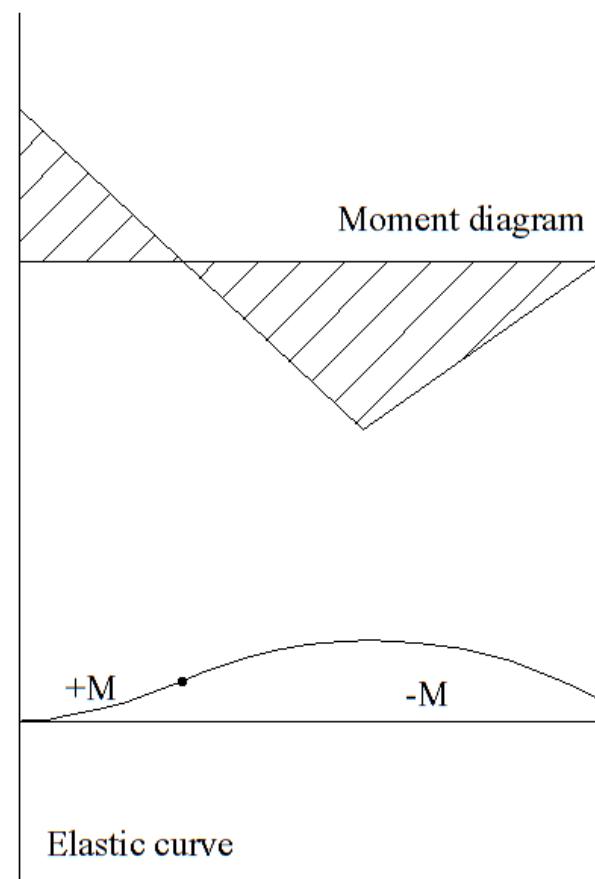
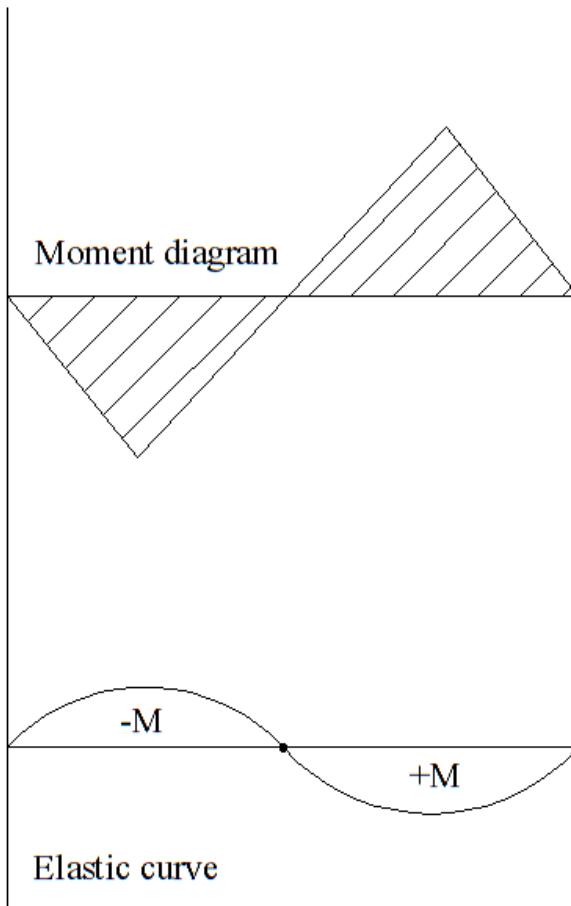
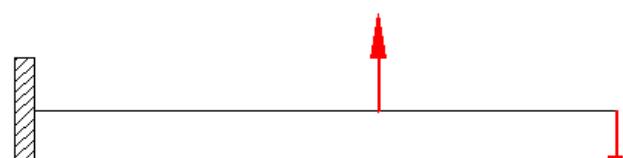
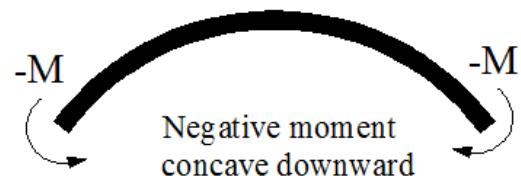
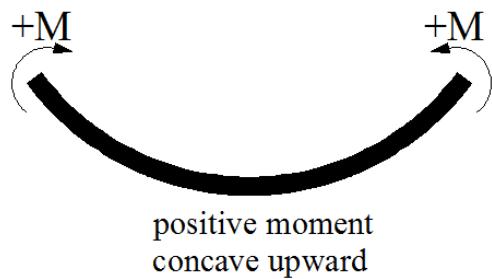
Methods of deflection

په دی فصل کی د مختلفو گاډونو د اتكاګانو یا اتكاګانو ترمینځ په یوه نقطه کی د ناستی او میلان (Slope) په اړه بحث کوو .

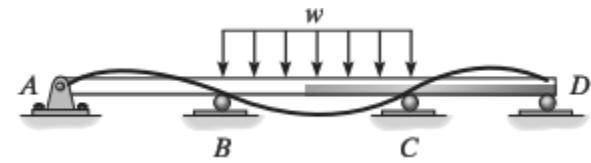
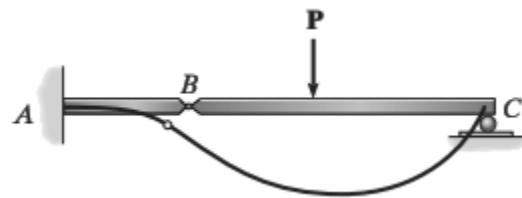
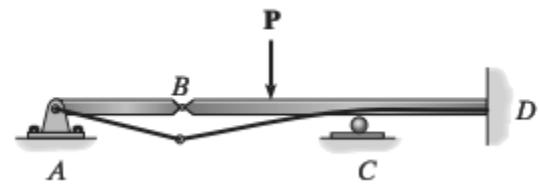
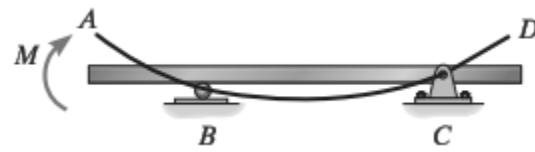
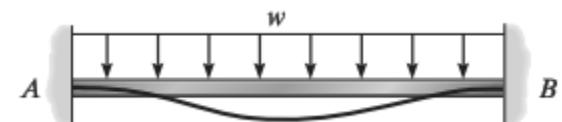
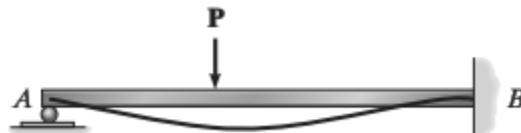
دا ډول ستونځی (deflection and slope) په ساختمانو کی د بارونو له امله او یا هم د تودوځی تغیراتو له مله رامینځ ته کېږي او ساختمانو نه د ویجارتیا سره مخامنځ کوي. د ساختمانو نو استواری (stability) او دوام لپاره بائید د ډول ستونځو مخنيوی وشی او د ډیزائن په وخت کی deflection او slope په خاص پاملنې وشی ناسته د ساختمانو په موادو لکه کانکریت، پلسترا او خبنتو کی درزوونه پیدا کوي او ساختمان دائمی ستونځو سره مخامنځ کوي. همدارنګه یو ساختمان بائید دومره لپڑه ونکی چی او سیدونکی ئی نارامی محسوس کی. کومه ناسته چې په دی فصل کی تر څیرنې لاندی نیول کېږي فقط هغه ساختمانو لپاره د استعمال وړ د کوم چې ارجاعی خاصیت لرونکی وي یعنی د خارجی عامل په لکیدو سره پیدا شوی تغیرات له مینځه ئی او ساختمان خپل اصلی حالت ته واپس کېږي که چیری نومړی بارونه تری لري کړي شی. په دقت سره یې که وګورو ناسته په ساختمان کی د داخلی زورونو لکه نارملی قوه ، عرضی قوه ، او د کوبوالی مومنت له امله پیدا کېږي خو په ګاډونو او چوکاتونو کی زیاتره وخت د کوبوالی مومنت له امله رامینځ ته کېږي همدارنګه په ترسونو کی داخلی محوری قوى د ساختمان د کوبوالی او ناستی لامل کړئي.

مخکی له دی چې د ساختمان په یوه نقطه کی میلان یا ناسته پیداکړو لوړۍ بائید د ساختمان کوبېشوي شکل وکابو او تحلیل لپاره تری استفاده وکو دا کوبېشوي شکل دارتعاضی کوبوالی خط (Elastic curve) په نامه یادېږي او د مقطع د مرکزی نقطې تغیر شوی ځائی بنائي.

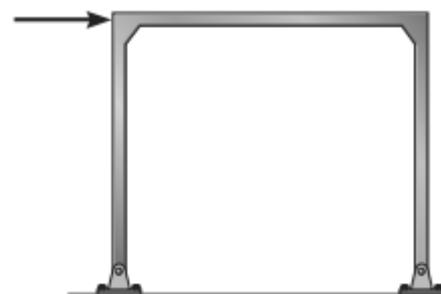
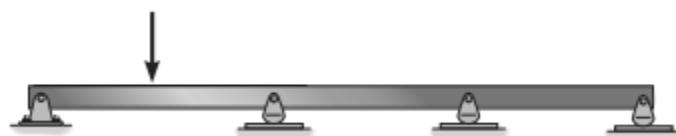
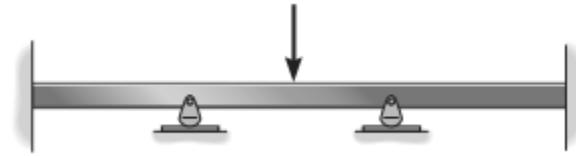
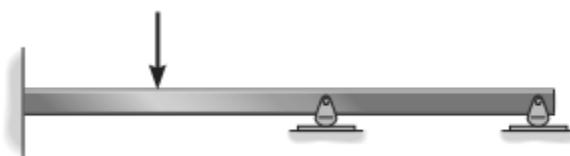
کولی شود انحنائي مومنت دیاګرام خخه په استفاده ډیر په اسانۍ سره د یو ګاډر ارجاعی کوبوالی خط (Elastic curve) وکابو.



The deflected shapes (elastic curve) of some of the Beams are given below.



Draw the elastic curve of following Beams ??



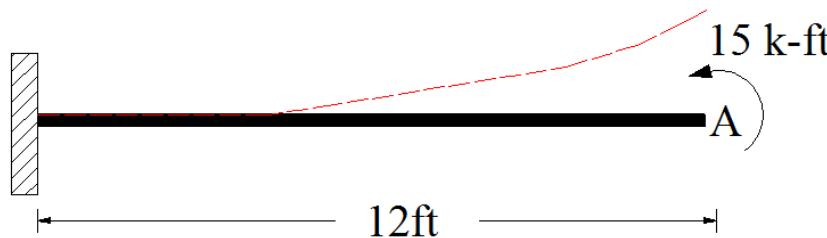
(Double integration Method for Deflection)

$$\frac{d^2v}{dx^2} = \frac{M}{EI}$$

د پورتني معادلي يو خل اتيگرال نيولو سره ميلان (θ) لپاره رابطه جوريبرى او دوئم خل اتيگرال نيولو سره ناسته (Δ) لپاره رابطه لاس ته راخي.

مثال: 1 د لاتدي ورکر شوي گاپر په A نقطه کي د θ او Δ قيمتونه پيدا کري. د ارجاعيت مودل او ازشيانۍ مومنت په لاتدي ډول دي.

$$I=16.4 \text{ in}^4, \quad E=29 \times 10^3 \text{ ksi}$$



حل:

$$EI \frac{d^2v}{dx^2} = M \dots \dots \dots (1)$$

First integration:

$$EI \frac{d^2v}{dx^2} = M \gg EI \int \frac{d^2v}{dx^2} dx = \int M dx \gg EI \frac{dv}{dx} = Mx + C_1 \gg EI \frac{dv}{dx} = Mx + C_1$$

$$EI \frac{dv}{dx} = Mx + C_1 \dots \dots \dots (1)$$

Second integration:

$$EI \frac{dv}{dx} = Mx + C_1 \gg EI \int \frac{dv}{dx} dx = \int (Mx + C_1) dx \gg EI \cdot v = \frac{Mx^2}{2} + C_1 x + C_2$$

$$EI \cdot v = \frac{Mx^2}{2} + C_1 x + C_2 \dots \dots \dots (2)$$

When $x=0$ then $\frac{dv}{dx} = 0$ and $v = 0$ and $C_1 = C_2 = 0$

$$EI \frac{dv}{dx} = Mx$$

$$EI \cdot v = \frac{Mx^2}{2}$$

We know that $\frac{dv}{dx} = \theta$ and $v = \Delta$

$$\theta = \frac{Mx}{EI} \quad \Delta = \frac{Mx^2}{EI}$$

Slope (θ):

$$\theta_A = \frac{(15 * 12)(12 * 12)}{(29 * 10^3)(16.4)} = 0.0545 \text{ rad}$$

Deflection (Δ):

$$\Delta_A = \frac{(15 * 12)(12 * 12)^2}{2(29 * 10^3)(16.4)} = 3.92 \text{ in}$$

(Moment Area Method for Deflection)

First Theorem:

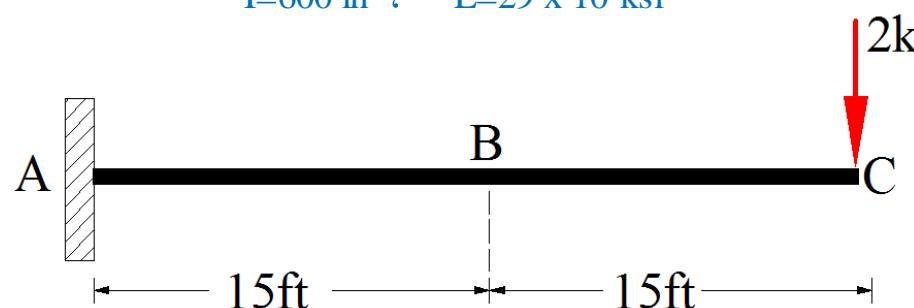
The change in slope between any two points on the elastic curve equals to the area under the M/EI diagram between these two points.

First Theorem:

The Vertical deviation of the tangent at a point (A) on the elastic curve with respect to the tangent extended from another point (B) equals the moment of the area under the M/EI diagram between the two points (A) and (B). the moment is computed about A

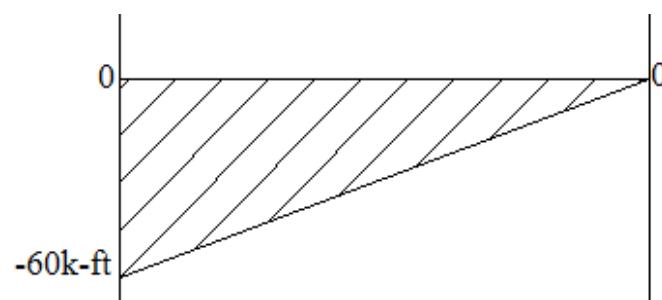
مثال: 1 د لاندی ورکر شوی گاپر په B او C نقطه کی د قیمت پیدا کری. د ارجاعیت موجل او انرшиائی مومنت په لاندی ډول دی.

$$I=600 \text{ in}^4, \quad E=29 \times 10^3 \text{ ksi}$$

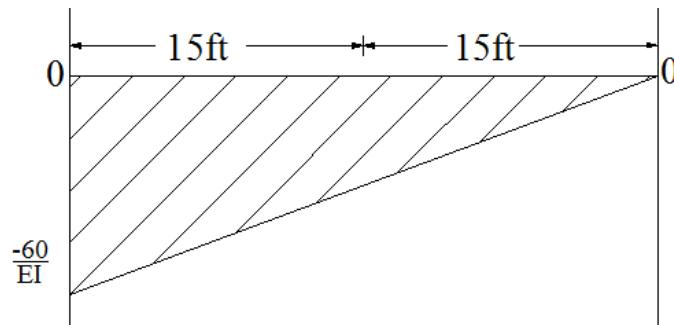


حل:

✓ مومنت دیا گرام

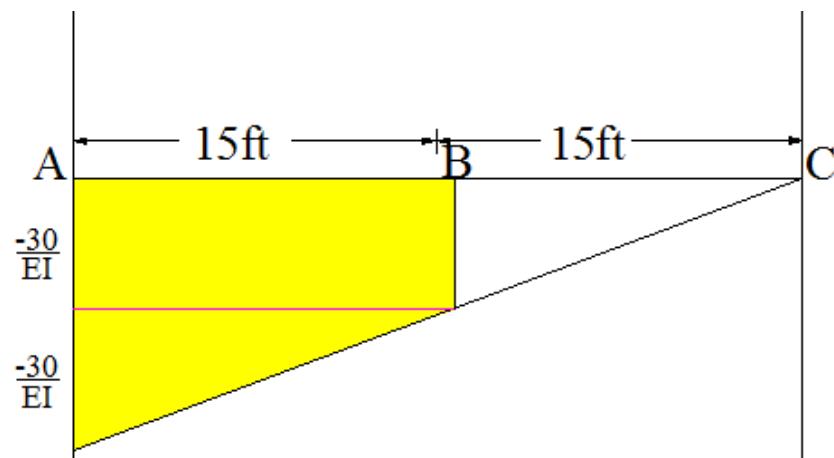


دیاگرام: $\frac{M}{EI}$ ✓



Moment Area theorem ✓

دوه نقطو تر مینخ د ميلان تغير د نوموريو نقطو تر منخ د مساحت سره مساوي كيربي.



θ_B او A تر مينخ مساحت

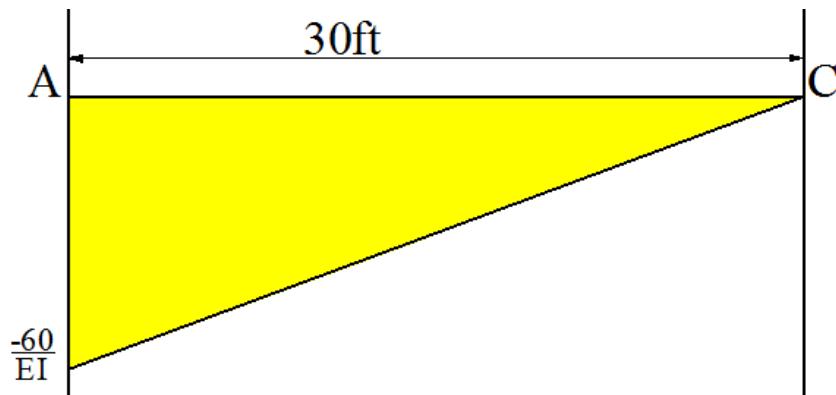
$$\theta_B = - \left(\frac{30}{EI} * 15 \right) - \frac{1}{2} \left(\frac{30}{EI} * 15 \right)$$

$$\theta_B = - \frac{675 \text{ k-ft}^2}{EI} \rightarrow - \frac{675 .12 * 12 \text{ k-in}^2}{29 * 10^3 * 600 \text{ k-in}^2} = -0.0059 \text{ rad}$$

$\theta_C =$ تر مینځ مساحت A او C

$$\theta_C = -\frac{1}{2} \left(\frac{60}{EI} * 30 \right)$$

$$\theta_C = -\frac{900 \text{ k-ft}^2}{EI} \rightarrow -\frac{900 .12 * 12 \text{ k-in}^2}{29*10^3 * 600 \text{ k-in}^2} = -0.00745 \text{ rad}$$



(Conjugate Beam Method for Deflection)

اوله قضييه (First Theorem)

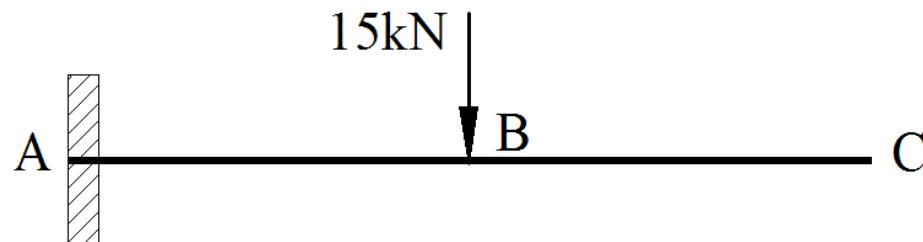
د حقيقي گادر په يوه نقطه کي ميلان (conjugate beam) د مزدوج گادر (Slope, θ) په همغه نقطه کي د عرضي قوي مقدار سره مساوي کيږي.

دوهمه قضييه (Second Theorem)

د حقيقي گادر په يوه نقطه کي بدلون (Displacement, Δ) د مزدوج گادر (conjugate beam) په همغه نقطه کي ده مومنت مقدار سره مساوي کيږي.

نوموري ميتود مولر برسلو په کال 1865 کي اخذ کړي ده او د نورو ميتودونو پرتلې ډير اسان او چټک تائج ورکونکي ده، د نوموري ميتود زياتره کارد ستاتيک په اصولو ولاړ دي او همدا وجه ده چې د نورو ميتودونو پرتلې ئى استعمال اسان دي.

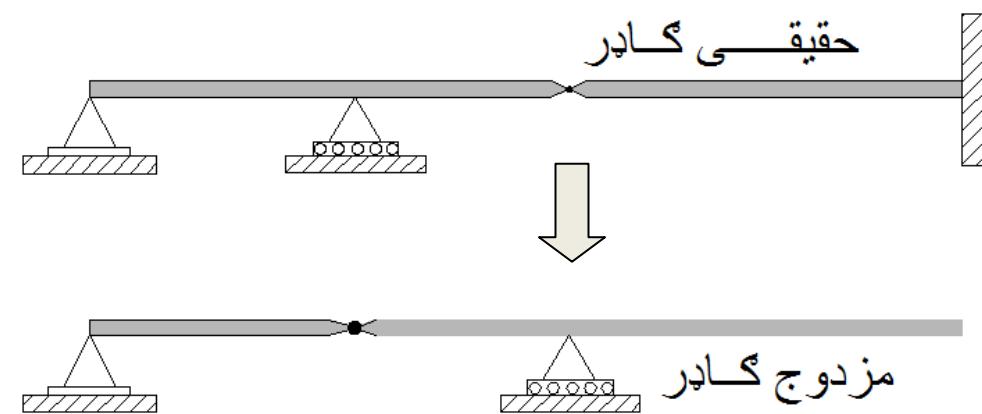
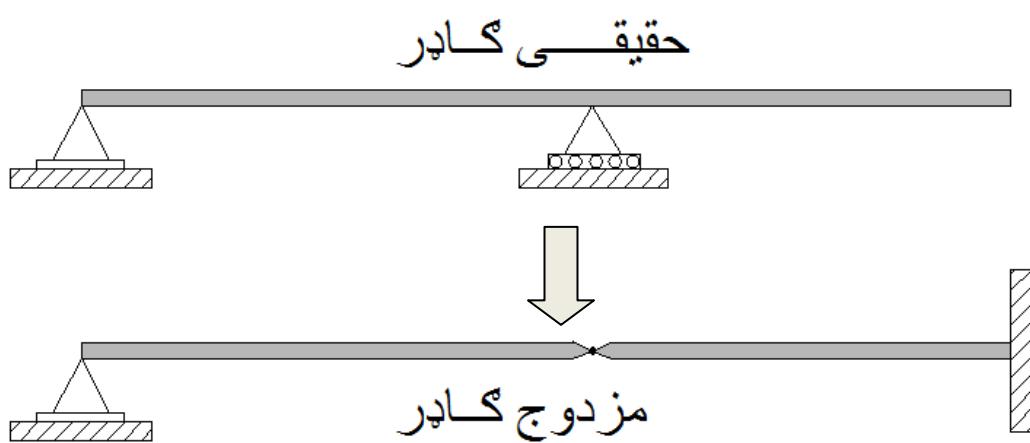
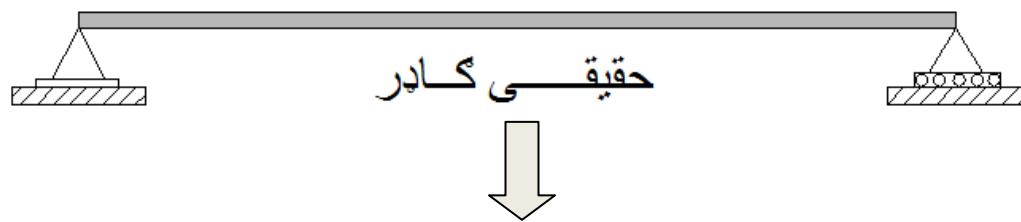
: بيلګه



که چېري د گادر په C تکي کي slope او يا هم displacement پيدا کول غواړو د قضيي مطابق په نوموري تکي کي بائند عرضي قوه او مومنت پيدا کو

$$M_C = \Delta_C \quad \text{او} \quad \theta_C = V_C$$

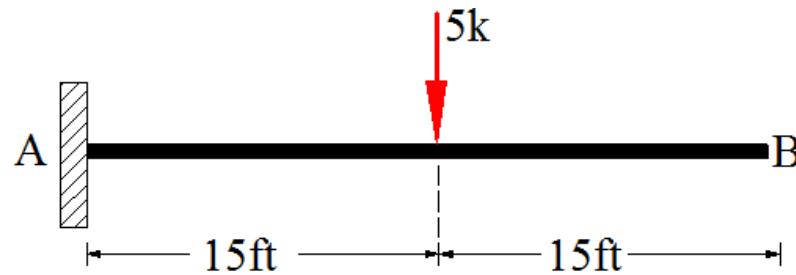
د مزدوج گاډر اتکائاني:



کړنلاره:

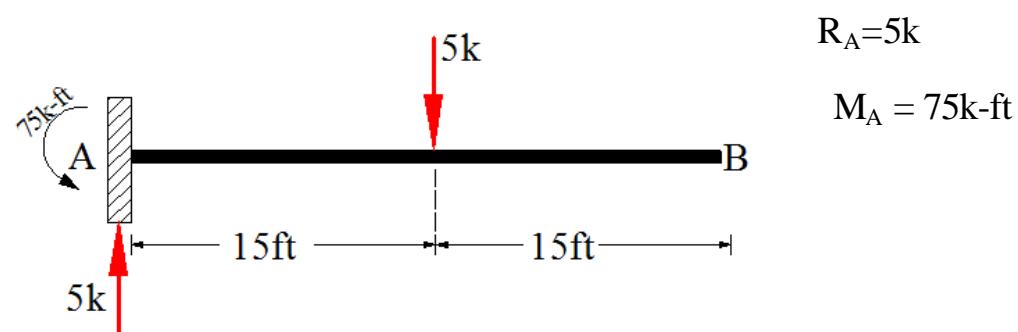
- ✓ د حقیقی ګاډر مزدوج ګاډر کاډل
- ✓ د اټکاګانو په تبدیلولو کې بائند پورته ورکړ شوی ګاډرونه په پام کې ونيول شی.
- ✓ د حقیقی ګاډر او مزدوج ګاډر طول بائند توپیر ونلري.
- ✓ که چېږي د حقیقی ګاډر یوه اټکاء میلان پیدا کیدو ته اجازت ورکونکې وی بائند د مزدوج ګاډر اټکاء ئې هم د غوڅونکو قوو مخنيوی ونکي.
- ✓ که چېږي د حقیقی ګاډر یوه اټکاء ناستی ته اجازه ورکونکې وی بائند د مزدوج ګاډر اټکاء ئې د مومنټ مخنيوی ونکي.
- ✓ د حقیقی ګاډر M/EI دیاګرام کاډل.
- ✓ د حقیقی ګاډر M/EI دیاګرام په مزدوج ګاډر د بار په حیث اینسودل کېږي او د فرضیې چې منظم ويسلی بار دی، که چېږي M/EI دیاګرام مثبت وی د قوو جهت پورته طرف ته اخیستل کېږي او که منفی وی د قوو جهت د ګاډر څخه لاندی طرف ته اخیستل کېږي.
- ✓ د تعادل معادلو په استعمال کولی شو په مزدوج ګاډر کې مومنټ، عرضی قوه او اټکائي عکس العملونه محاسبه کړو
- ✓ په کومه ځی کې چې سلوپ یا دیفلیکشن پیدا کول مطلوب وی په هغه ځی کې قطع اخیستل کېږي

مثال: 1 ورکر شوی بیم په نقطه کی ناسته (slope, θ_B)، او میلان (displacement, Δ_B) پیدا کری.



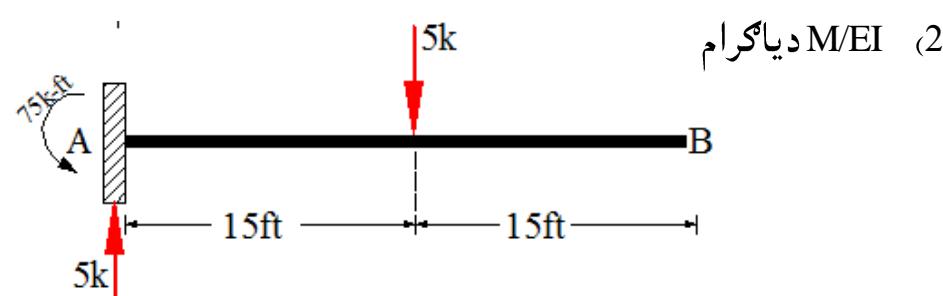
حل:

1) اتكائی عکس العمل او مومنت

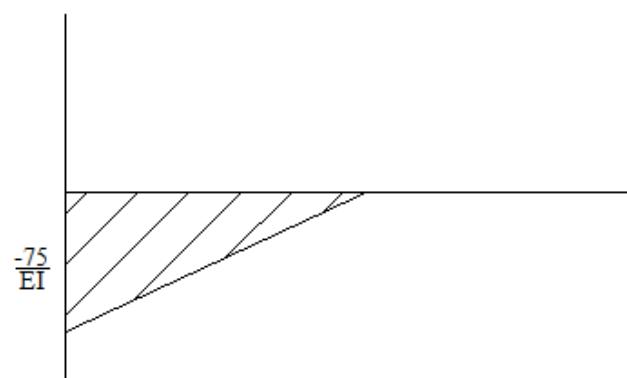


$$R_A = 5k$$

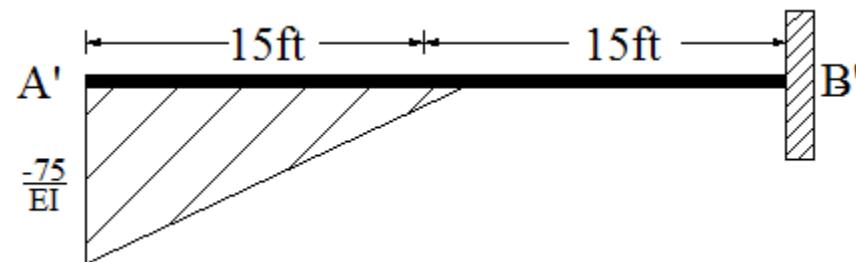
$$M_A = 75\text{k-ft}$$



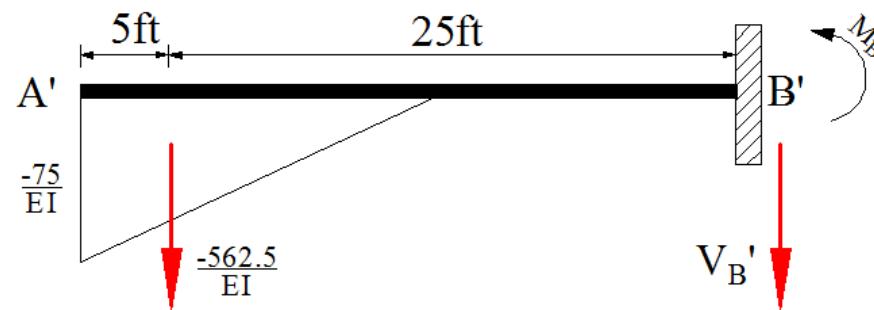
دیاگرام M/EI (2)



(3) مزدوج گاپر (Conjugate Beam)



(4) تعادل (Equilibrium)

لپاره بائد V_B' او لپاره M_B' پیدا کو.

$$\sum F_Y = 0 \rightarrow -\frac{562.5 \text{ k-ft}^2}{EI} - V_{B'} = 0$$

$$\theta_B = V_{B'} = -\frac{562.5 \text{ k-ft}^2}{EI} = \frac{562.5 * 12 * 12 \text{ k-in}^2}{29 * 10^3 * 800 \text{ k-in}^2} = -0.00349 \text{ rad}$$

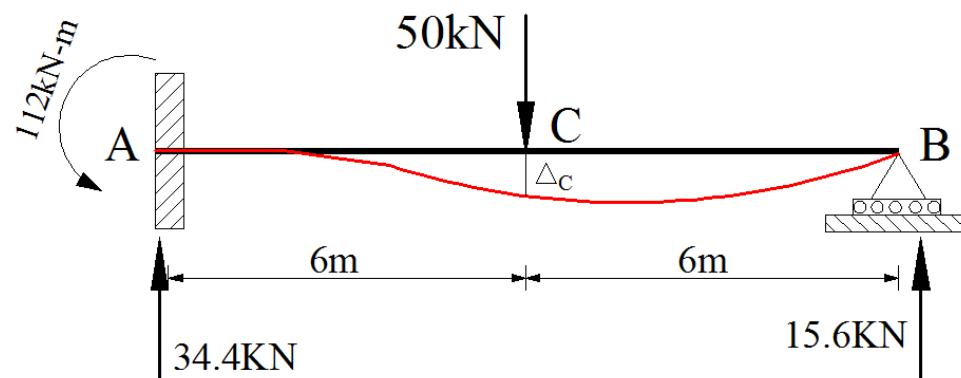
$$\theta_B = -0.00349 \text{ rad}$$

$$\sum M_{B'} = 0 \rightarrow \left(\frac{562.5 \text{ k-ft}^2}{EI} * 25 \right) + M_{B'} = 0$$

$$\Delta_B = M_{B'} = -\frac{14062.5 \text{ k-ft}^3}{EI} = -\frac{14062.5 * 12 * 12 * 12 \text{ k-in}^3}{29 * 10^3 * 800 \text{ k-in}^2} = -1.05 \text{ in}$$

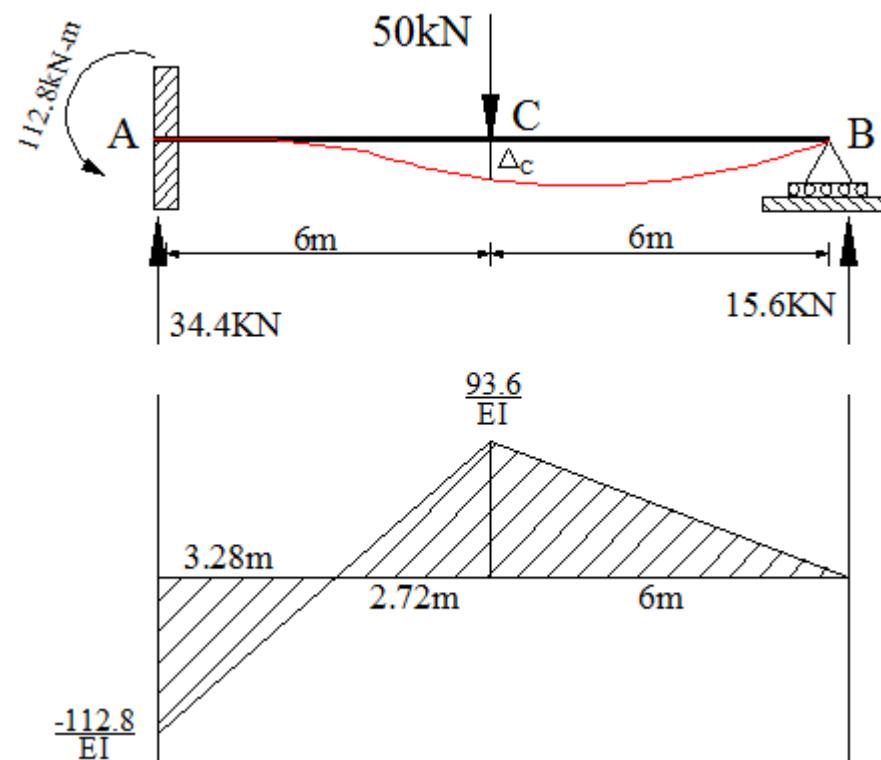
$$\Delta_B = -1.05 \text{ in}$$

مثال: 2 د ورکر شوی گادر په C نقطه کي (displacement, Δ_c) پيدا کوي؟ د EI قيمت ثابت دي

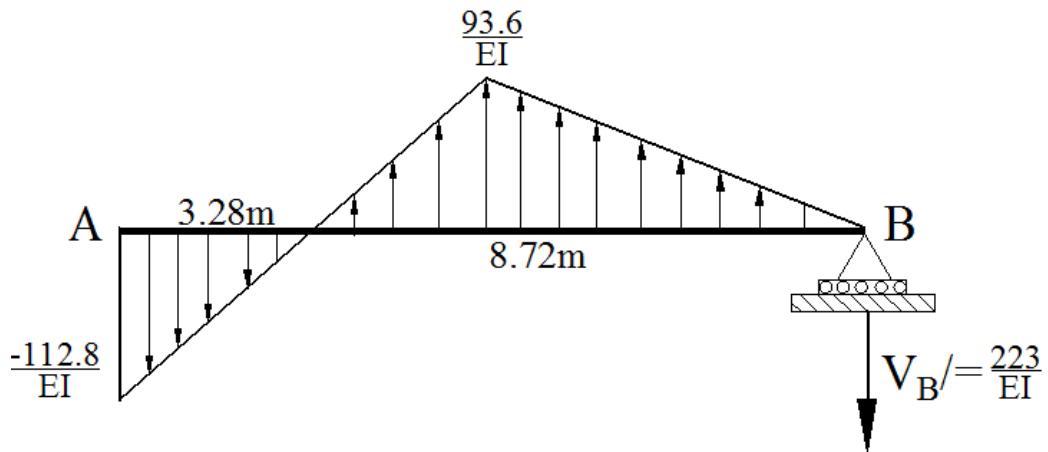


حل:

د یا گرام M/EI (1)



(Conjugate Beam) (2) مزدوج گاډر



$$\sum F_Y = 0 \rightarrow -\left(\frac{112.8 * 3.28}{2EI}\right) + \left(\frac{93.6 * 8.72}{2EI}\right) - V_B' = 0$$

$$V_B' = \frac{223}{EI}$$

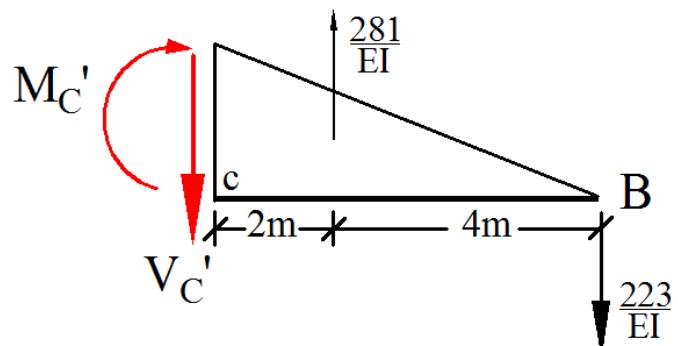
(Equilibrium) (3) تعادل

په C نقطه کي ناسته (Δ_C) پيدا کولو لپاره با بد د قضيي مطابق په نوموري نقطه کي مومنت محاسبه کو. يعني $\Delta_C = M_C'$.

$$\sum M_C = 0$$

$$\left(\frac{223}{EI} * 6\right) - \left(\frac{281}{EI} * 2\right) + M_C' = 0$$

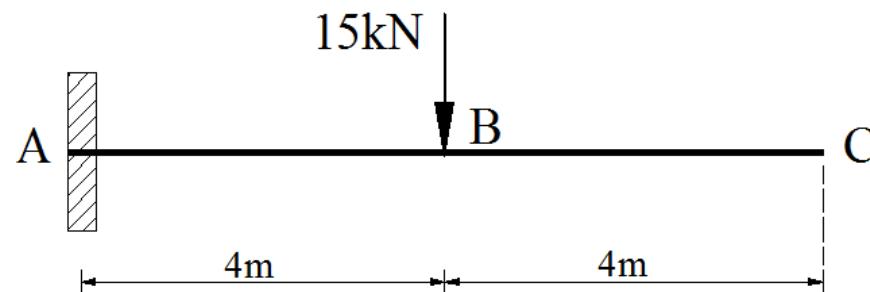
$$M_C' = \Delta_C = -\frac{776}{EI} \text{ (downward)}$$



مثال: 3 د ورکر شوی گادر کی په B نقطه کی میلان (slope, θ_B) او اعظمی بدلون (maximum)

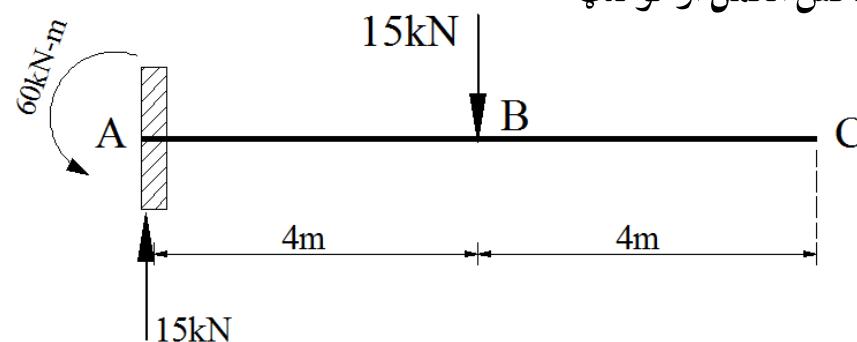
$$I=500\text{in}^4 \quad \text{او} \quad E=29*10^3\text{Ksi}$$

(پیدا کري displacement, Δ)

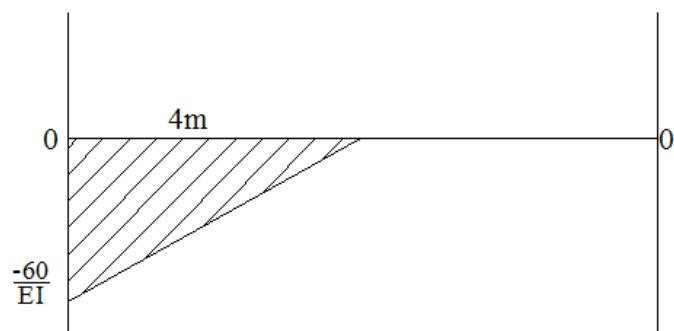
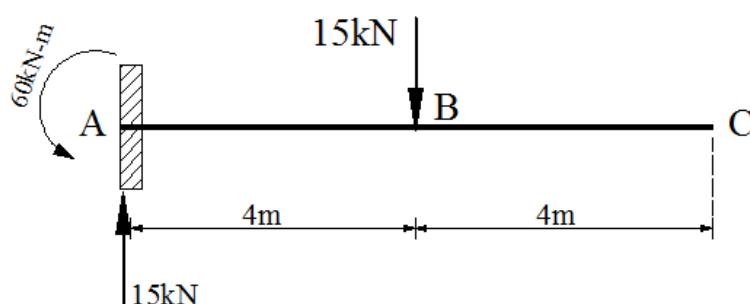


حل:

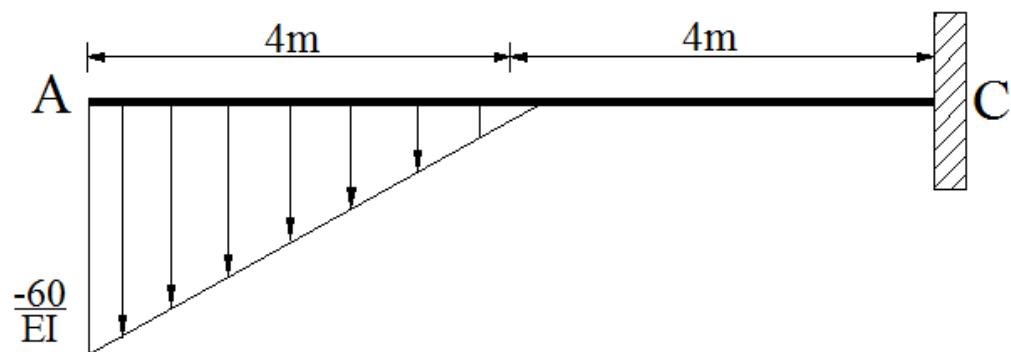
1) اتكائي عكس العمل او مومنتي



دياگرام M/EI (2)

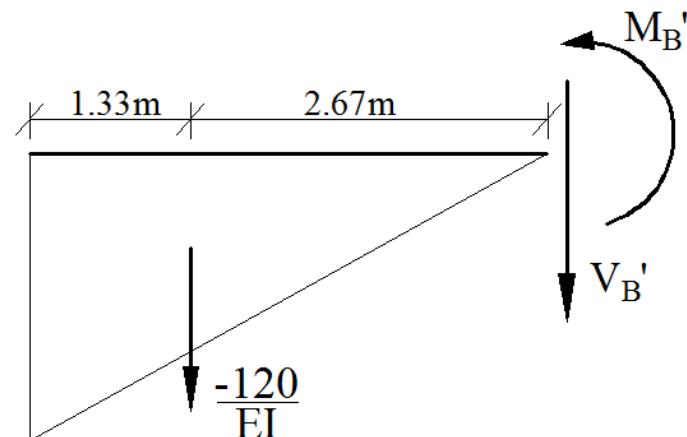


(3) مزدوج گاڈر (Comjugate Beam)



(4) تعادل (Equilibrium)

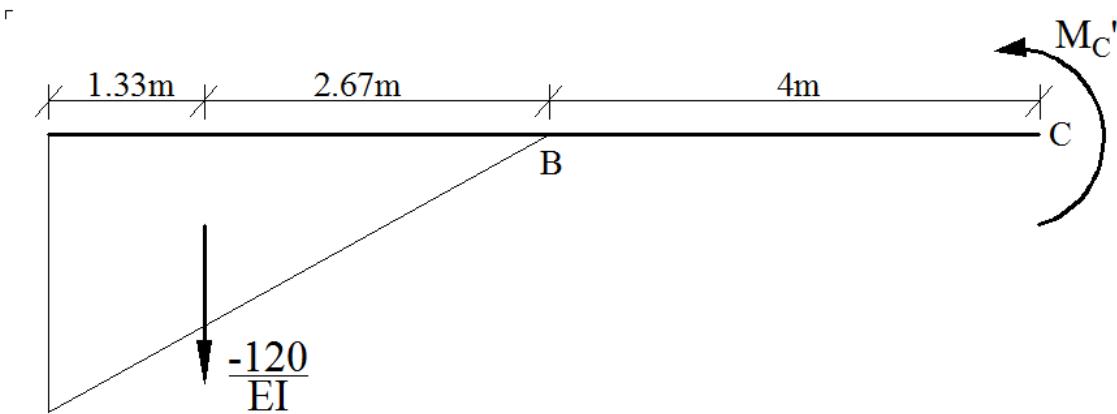
په B نقطه کي ناسته (Δ_B) پيدا کولو لپاره با بد د قضيي مطابق په نوموري نقطه کي مومنت او ميلان لپاره عرضي قوه محاسبه کو. يعني $\theta_B = V_B'$ اور $\Delta_B = M_B'$



$$\sum F_Y = 0 \rightarrow -\left(\frac{120}{EI}\right) - V_B' = 0$$

$$V_B' = \theta_B = -\frac{120 * 12 * 12 k-in^2}{29 * 10^3 * 500 k-in^2} = -0.0012 rad$$

پوهیرو چی اعظمی Dislacement کی پیدا کیوی .



$$\sum M_C = 0$$

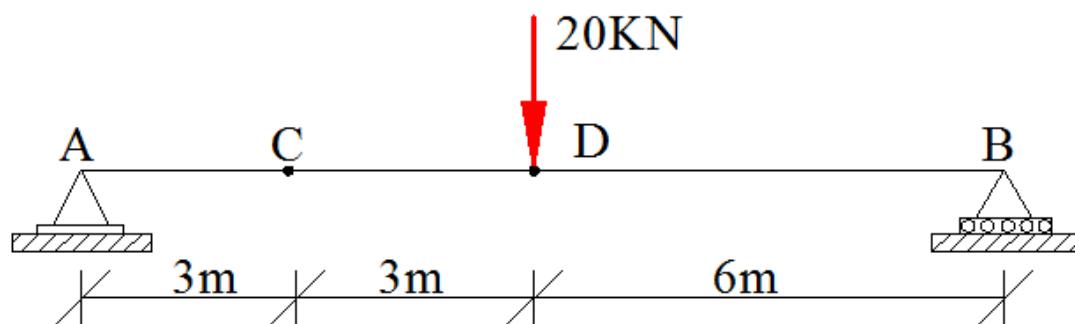
$$- \left(\frac{120}{EI} * 6.67 \right) - M_C' = 0$$

$$M_C' = \Delta_C = - \frac{800.4}{EI} = - \frac{800.4 * 12 * 12 * 12 \text{ k-in}^3}{29 * 10^3 * 500 \text{ k-in}^2} = - 0.095 \text{ in} \quad (\text{downward})$$

تمرین (Exercise)

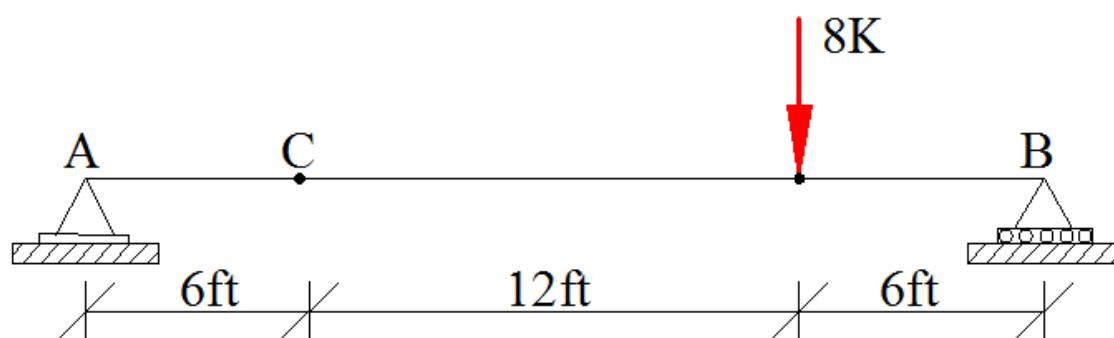
1) دورکر شوی گاپر په نقطه کی میلان (θ_C) پیدا کری؟ او $I=6 \times 10^6 \text{ mm}^4$ $E=200 \text{ GPa}$

use Moment Area method

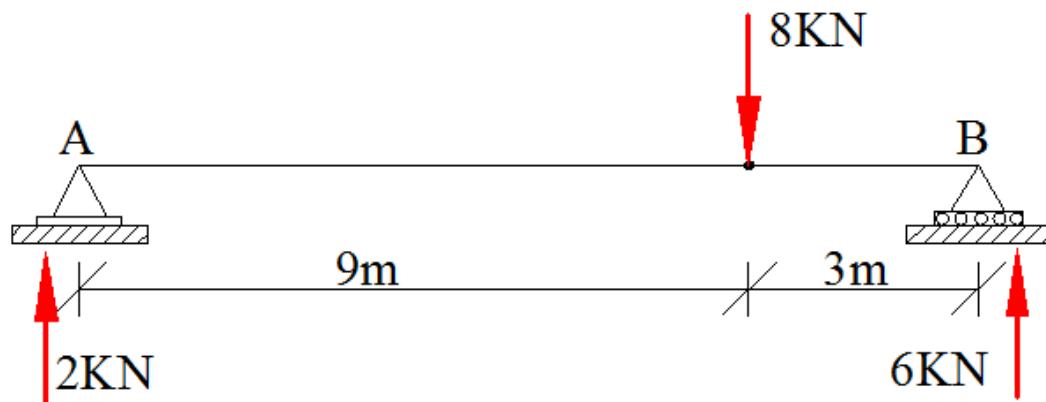


2) دورکر شوی گاپر په تکی کی میلان (θ_C) پیدا کری؟ او $I=600 \text{ in}^4$ $E=29 \times 10^3 \text{ ksi}$

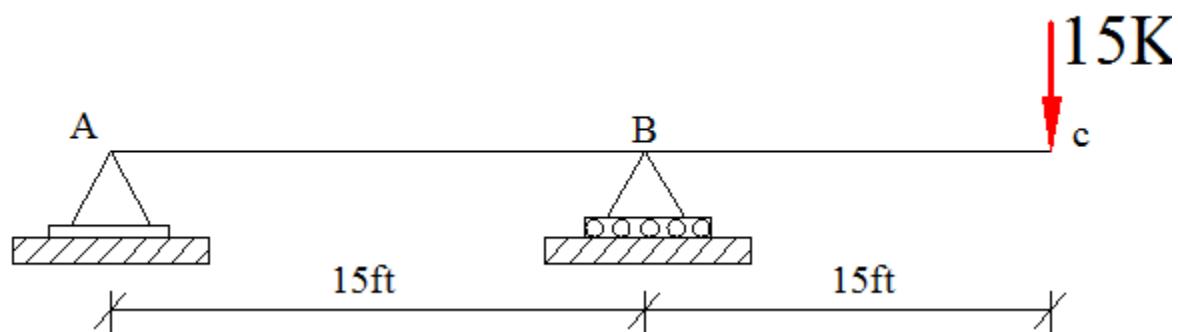
use Moment Area method



3) ورکر شوی گاہر کی اعظمی پیدا کری؟ او $E=200\text{GPa}$ Δ_{\max} displacement use Conjugate Beam method $I=60*10^6\text{mm}^4$

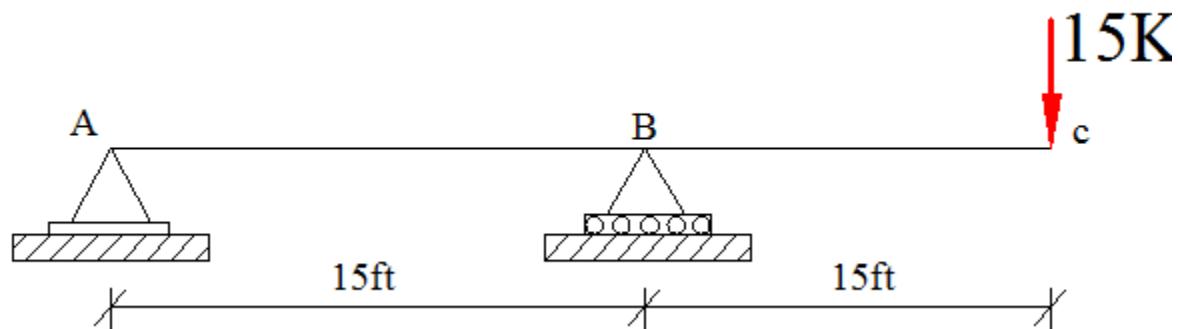


4) د ورکر شوی گاہر پہ C تکی کی Δ_C اور θ_C پیدا کری؟ EI قیمت ثابت دی۔
Use moment Area method



5) د ورکر شوی گاډر په C تکی کی Δ_C پیدا کری او EI قیمت ثابت دی.

Use conjugate Beam method



Get more e-books from www.ketabton.com
Ketabton.com: The Digital Library